

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + Make non-commercial use of the files We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + Maintain attribution The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

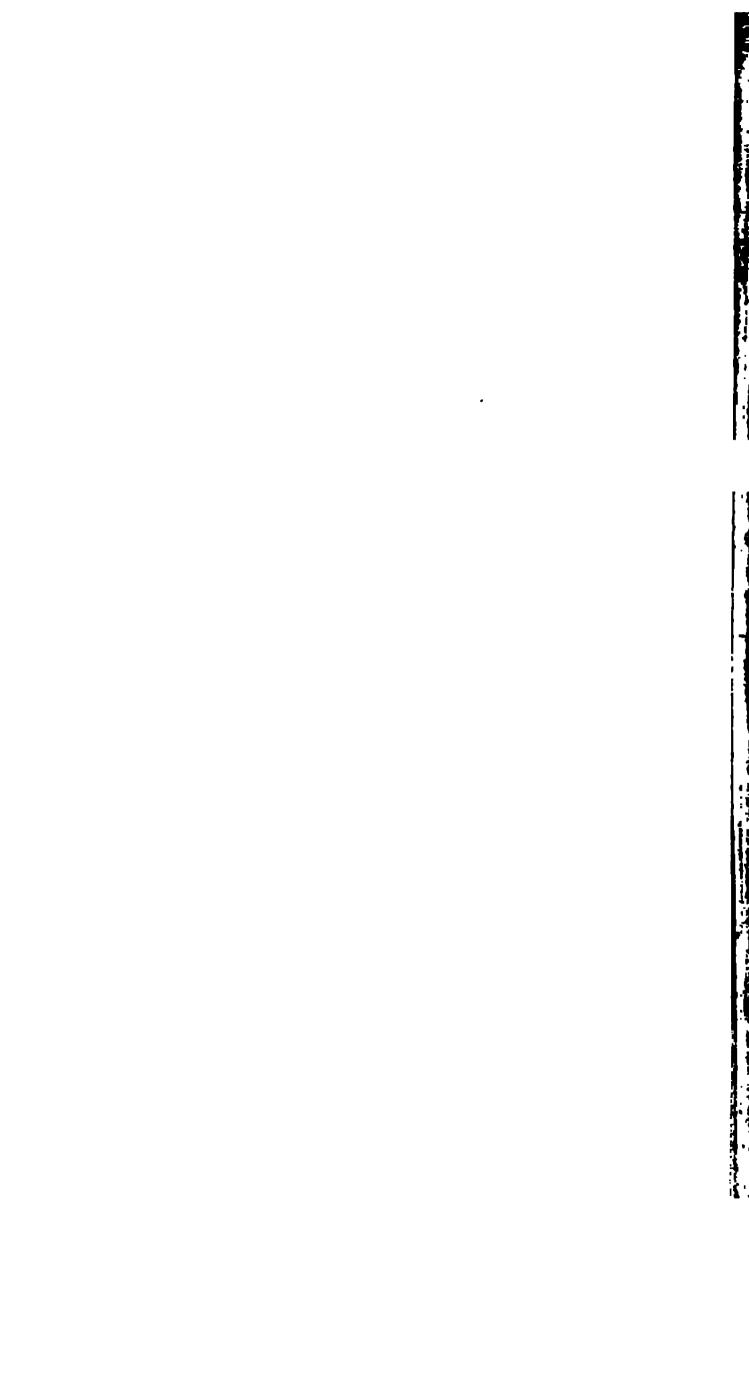
Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden,
- + Keine automatisierten Abfragen Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com durchsuchen.









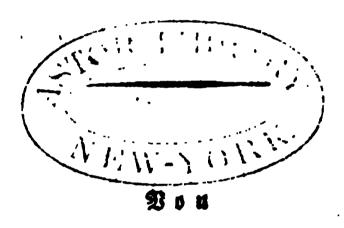
Grundlehren

der

Photometrie

oder der

Optischen Wissenschaften.



Karl Christian Langsborf, professor zu Erlangen.

Erste Abtheilung.

Erlang,en bei Johann Jakob Palm. 1803.

. : .

::

64.

Durchlauchtigsten Kurfürsten Earl Friedrich von Baaden

bem

erhabenen Beforderer;

alles Ruflichen und Guten

widmet

diese Blätter

mit der ungeheucheltsten Chrfurcht

ber Berfasser.

Vorerinnerung.

Ponkurrenz von Schriften über die einzelnen Theile im großen Felde der Wissenschaften ift für die Wers breitung und Verbollkommnung der lettern gewiß eben so wohlthatig und wichtig, als Konkurrenz von akademis schen Lehrern für den offentlichen Unterricht, und Konkurrenz von Runftlern und Sandwerkern für Runfte und Handwerke. Die Geometrie und die zur Statif und Mes chanik gehörigen Theile der angewandten Mathematik has ben auch diesen Bortheil bisher in so vollem Maafe genossen, daß man fehr Unrecht thun wurde, wenn man Mangel dahin gehöriger Kenntnisse dem Mangel Schriftstellern zuschreiben wollte. Eine ungleich geringere Aemfigkeit teutscher Schriftsteller zeigt sich in Berbreitung optischer Kenntnisse, zumal seitdem nach herrn Guler die Herren Klugel und Karften uns mit ihren Meisterwerken beschenkt haben. Allerdings erfodert es Muth, den Arbeiten solcher Manner eine neue an die Seite zu segen, und eine beinahe lacherliche Gitelfeit oder vielmehr vollige Unbekanntschaft mit der hohen Bollkommenheit iener Schriften, wenn man fie durch eine neue verdrängen zu konnen wähnen wollte. Wenn ich daher)(3

widmet

diese Blätter

mit der ungeheucheltsten Chrfurcht

ber Berfasser.

Vorerinnerung.

Ponkurrenz von Schriften über die einzelnen Theile im großen Felde der Wissenschaften ift für die Bera breitung und Berbollkommnung der lettern gewiß eben so wohlthatig und wichtig, als Konkurrenz von akademis schen Lehrern für den offentlichen Unterricht, und Konkurrenz von Runftlern und Sandwerkern für Runfte und Handwerke. Die Beometrie und die zur Statif und Mes chanif gehörigen Theile der angewandten Mathematif has ben auch diesen Bortheil bisher in so bollem Maafe ges nossen, daß man sehr Unrecht thun wurde, wenn man Mangel dahin gehöriger Kenntnisse dem Mangel an Schriftstellern zuschreiben wollte. Eine ungleich geringere Memfigfeit teutscher Schriftsteller zeigt sich in Berbreitung optischer Kenntnisse, zumal seitdem nach herrn Suler die herren Klugel und Karften uns mit ihren Meisterwerken beschenkt haben. Allerdings erfodert es Muth, den Arbeiten solcher Manner eine neue an die Seite zu segen, und eine beinahe lacherliche Gitelfeit. oder vielmehr vollige Unbekanntschaft mit der hohen Bollkommenheit iener Schriften, wenn man fie durch eine neue verdrängen zu konnen wähnen wollte. Wenn ich daher)(3

Daher die offentliche Bekanntmachung dieser photometris schen Anfangsgründe wage, so bitte ich den Grund das von in meiner Ueberzeugung zu suchen, daß auch für dies sen Theil der mathematischen Wissenschaften, bei der noch nicht beträchtlichen Mannigfaltigkeit neuerer Lehrbücher, eine größere Konkurrenz von bedeutendem Nuken senn werde. Ich glaube die ganz richtige Bemerkung gemacht zu haben, daß seltene Erscheinung von Schriften in eisnem bestimmten Fache auch selbst Bezug auf selteneres Studium in diesem Fache habe. Umgekehrt erweckt der schriftstellerische Fleiß Aufmerksamkeit auf den sonst verstächtäßigten Begenstand und Neigung, ihn kennen zu kernen. Ausselbschaft aber auch die Verschiedenheit der Lehrmethode, die Verschiedenheit in der Darstellung, die Abanderung in der Ordnung des Vortrags sehr ties zur Erleichterung und Verbreitung des Studiums bei, und oft wird ein einziger eingestreuter Bedanke, bon eis nem scharssichtigen Leser ergriffen, Quelle neuer Ideen und Veranlassung zu neuen Ansichten und zu den interespantesten neuen Untersuchungen. Sbendarum muß es aber auch einem Schriftsteller gestattet senn, solche Sedanken, auch wenn sie noch nicht zur bölligen Reise gekommen sind, einstreuen zu dürsen, und ich habe mich selbst an mehreren Stellen dieser Freiheit bedient. Kein Schriftssteller wird eitel genng senn, zu glauben, daß gerade sein Vortrag ieder Klasse von Lesern der faklichste und angenehmste sen. Ich habe selbst mehrmalen die Erstahrung gemacht, daß von mehreren Beweißarten gerade Diesenige von dem Einen für die faßlichste gehalten wurde, die der Andere für die schwerste oder verwickeltste erklärt hatte. Es muß also Jedem, der eine Wissenschaft studisen soll, die dem Nachdenken so volle Beschäftigung giebt

giebt wie die Photometrie, sehr willkommen senn, in den schwereren Untersuchungen ganz verschiedene Schriften zu Rathe ziehen zu konnen und die eine durch die andere erklart zu finden. Eben diesen Iwed habe ich noch um foviel sicherer dadurch zu erreichen gesucht, daß ich keinen Kalful unentwickelt gelassen und in der Ableitung einer Formel aus andern Gleichungen niemals sprungtveise forts geschritten bin. In der Anordnung des Banzen bin ich übrigens weder herrn Klugel, deffen große Berdienfte um die optischen Wissenschaften bekannt gentug find, noch hrn. Rarft en gefolgt, ob ich gleich besonders hrn. Rlus gels Guftem für Lefer, die schon an die feineren mathematischen Untersuchungen gewöhnt find, für unverbesserlich halte. Ich habe anfanglich theile lefer von weniger Ausdauer vorausgefest, die durch allzufruhe Einführung in den feineren Kalkul, ohne den Rugen davon fogleich einzusehen, leicht das ganze Studium aufzugeben veranlaßt werden; theils solche, deren Beruf es nicht erlaubt, sich in die feineren Untersuchungen einzulassen, von welchen die hochste Bervollkommnung optischer Werkzeuge abhangt, und die fich schon mit der Renntniß diefer Werks zeuge in Bezug auf ihre Ginrichtung, Wirkungkart und Maaf der Unnaherung oder Bergroßetung begnügen, ohne gerade mit den verborgenern Mitteln zur reinsten Darstellung der Bilder bekannt zu senn. Biele Lefer wols Ien oder konnen auch wegen anderer Berufsgeschäfte nicht weiter gehen, und diese werden hier in den ersten zwolf Abschnitten befriedigt. Manche folder Seser werden vielleicht eben durch diese erlangten Kenntnisse zur Fortsetung ihres Studiums gereizt, und manche hatten gleich anfang-Lich den Vorfatz, das Ganze zu umfassen, die dann auf Diesem Wege nicht ermuden werden. Für solche Leser sind die

die folgenden Abschnitte dieser ersten Abtheilung und die zweite Abtheilung bestimmt. Lestere wird nur noch einige Zusätze zu den hier vorgetragenen Lehren und dann die umständliche Anwendung auf die vollkommenere Einrichtung optischer Werkzeuge enthalten.

Mit mehr Vergnügen als iemals berühre ich ieht noch einmal meine im vorigen Jahre erschienenen "Ansfangsgründe der Reinen Elementars und höheren Mathematik auf Revision der bissherigen Principien gegründet ". Ich sage, mit mehr Vergnügen als iemals, weil ich schon ieht die Freude habe, zu sehen, wie mächtig iene Revision auf den Verstand vieler und darunter sehr taslentvoller iunger Männer wirkt, selbst solcher, die anfängslich weit entsernt waren, dieser Lehre zu huldigen. In der That die Leerheit und Krastlosigkeit der in einigen Recensionen diesem Systeme entgegengesetzten Erinderuns gen nicht wenig zu seiner Empfehlung und zu der über alle meine Erwartung schon so frühe sich verbreitenden Ueberzeugung von seiner Unerschütterlichkeit beigetragen.

Um inzwischen keine der mir entgegengesetzen Erin=
nerungen unbeantwortet zu lassen und ieden Zweisel zu
beseitigen, muß ich hier noch eine Bemerkung beantwor=
ten, die mir, später als alle übrigen, erst nach der Er=
scheinung meiner Grundlehren der mechanischen Wissen=
schaften von einem berühmten Mathematiker, Herrn Pro=
fessor Klügel in Halle, schriftlich gemacht worden ist.

"Ich wünschte doch, schrieb Er mir, daß Sie "die alte Vorstellung von Linien und Flächen "bei= "beibehalten hatten. Denn in der That
"bringen Sie physikalische Begrife
"fe in die Geometrie, wenn Sie
"Raumpunkte und Raumlinien date
"inn einführen."

Unter allen mir gemachten Eintvendungen halte ich Diese für die vernünftigste, indem sie von falter Ueberlegung zeugt, feine auf blinde Borurtheile gegrundete Intoleranz verrath und weit entfernt ift, den Gat der begrenzten Theilbarkeit für einen schon ertviesenen Irrthum zu erklaren. Uebrigens glaube ich aber auch diese Erinne rung hen. Rlugels vollkommen befriedigend beantworten zu tonnen. Der Physiter tann sich seine Begenftande nicht selbst schaffen, nicht wie der Beometer sie mit dem Berftande überall finden, two er fie finden will. Er muß fie nehmen, wie er sie in der Natur findet und von den aufgefundenen Begenständen die Begriffe abstrahiren, Indem ich nun ein einfaches Raumliches poffulire und im Berftande dieses mehrmalen neben einander setze, und so den Begriff einer Raumlinie konftruire, handle ich blog nach den Befugnissen eines Geometers, ohne auf die ente ferntefte Weise in die eigenthumlichen Rechte des Physis fers einzugreifen. Go fommt man auf eine rein synthes tische Weise zum Begriffe des Gegenstandes, und der Begenftand felbft wird blog Gegenftand der Geometrie.

Umgekehrt könnte man, wenn man so strenge mit Euklid verfahren wollte, wohl fragen: geht nicht Euklid von physikalischen Begriffen aus, um die ersten Begriffe der Geometrie zu begründen? Oder was berechtigt ihn, die körperkiche Ausdehnung als etwas anzunehmen,

das der Verkand ohne alle Erfahrungskennmisse possulizen durse? Ik das Possular von der Vorstellung eines Maumpunktes stärker als das von der Vorstellung eines geometrischen Körpers? Hat nicht Euklid diesen Begriff von physischen Körpern abstrahirt? Muß nicht bei Bezseitigung aller Erfahrungskenntnisse, der reine Verstand selbst auf die Vorstellung des Einfachen zurückgehen oder von der Vorstellung des Raumpunktes anfangen, um ohne alle Erfahrungskenntnisse zu einer befriedigenden Vorstellung von der Möglichkeit aller Ausdehnung und so auch von der Körperlichen zu gelangen? Ist wohl noch ein anderer Weg als iener der reinsten synthetischen Methode möglich? Und hat wirklich Euklid uns denselzben vorgezeichnet?

Erlangen im Febr. 1803.

R. C. Langsborf.

Die Photometrie*).

Erster Abschnitt.

Dichtigkeit des Lichts und dessen Verbreitung überhaupt.

§. 1.

ab cd (fig. 1.) sen eine Kreisstäche, beren Durchmesser b d so klein sen, daß seine beiden Gränzpunkteb und d in einen feinen physischen Punkt zusammenfallen; c sen ein kleines Stückhen dieser Kreisstäche,
in welchem des Kreises Mittelpunkt liege, so daß die
größte Entsernung zweier in diesem Stückhen liegenden Raumpunkte von einander nur einen sehr kleinen
aliquoten Theil vom Durchmesser b d der Kreisstäche
betrage, so gilt hier dieses Stückhen c sür ein Släschenelement.

Die Kreisstäche brehe sich nun um ben Durchmesser ba, so daß sie eine Augel beschreibt, deren Raumspunkte alle in einen einzigen seinen physischen Punkt zusammenfallen, und c sen nun ein sehr kleiner alts quoter Theis dieser Augel, so heißt hier c ein Rotsperelement.

*) Bon perçése, ich messe, und Dür (Gen. Parès) des Licht — die Lichtmessungslehre.

tangeborfe Photom.

das der Verkand ohne alle Erfahrungskennenisse posstulisten durfe? Ist das Possular von der Vorskellung eines Naumpunktes stärker als das von der Vorskellung eines geometrischen Körpers? Hat nicht Euklid diesen Begriff von physischen Körpern abstrahirt? Muß nicht bei Besseitigung aller Erfahrungskenntnisse, der reine Verstand selbst auf die Vorskellung des Einfachen zurückgehen oder von der Vorskellung des Kaumpunktes anfangen, um whne alle Erfahrungskenntnisse zu einer befriedigenden Vorskellung von der Möglichkeit aller Ausdehnung und so auch von der Korperlichen zu gelangen? Ist wohl noch ein anderer Weg als iener der reinsten synthetischen Methode möglich? Und hat wirklich Euklid uns denselzben vorgezeichnet?

Erlangen im Febr. 1803.

K. C. Langsborf.

Pho:

Die Photometrie*).

Erster Abschnitt.

Dichtigkeit des Lichts und dessen Verbreitung überhaupt.

§. 1.

abod (fig. 1.) sen eine Kreisstäche, beren Durchmesser bod so klein sen, daß seine beiden Gränzpunkteb und din einen feinen physischen Punkt zusammenfallen; c sen ein kleines Stückhen dieser Kreisstäche,
in welchem des Kreises Mittelpunkt liege, so daß die
größte Entsernung zweier in diesem Stückhen liegenden Raumpunkte von einander nur einen sehr kleinen
aliquoten Theil vom Durchmesser bod der Kreisstäche
betrage, so gilt hier dieses Stückhen c für ein Släschertelement.

Die Kreissische brehe sich nun um ben Durchmesser b.d., so daß sie eine Kugel beschreibt, deren Raumpunkte alle in einen einzigen seinen physischen Punktzusammenfallen, und c sen nun ein sehr kleiner altsuoter Thets dieser Rugel, so heißt hier c ein Rotsperelement.

Hier

*) Bon perçées, ich messe, und Dus (Gen. Perrès) des licht — die Lichtmessungelehre.

langsborfs Photons.

Hier sind also Flächenelemente und Körperelemente nur in Bezut auf unsere Sinnen sehr kleine unausmeßbare Größen; sie können Bentillionen von Zentillionen Naumpunkten enthalten, welches aber für die folgenden Untersuchungen keine Unrichtigkeiten geben kann, wie man bald sinden wird. Daher kann das Unbestimmte, das etwa noch in den obigen Erklärungen liegt, hier nicht schaden.

§. 2.

Das Sichtbarwerben eines Gegenstandes schreiben wir der Empfindung ju, die baburch in uns erregt wird, daß von den Flachen. ober Körperelementen bes Gegenstandes eine eigene Materie ausgehe, die unfer Auge nach einer gewiffen Richtung treffe, in det uns bann ber Gegenstand zu liegen scheine. Diese Materk nennen wir die Lichtmaterie, und die von einem Elemente bis zu einem andern in einem bentbaren prismatischen Ranale in Bewegung gesetzte Lichtmaterie einen physischen Lichtstrahl. Denkt man sich das in Bewegung gesetzte Licht nur von einem Raumpuntte bis zu einem andern, so denkt man sich einen einfas chen Lichtstrahl. Wenn die Benennung Lichts strahl schlechtmen gebraucht wird, so ist barunter alle mal ein physischer in der erwähnten Bedeutung zu verstehen.

§. 3.

Wenn Lichtstrahlen nur durch einerlen, auch in Ansehung der Dichtigkeit unveränderliche Materie durch gehen, und so unser Auge erreichen, so erscheinen uns die durch sie dargestellten Gegenstände immer in derselben geraden Linie, in der sie sich wirklich bessinden. Daher ist vor der Hand nur von geradlinigen.

en Strahlen die Rebe. Ueberbas wirb', um bie anängliche Untersuchung möglichst zu vereinfachen, noch ngenommen, daß burch alle senkrechte Querschnitte ines Strable in berfelben Zeit gleiche Lichtmenge burchebe, also mabrend ber Bewegung ber von einem Elenente ausgehenden Lichttheilchen keines auf seinem Bege juructbleibe.

Weil verschiebene Beobachter in A und 2 (fig. 2.) hpfische Puntte B und b mittelst Strablen seben, Die inander in c durchschneiben, so betrachten wir bie Strablen, die von einem Elemente ausgehen, ihrer lange nach nicht als ein Kontinuum von Licht, ondern als distrete Materie, d. h. als eine Reibe ortschreitender Lichtelemente, Die in derfelben Richtung n gewiffen Entfernungen von einander abliegen. 8 wird angenommen, daß die von einem Elemente jusgehenden Lichtatome sich nicht ohne allen Zeitveruft, sondern nach jedesmaligem Verfluß eines fleinen Zeittheilchen einander nachfolgen. Der Abstand zwener unächst auf einander folgender Lichtatome in einem Strafle kann viele taufend Meilen betragen, und bie inser Auge nach einander treffenden Lichtatomen tonien uns bennoch als stetig auf einander folgend erscheis ien, wenn fie einen folden Zwischenraum in einer für ins unmerkbar kleinen Zeit, g. B. im tausenbsten Theil iner Sefunde durchlaufen. Diese überaus große Gedwindigkeit bes Lichts ift auch durch andere Beobache ungen bestättigt.

§. 5.

Ein Körper heißt leuchtend, wenn er selbst Quelle der von ihm ausgehenden Lichtstrahlen ist, so 21 2 daß daß innerhalb seinem Umfange der Anfang der von ihn abfahrenden Strahlen liegt. Er heißt exleuchtet, wenn er uns nur mittelst Strahlen, die andere leuchtende Körper auf ihn werfen, sichtbar gemacht wird. Es fann aber auch der erleuchtete strahlend geneunt werden.

§. 6.

Die Helligkeit, mit der ein leuchtender Körper vermöge der von einem jur Einheit angenommenen Theile seiner Oberfläche in bestimmter Zeit ausgebenden Menge von Lichtatomen erscheint, heißt sein Glanz. Wir empfinden eine desto größere Zelligkeit, ie dichter die Strahlen im Umfange des Bildes, bas von einem Objefte im Auge entsteht, jusammengebrängt Mur konnen wir nicht behaupten, daß die Selligfeit gerade ber Dichtigfeit der Strahlen im Augen bilde proportional sen. Inzwischen ist es doch verstattet, die erwähnte Dichtigfeit als Maag der helligfeit zu gebrauchen, und einem ftrablenden Objeft bop. pelte helligfeit zuzuschreiben, wenn es in unserem Auge ein Bild macht, in deffen Umfange die Strahlen boppelt so bicht neben einander liegen, als in dem von einem andern Objekte in unserem Auge entstehenden Die Grade des Glanzes find fehr verschieden. Zwischen dem Glanze der Sonne und dem eines Johanneswurmchens liegen ungähliche Stufen. könnte auch von erleuchteten Körpern das Wort Glanz in derfelben Bedeutung gebrauchen; beffer aber bezeichnet man den Grad der Helligkeit erleuchteter Korper mit einer eigenen Benennung, und sest Größe der Erleucheung oder auch Erleuchtung schlecht weg statt Glanz.

Anmerk. Die scheinbare Größe der Sonnenscheibe kann zu 16 Minuten angenommen werden; dennoch empfänge ber die

Erfter Abschnitt. Die Dichtigkeit bes Lichts zc.

Diefer geringen Große eine ber Sonne entgegengefette uns Durchsichtige Chene einen febr boben Grad von Erleuchtung.

Man setze dieselbe Sbene der Befrahlung einer brens nenden Kerze entgegen, so daß die scheinbare Größe der brennenden Lerze, von der Sbene aus betrachtet, im Ourchschnitt auch zu 16' oder noch merklich größer anges nommen werden kann, so empfängt die Sbene von der brennenden Kerze eine bei weitem geringere Erleuchtung, als von der Sonne.

Der Grund davon liegt fürs erfte in dem äusserk locker ven Beftand der Flamme, die noch weit lockerer als die at mosphärische Luft ist. Fürs andere muß wan erwägen, das die Flamme nicht aus immer fortdauernden leuchtenden Theilchen besteht, sondern aus nach einander solgenden immer von nenem erzeugten leuchtenden Elementen. Die Menge der Lichttheilchen, welche von einer Stelle der Flamme in einem bestimmten Beittheilchen ausgehen, hängt also von der Menge der leuchtenden Elemente ab, die in solchem Beittheilchen an iener Stelle nach einander erzeugt werden. Deist daher die Masse der Kerze M, die Beit ihrer gänzlichen Berbrennung t, so verhält sich, unter sonst völlig gleichen Umständen, die Erleuchtung, welche von der Lichtsamme herrührt, wie M.

Daber ift ber Glanz von ber Flamme eines erst ange, zündeten noch fiarren Dachtes einer sehr kalten Kerze sehr schwach; bingegen der Glanz einer in Lebensluft schnell wegbrennenden Kerze ausnehmend fark. Lichtstammen von gleichem Umfange können daber mit sehr verschiedenem Glanze brennen, oder sehr verschiedene Erleuchtung geben.

§. 7.

Eine Materie heißt durchsichtig, wenn sie Strahlen in geradlinigter Bewegung durch sich durch-A 3 läßt,

Die Photometrit.

läßt, ohne daß wir Poren der Materie nach der Richtung des Durchgangs bemerken konnten *).

§. 8,

Das Licht kann in verschiedener Dichtigkeit von einem leuchtenden Körper ausgehen. Einmal kann ein zur Flächeneinheit angenommenes Stückchen der Ober-

*) Die Erflarung von ber Urfache ber Durchfichtigfeit fann füglich dem Physiker überlassen bleiben, Man bat intwis fchen nicht im mindeften Urfache, bas atomiftische Goftem um biefer Erflarung willen aufzugeben. Man beute sich 1. B. Die einzelnen Elemente etwa fo groß, daß fie 1000 Maumpuntte ausfullen, und daß iedes foldes Clement vom påchkanliegenden um 2000 Zeptilliopen Raumpunkte abstebe, Die aber noch immer nicht ben jentillionften Sheil vom Qurchmeffer bes feinften bemertbaren phyfifchen Punttes ausmachen, so wird uns die Materie als eine vollkommen bichte Masse erscheinen, ob sie gleich etwa nur ben gentil. tionsten Theil ihres scheinbaren Bolumens wirklich ausfüllt. Wenn nun die einzelnen auf die Maffe fallenden Lichtfrahlen auch in Punkten aufstelen, welche 100000000 Raumpunkte von einander ablägen und bie Dicke eines Strabls etwa is. viel, als die pon 1900000 Raumpunkten betrüge, so könnte bennoch eine ungeheure Menge von Strablen zwischen bie Elemente ber Maffe einfallen und in ber größtmöglichen Menge swischen iebem Paar Elemente burchtommen, wenn Die einzelnen Glemente in parallelen geraden Linien neben einander liegen, fowohl neben einander als hinter einander, wie (fig. 95). Alle Materien marben burchsichtig fenn, wenn ibre Elemente wie (fig. 95) geordnet waren. - Auch mußte bei ebenbiefer Anordnung ber Clementen bie Mate. tie einen befto boberen Grad von Durchsichtigkeit haben, ie miader dicht fie mare. Fluffige Materien icheinen fich hieser Anordnung am meiften zu nabern, und die Luft bat bei ihrer geringen Dichtigkeit auch einen sehr boben Grab Der

Iberstäche eines Körpers A mehr strahlende ober glänende Stementen enthalten, als ein gleiches Stückchen ei einem Körper B. Ausserdem kann aber auch A eine rößere Menge hinter einander liegender glänzender ilemente enthalten, die wenn A durchsichtig ist, ihre 5trahlen durch die Aussenstäche so durchlassen, als ob e von Punkten dieser Fläche ausgiengen.

§. 9.

Um hier aller Verwirrung vorzubeugen, muß man et einem aus glanzenden Elementen zusammengesetzten urchsichtigen Körper ben Glang ber Unssenflächen er einzelnen Elemente des Rorpers und den Glang er Aussenfläche des zusammengesegten Kors ers von einander unterscheiben. Verfieht man unter em specifischen Glan; eines solchen Korpers den seiner inzelnen Elemente, die ihre Strahlen gleichfalls durch des drpers Auffenfläche durchlassen, so ist die Menge des urch ein bestimmtes Slächenstücken bes aufferen Umangs ausgehenden Lichtes dem Glanze und ber Menge er einzelnen Körperelemente proportional, aus weljen ber gange Körper gusammengesett ift: ian aber unter bem fpec. Glanz bes Körpers ben feiner luffenfläche, so ist die Menge bes ausstrohmenden ichts bem Glanze und ber Menge ber glanzenden Glabenelemente ber Auffenfläche proportional.

ર્શ 4

§. 10.

der Durchsichtigkeit. Das Wasser ist vielleicht nur wegen der größern Dichtigkeit minder durchsichtig. Glas und Kriskalle scheinen schon mehr von der Ausrednung (fig. 95.) abs zuweichen, etwa wie (fig. 96). Metalle mußen schon sehr von dieser Anordnung abweichen, weil sie auch in sehr duns nen Blättchen doch nur einen sehr geringen Grad von Durchs schrigkeit zeigen.

§. 10.

Man benke sich eine hoble Halbkugel, beren innere Fläche ich (sig. 3.) im Durchschnitt BA.C vorstelle; L sep ein Raumpunkt auf der Grundsläche BC genommen, und zugleich der Mittelpunkt der Halbkwigel. Ist nun L ein glänzender Punkt, so kann aus ihm nur ein einziger einfacher Strahl, eine einzige Reihe nach einander folgender Lichtatomen, ausgebenzund dieser Strahl LA ist senkrecht auf BC.

Denn gleichzeitig kann aus L nur ein einziger Lichtatom ausgehen; es sep nun a, ein willsührlicher Raumpunkt in BAC, und ALa=ALa, so müßte der ausgehende Lichtatom aus demselben Grunde von L nach a gehen, aus welchem er von L nach a gehen sollte, er kann aber nicht nach a und a zugleich sortigehen, wenn nicht a und a beibe in A sallen, so daß ALB=ALC wird.

Dasselbe läßt sich auch so erkennen: L ist hier ein Raumpunkt auf einem Flächenelement irgend einer Waterie, die rings um L herum gleichen Bezug auf ieden ausgehenden Lichtatom hat; der Lichtatom muß daher so von L ausgehen, daß er sich von allen Raumpunkten des Flächenelements, die von L gleichweit entfernt sind, in seiner Bewegung auf gleiche Weise entfernt.

§. 11.

Dasselbe gilt von iedem Punkt des glänzenden Flächenelements L1 (fig. 3.), das hier nur als Durchsschnitt eines Flächenelements gezeichnet und daher nur als Linie vorgestellt ist. Also können von glänzenden Flächenelementen nur Strahlen ausgehen, die auf diese Elemente senkrecht sind. Das glänzende Element L1 erleuchtet also nur den Theil As vom Umsang, der Halbe

Erster Abschnitt. Die Dichtigkeit bes Lichts zc. . 9

palbkugel, wo ß l auf Li senkrecht ist. Soll dabet ie ganze innere Fläche der hohlen Halbkugel von Elestenten der Grundstäche BC erleuchtet werden, so missen alle Elemente dieser Grundstäche, d. i. die zanze Grundstäche BC in allen ihren Punksen glänzend seyn.

Wenn daher Ll als ein leuchtendes Glächens lement angenommen und nun gefragt wird, wie sich ie davon herrührenden Erleuchtungen zweier Elementen LB, mn, oder sonst beliebiger Flächenstücke, auf der mern Fläche der Halbkugel gegen einander verhalten verden? so sallen dergleichen Untersuchungen hierüber, wobei man sich die ausgehenden Strahlen aus iedem lunkte nach allen Punkten der Halbkugelstäche ringsmusseln ausfahrend denkt, ganz weg, und die Antwort ist urz diese: mn wird gar nicht erleuchtet.

§. 12.

Ist hingegen L1 (fig. 4.) ein körperliches Element, im obigen Sinne, etwa ein fleines auf seiner Auffenfläche burchaus gleichstark glanzenbes Rügelchen, beffen Mittelpunkt zugleich Mittelpunkt der boblen Salbe lugel BAC ift, so erleuchtet ieder Punkt bes Ruackdens einen ihm zugehörigen Punkt ber Salbkugelfläche, burch ben nämlich die aus dem Mittelpunft durch ben angenommenen Punkt im Umfang bes Rügelchens gezogene gerade Linie durchgeht. Denn iebe solche gerade Linie bezeichnet die Stelle eines vom leuchtenden Rügelden ausgehenden einfachen Strable. Daffelbe gift von ieder glänzenden oder leuchtenden größern Lugel L1. Die mit ber BAC koncentrisch ist. Es konnen nicht mehr Strahlen von der leuchtenden Rugel ausgeben; als Punkte auf ihrer Oberfläche leuchten, soviel Strablen, als überhaupt Puntte in der Ober-- 24 5 flåche

fläche ber kleinen Rugel enthalten find. Ift also die Dberflache ber fleinen Rugel in allen ihren Puntten leuchtenby fo ift ber erleuchtete Theil, b. h. die Sum me ber erleuchteten Stellen ber großen Salbtugelflache, der Oberfläche ber kleinen Halbkugel gleich. Strahlen werden auf ber großen Salbfugelflache gam gleichformig vertheilt, baber fie uns gang erleuchtet er-Denft man fich nämlich die große Halbfugel flache aus lauter solchen Elementen wie (f. 1.) m. sammengesett, und von jedem folchen Glachenelement auch nur eine kleine Anzahl von Raumpunften erleuch tet, indes das ganze Element Zentillionen folder Raumpunkte enthält, so liegen die erleuchteten Stellen boch so nahe neben einander, daß wir sie nicht als diffret erkennen konnen, sondern als unmittelbar neben einander liegend ansehen muffen. Alle biefe erleuchte ten Punfte bilden baher für unsere Sinne eine burchaus gleichkörmig erleuchtete Flache, nur in besto boberem Grabe erleuchtet, je weniger ber halbmeffer bet erleuchteten Rugelfläche von dem der leuchtenden ver-Schieden ift. Die Erleuchtung verhalt fich namlich um gefehrt wie die Größe der großen Salbfugelflache, ober wie das Quadrat ihres Halbmeffers, wenn alles übrige nugeanbert bleibt.

§. 13.

Aufg. Fig. 5. 11. 6. sollen wiederum Zalbkugeln vorstellen, daß also AB, ab sphärische Glächenstücke und L, 1 körperliche Ecken bedeuten. Tun befinde sich in den körperlichen Ecken sowohl bei L als bei lein in allen seinen Theilchen leuchtendes, durchaus durchsichtiges körperliches Element, das man sich aus lauter kleinen Rüsgelchen

gelchen zusammengesetzt denken kann, so daß man gleichförmige Vertheilung der aus ies dem Cheilchen ausgehenden Lichtstrahlen anzunehmen berechtiget ist.

S, s seven Verhältnißzahlen für den Glanz der einzelnen gleichgroßen Rügelchen, oder, welches dasselbe ist, Verhältnißzahlen für die Menge der aus iedem solchen Rüsgelchen in irgend einer Zeiteinheit ringsums her ausgehenden Lichtatome.

Man soll nun nach diesen Vorausserzuns gen das Verhältniß der Lichtmengen bestims men, welche von den Elementen L, I nach den Glächenstücken AB und ab ausgehen. Ich will dieses Verhältniß durch L: I auss drucken.

Aufl. 1. aß seine ber AB koncentrische fläche in einer willtührlichen Entfernung La = x von L; a'ß' sen ebenso in derselben Entfernung la = La = x von l ver Fläche ab parallel genommen, sie hat man

Flacke αβ: Fl. AB = x²: LA°
Fl. ab: Fl. α'β' = 1a²: x²

į

alfo

 $\alpha\beta\bowtie ab:\alpha'\beta'\bowtie AB=1a^{\alpha}:LA^{\alpha}$

unb

$$\alpha \beta : \alpha' \beta' = AB \cdot la^2 : ab \cdot LA^2$$
$$= \frac{AB}{LA^2} : \frac{ab}{la^2}$$

2. Nun sen die ganze Rugelstäche, von der hier oß und a' B' nur Stücke find, = K, und die Menge der

der dupchsichtigen leuchtenden Rügelchen bei L == E3, bei 1 == 63, so ware die gesammte

aus L durch die ganze Kugelstäche K = E³. S aus 1 = e³. s

und

L: $E^3S = \alpha\beta$: K 1: $e^3s = \alpha'\beta'$: K

alfo

L: 1 = E³.S.aβ: e³.s.aβ = $\frac{E^3.S.AB}{LA^2}$: $\frac{e^3.s.ab}{la^2}$

§. 14.

Man könnte auch die Lichtmenge L, welche aus einem Körperelemente (\S . 1.) zwischen den Gränzen einer körperlichen Ecke ausströhmt, mit der Lichtmenge vergleichen, welche aus einem zur Einheit angenommennen Kügelchen ringsumher ausströhmt. Für diese Foderung darf man im vor. \S . nur l = s = 1, und für ab die ganze Fläche des zur Einheit angenommennen Kügelchens setzen, die $= 4\pi.1a^2$ ist. So etchält man aus dem vor. \S .

L: $r = \frac{E^3.S.AB}{LA^2} : \frac{e^3.1.4\pi.1a^2}{1a^2}$

alfo

 $L = \frac{E^3.S.AB}{e^3.4\pi.LA^2}$

ober, weil man das Kügelchen, dessen Inhalt mit et bezeichnet ist, in diesem Falle selbst als Einheit zur Bestimmung des Werths von E,3 annehmen kann,

$$L = \frac{E^3.S.AB}{4\pi \cdot LA^3}$$

Erster Abschnitt. Die Dichtigkeit des Lichts zc. 13

Allemal bezieht sich hier L auf ein burchsichtiges, n allen seinen Theilchen leuchtenbes Element; E3 ift ie Menge ber zur Einheit angenommenen fleinen Rujelchen, aus welchen bas leuchtenbe Element besteht, der Glanz ober hier die Verhältnißzahl für die aus ebem folden Rugelden bes Elements ringsumber ver rettete ober ausgehende Menge von Lichtatomen, wenn ie aus dem jur Einheit angenommenen glanzenben tügelchen in berfelben Zeit ringsumber ausgehende ichtmenge = 1 gesetzt wird. Es ist also E3.8 alles nal die gesammte Menge von Lichtatomen, welche aus em Elemente ringsumber in berfelben Zeit ausgehte a aus bem zur Ginheit angenommenen glanzenben Rujelchen die = I gesetzte Lichtmenge e3.s ringsumber ausgeht.

Heißt also die gesammte aus dem Elemente rings umber strablende Lichtmenge Λ , so hat man Λ

E₃.S, und
$$S = \frac{\Lambda}{E_3}$$

§. 15.

Wenn Lichtstrahlen über verschiedene Flächen A, B in verschiedenem Maaße vertheilt sind, doch so, daß die Vertheilung auf ieder dieser Flächen gleichförmig ist, so kann man sich über die Dichtigkeit des Lichts auf diesen verschiedenen Flächen nur dadurch bestimmt erklären, daß man die Lichtmengen angiebt, welche auf gleichgroßen Stücken von A und B, z. B. auf I Quadratzoll gleichzeitig auffällt. Druckte man z. B. die auf eine Fläche von 60 Quadratzollen auffallende Lichte menge durch L, die auf eine andere Fläche von 18 Quadratzollen fallende Lichtmenge durch daus, so wäre die auf die Fläche eines Quadratzolls fallende Lichtmenge

im ersten Falle
$$=\frac{L}{60}$$

im andern
$$-\frac{\lambda}{18}$$

und wenn die Dichtigkeit des Lichtes im ersten Falle mit D, im andern mit d bezeichnet wird, so hat man

$$D: d = \frac{L}{60}: \frac{\lambda}{18}$$

Allgemein erhält man also die Verhältniszahlen zur Vergleichung der Dichtigkeiten des auf verschieden nen Flächen verbreiteten Lichtes dadurch, daß man die gleichzeitig auffallenden Lichtmengen durch die Größe der erleuchteten Flächen dividirt.

Diesemnach ergiebt sich (§. 14.) für die Dichtige keit D der auf AB (fig. 5.) verbreiteten Lichtmasse L der Ausdruck

$$D = \frac{E^{3}.S.AB}{4\pi.AL^{2}.AB} = \frac{E^{3}.S}{4\pi.AL^{2}}$$

oder für ein bestimmtes Element E^3 verhält sich in der Entfernung AL vom leuchtenden Element die Dichtige keit der davon ausgehenden Lichtmenge wie $\frac{S}{AL^2}$, die

Lichtmenge selbst aber wie $\frac{S \cdot AB}{AL^2}$.

§. 16.

Aufg. Aus einem lenchtenden körpets lichen durchsichtigen Elemente E3 bei L (sig. 7.) verbreiten sich Strahlen auf die Ebene CD, von der das Stückehen Pp ein will willkührlich angenommenes Element (& 1.) ist: man soll die Menge und Dichtigkeit des auf Pp fallenden Lichtes bestimmen.

Uufl. Le sep senkrecht auf CD, und eLE = PLp, so find, bei vorausgesetzter gleichformiger Umherstrahlung des Lichts, die auf Pp und auf Es auffallenden Lichtmengen gleich groß.

Wenn nun par ein fenfrechter Querschnitt burch PLp iff, so hat man

 $p\pi : Ee = LP^s : LE^s = r : fin LPC^s$

 $Pp:p\pi = r: fin LPC$ Aber

also

 $Pp: Ee = r: fin LPC^3$

Wenn bemnach bie Dichtigkeit des Lichts in Ee Dift, so ist die in Pp = D. sin LPC' ober (§. 15.)

$$= \frac{E^3.S}{4\pi . EL^2} . \text{ fin LPC}$$

$$= \frac{E^3.S. \text{ fin LPC}}{4\pi . \left(\frac{LE}{\text{fin LPC}}\right)^2}$$

$$= \frac{E^3.S. \text{ fin LPC}}{4\pi . LP^2}$$

woraus fic bann auch die Lichtmenge

$$L = \frac{E^3 \cdot Pp \cdot S \cdot fin LPC}{4\pi \cdot LP^2}$$

ergiebt.

§. 17.

Die Größe ber Erleuchtung (s. 6.) ist offen bar der Dichtigkeit der auffallenden Lichtmenge propor-

tional; ba nun hier überall nur von Vethältniffe Zahlen, nicht von absoluten Bestimmungen, die Rebe senn fann, so läßt sich ber Ausbruck für die Dichtie. keit des auf einer Glache verbreiteten Lichts auch gerebezu für die Erleuchtung gebrauchen. Bezeichnet man also die Größe der Erleuchtung in der Entsernung LP mit e, so bat man

 $= \frac{E^3.S. \sin LPC}{4\pi. LP^2}$

Diese Erleuchtung auf bem Element Pp beißt die schiefe Erleuchtung, solange LPC ein schiefer Winfel ist; die senkrechte, wenn LPC ein rechter Winfel wird. Für bie senfrechte Erleuchtung in ben Entfernung LP bat man also, indem man LPC = 90° fest,

 $=\frac{E^3.S}{4\pi.LP^2}$

Die Anwendung auf die von einer Lichtflamme herrührende Erleuchtung setzt voraus, daß alle Theil chen der Lichtstamme als gleich weit von den verschie benen Punften des erleuchteten Elementes entfernt an gefeben werben fonnen.

. 6. 18.

Bisher war von durchsichtigen leuchtenben Elementen die Rebe. Jest von undurchfichtigen Die Voraussetzung ber Durchsichtigfeit brachte es mit fich, daß im Bisherigen auf den Glanz aller Theilchen, auch der hinter einander liegenden, gesehen, also tot perliche Elemente betrachtet wurden. Bei unburd fichtigen Elementen fann biese Betrachtung, nämlich die des Glanzes hinter eindnber liegender Theilchen nicht statt finden. Es kann hier nur von leuchtenbes Eldon

Flächenelementen die Rede senn, die nach (h. 1.) verstanden, als sehr kleine Ebenen betrachtet werden können. Bon diesen gilt num, insofern sie als geometrische in allen Punkten giänzende Ebenen betrachtet werden, was schon oben (h. 10.) gesagt worden ist. Bon einer leuchtenden Ebene gehen nämlich bloß senkrechte Strahlen aus, die nämlich auf die leuchtende Ebene senkrecht sind, und von der leuchtenden Ebene L. 1 (fig. 3.) kann daher bloß das Flächenstück Aß ersteuchtet werden.

§. 19.

Die senkrechte Erleuchtung ist daher, insoserne wille Lichtatome eines Etrahls die ihm entgegengesetzte, Ebene wirklich erreichen, dem Glanze der leuchtenden Ebene gleich. Die schiese Erleuchtung aber verhält sich zur senkrechten wie die Größe der leuchtenden Ebene zur Größe der erleuchteten, oder wie der Sinus des Einfallswinkels zu 1.

\$ 20.

Sollen von neben einander liegenden leuchtenden Ebenen Strahlen unter verschiedenen Winkeln, d. h. donverstrend ober divergirend ausgehen, so mussen diese Flachen unter Winkeln zusammengesetzt seyn, die im ersten Falle kleiner, im lettern größer als 180° sind, wie sig. 8. und 9, wo die von den Flächen ab, bc, cd, de senkrecht ausgehenden Strahlen sig. 8. konvergiren und sig. 9. divergiren. Die gebrochene leuchtende Fläche abcd würde also eine Ebene AB pur in aß, xd, und as exleuchten und die Zwischenpläse Sy, da würden unerleuchtet bleiden.

Dieses Gesetz kann auf keine Weise abgeditent werden, und es gilt von den leuchtenden Flächen alle undurchsichtiger Körper, diese mögen von aussen höcht richt, rund oder sonst wie man will geformt sepu, z. B. sig. 10. Jeder Strahl muß senkrecht sepn auf dem Element, aus welchem er ausgeht.

§. · 21.

Von einem für sich dunkeln Körper, der in bie Lage gesetzt wird, fremdes Licht aufnehmen zu können können kreierlei Strahlen herkommen.

I. Strahlen, die als solche schon von einem anden Körper auf ihn fallen, und nur durch ihn ihn Nichtung zu ändern genöthigt wetben. H

II. Strahlen, die von Licht gebildet werden, das er von äusserem Lichte aufgenommen in sich so sogen hat und das er iest wieder fahren läst.

Ist z. B. L1 (fig. 11.) eine kleine leuchtende Ebe ne, so gehen von solcher nur in senkrechter Richtung Strahlen nach der Ebene Qq, die ich für eine Seiten stäche eines für sich dunkeln Körpers annehmen will. Wacht Qq mit der Richtung der auffallenden Licht atome schiefe Winkel, so können solche zum Theil auf genommen oder verschluckt werden, zum Theil aber auch nach mechanischen Gesetzen abprellen, so daß der Abprellungswinkel eines Lichtsheils dem Einfallswinkel gleich ist. Alle auf solche Weise abprellende Lichtsteile fahren z. B. von Qq nach B b in parallelen Richtungen.

Für ein Auge in Bb würde also der dem Ange igesetzte Theil der Ebene Qq exleuchtet er sies würde eben die Empsindung bekommen is

Erster Abschnitt. Die Dichtigkeit des Lichts x. 19

sewenn es die Ll geradezu betrachtete, nur schwächer, soferne Qq wirklich einen Theil der Elemente versluckt.

Umherstrahlung des Lichtes von der erleuchteten äche Qq nach allen Seiten umber kann mit dieser zrückstrahlung nicht bestehen. Auf ein Auge in Dd it diese Erleuchtung gar keinen Einstuß. Ist Qq eine Ukommene Ebene, so kann nur ein so großer Theil in Qq ins Auge fallen, als gerade der Größe des uges angemessen ist. Dieses gehört zu no. I. und verhaupt zu dem Falle, wovon in diesem Abschnitt gentlich die Rede ist.

Es tann aber auch Q q einen Theil ber auffallenm Lichtelemente einsaugen, solche nach ber physischen sichaffenheit dieser zu Q q gehörigen Materie abanern und sogleich statt des aufgenommenen Lichtes abeindertes in senkrechter Richtung auf Q q wieder sahen lassen. Auf solche Weise könnten dann zu gleicher eit abgeänderte Lichtskrahlen von Q q nach D d sahen. Dieses gehört zu no. II. Inzwischen gehen auch iese Strahlen bloß nach parallelen Richtungen von Q q aus, ohne Strahlenpyramiden zu bilden.

§. 22.

Qq (fig. II.) kann nun ein so kleines Flächenückhen bedeuten, daß es ein Element von teder Oberäche (h. I.) vorkellen kann, es mag die Oberfläche m Ganzen glatt oder rauh und höckericht senn. Es elten also diese zwei Arten von Lichtverbreitungen für ie Flächenelemente aller Materien, sie mögen nun Elemente von rauben Flächen oder von Spiegelflächen enn. Kein Flächenelement strahlt Licht nach allen Deiten umber, es komme von einem ursprünglich leuchtenden ober von einem erleuchteten, von einem polip ten ober von einem rauhen Körper.

§- 23-

Aber warum sehen wir dann doch einen erleuchteten Körper nach allen schiesen Ruchtungen? 3. B. ein Auge z (fig. 11.) sieht die Ausschläche Qq eines Körpers dis an seine Gränzen. Dieses könnte nicht geschehen, wenn bloß parallele Strahlen von Qq ausstengen. Ein Auge mag sich wo man will vor Qq besinden, in z oder in z' (fig. 12.) oder sonst wo, wohin nur von den einzelnen Stellen in Qq gerade Linien gezogen werden können, so sieht es überall die Qq; also mussen doch wohl aus allen Punkten der Fläcke Qq Strahlen nach allen umber liegenden Punkten ausgehen?

Ist Qq eine durchaus völlig glatte und dichte Ebene (und von solcher war bisher die Rede), so bestalten die bisherigen Säze ihre vollkommene Anwendung. Ausstrahlungen wie (sig. 12.) nach z', zu.d.g. sinden nicht statt, und das Auge z' könnte von der dichten glatten Sbene Qq gar nichts sehen. Sbene Spiegel dienen hier schon zum Beispiele.

Hingegen Oberstächen nicht polirter hinlänglich bichter Materien können als Summen unzählicher kleisner isolirter Körpertheilchen betrachtet werden, die so unter einander zusammenhängen, daß sie abwechselnde sehr kleine Erhöhungen und Vertiefungen bilden. Das her giebt es auf der Oberstäche eines rauben, d. h. nicht polirten Körpers unzähliche Theilchen, die dem Auge Z', wo es sich auch besinden mag, elementarische Flächenstücken zufehren, zu welchen sich aus dem ifrechte. Linien ziehen lussen. Erwägt. man

was

Erfter Abschnitt. Die Dichtigkeit des Lichts zc. 21.

igt worden ist, so läßt sich begreifen, daß sich in dem Flächenstücken, so klein es auch genommen weren mag, Punktchen befinden können, die von irgend ner bestimmten Stelle her von einzelnen Strahlen nkrecht getroffen werden können, die also einem Auge i ieder Stelle gewiß einige senkrecht ausgehende Strahlungen utgebenden werden.

Denkt man sich nun in des Körpers Aussensiche untetchen an Punktchen, und von iedem solchen Punkten (das vielleicht Millionen von einzelnen Strahlen usgehen läßt) nur einige dem Auge zugehende Strahm, so kommt es uns dennoch schon so vor, als sähen ir die ganze Oberstäche durch lauter solche ausgende sentrechte Strahlen, weil die unsichtbar bleibenen Webentheilchen eines solchen Pünktchens zu klein nd, um von uns als solche unterschieden werden zu innen.

Diesemnach erscheint die Fläche Qq bem Auge z' urch Strahlen, die von andern Stellen iener Pünkten herkommen, als iene Strahlen, durch welche dielbe Fläche Qq dem Auge z erscheint. Ebendarum ist sich auch keineswegs annehmen, das dem Auge z ie Fläche Qq ganz so und in derselben helligkeit wie em Auge z' erscheinen musse.

§. 24.

Bur ferneren Erflarung hierher gehöriger Erscheiungen gehört noch folgendes.

Mir sind genothigt anzunehmen, daß iede Marie einen Theil des auffallenden kichts verschlucke,
aß aber dach bei Weitem der größte Theil von
der

der Oberfläche abprelle, unter demfelben Binkel, und ter welchem der abprellende Lichtatom aufgefallen ift.

Dieses durch bloße Abprellungen zuletzt in unser Auge kommende Licht ist allemal ursprünglich von einem leuchtenden Körper ausgegangen.

3. B. Ein Auge in z' (fig. 13.), das von e einen abprellenden Strahl aufnimmt, kann diesen Strahl von d erhalten haben; die Stelle d kann ihn von c haben, die c von d, die b von einem ursprünglich leuchtenden Theilchen in a.

Aufferdem kann aber neben dem de noch ein Strahl sehr nahe an d von einem Punkt in mn ausgehen, welcher zunächst von Licht herkommt, das in mn eingesogen worden ist, und das seinen entferntern Grund gleichfalls in einem ursprünglich leuchtenden abat.

Dieser zweite Strahl kann so nahe neben den ersten de hergehen, daß er durch Abprellung bei e gleichfalls noch ins Auge z' kommt.

Strahlen der ersten Art thun nur das, was der ursprünglich leuchtende Körper thut, sie erregen in uns bloß die Empfindung von Helligseit und Klarheit; die der andern Art erregen in uns ein anderes Gestühl, das von Abanderung zeugt, die sie durch die Materie, welche sie vorher eingesogen hatte, erlitten baben.

Die Verschiedenheit dieses Gefühls drücken wir durch Farben aus, wovon hier noch nicht weiter ge handelt werden kann.

Es könnte z. B. der zweite Strahl de Kithet erscheinen, indeß der erste bloß leuchtend erscheint. Die allermeisten von Qq ins Auge kommenden Strafikk

ub blöß leuchtenb, und diese können die von ienen itrahlen entstehende Empfindung des Grünen nicht seitigen, weil sie nur die damit zugleich bestehende mpfindung von Helligkeit erregen.

Wenn inswischen gleich die Fläche mn unmitteler betrachtet, wegen des davon ausgehenden grünen chts, grün erscheint, und eben solches grünes Licht ich auf Qq fällt und von da ins Auge z' abprellt, folgt dennoch nicht, daß der Segenstand Qq deßellb gleichfalls dem Auge z' grün erscheinen musse.

Denn mit iedem grünen Strahl, der auf eine eine Stelle e fällt, fallen schon von mn her zugleich zichliche bloß leuchtende Strahlen auf dieselbe Stelle, wovon ein Theil von Qq eingesogen und der Natur eses Körpers Qq gemäß abgeändert zum Theil wiedes Körpers Qq gemäß abgeändert zum Theil wiede eitem mehr leuchtende Strahlen fallen von allen Seieitem mehr leuchtende Strahlen fallen von allen Seien wer auf iede solche Stelle wie e in Qq, wenn die dene Qq dem freien Einstusse des Lichts ausgesetzt. Daher kann die Menge des von einer solchen itelle wie e eingesogenen Lichtes hinlänglich groß werm, um zu begreifen, daß aus diesem eingesogenen cht sehr vielmal mehr blaue Lichtatomen (oder von gend einer andern Farbe) entbunden werden können, s grüne in e auffallen.

Ist also unter diesen Umständen Qq eine in Beig auf die Feinheit der Lichtatome rauhe Oberstäche,
fann die Menge der von ieder solchen Stelle wie E
nkrecht ausgehenden blauen Lichtatome nach ieder
itelle Z' hin sehr vielmal größer seyn, als die Menge
er ebendahin abprellenden grünen Strahlen, daher
er Körper Qq in der seiner Natur angemessenen Fare, nämlich in diesem Beispiele blau nicht grün, erheint.

Ein

der Oberfläche abprelle, unter demselben Wintel; unter welchem der abprellende Lithtatom aufgefallen ift.

Dieses durch bloße Abprellungen zuletzt in unser Auge kommende Licht ist allemal ursprünglich von einem leuchtenden Körper ausgegangen.

3. B. Ein Auge in z' (fig. 13.), das von e einen abprellenden Strahl aufnimmt, kann diesen Strahl von d erhalten haben; die Stelle d kann ihn von c haben, die c von b, die b von einem ursprünglich leuchtenden Theilchen in a.

Ausserbem kann aber neben bem de noch ein Strahl sehr nahe an d von einem Punkt in mn ausgehen, welcher zunächst von Licht herkommt, das in mn eingesogen worden ist, und das seinen entferntern Grund gleichfalls in einem ursprünglich leuchtenden abat.

Dieser zweite Strahl kann so nahe neben den ersten de hergehen, daß er durch Abprellung bei e gleichfalls noch ins Auge z' kommt.

Strahlen der ersten Art thun nur das, was der ursprünglich leuchtende Körper thut, sie erregen in uns bloß die Empfindung von Helligkeit und Klarheit; die der andern Art erregen in uns ein anderes Gestühl, das von Abänderung zeugt, die sie durch die Materie, welche sie vorher eingesogen hatte, erlitten baben.

Die Verschiedenheit dieses Gefühls drücken wir durch Farben aus, wovon hier noch nicht weiter gebandelt werden kann.

Es könnte z. B. der zweite Strahl de Fiften erscheinen, indeß der erste bloß leuchtend erscheint. Die allermeisten von Qq ins Auge kommenden Strahlen sind ub blöß leuchtend, und diese können die von ienen itrahlen entstehende Empfindung des Grünen nicht seitigen, weil sie nur die damit zugleich bestehende mpfindung von Helligkeit erregen.

Wenn inswischen gleich die Fläche mn unmitteler betrachtet, wegen des bavon ausgehenden grünen chts, grün erscheint, und eben solches grünes Licht ich auf Qq fällt und von da ins Auge z' abprellt, folgt dennoch nicht, daß der Segenstand Qq deßtlb gleichfalls dem Auge z' grün erscheinen musse.

Denn mit iedem grünen Strahl, der auf eine eine Stelle e fällt, fallen schon von mn her zugleich zähliche bloß leuchtende Strahlen auf dieselbe Stelle, wovon ein Theil von Qq eingesogen und der Natur eses Körpers Qq gemäß abgeändert zum Theil wiedes Körpers Qq gemäß abgeändert zum Theil wiede eitem mehr leuchtende Strahlen fallen von allen Seieitem mehr leuchtende Strahlen fallen von allen Seieitem mehr leuchtende Strahlen fallen von allen Seieitem auf iede solche Stelle wie e in Qq, wenn die dene Qq dem freien Einstusse des Lichts ausgesetzt. Daher kann die Menge des von einer solchen itelle wie e eingesogenen Lichtes hinlänglich groß werm, um zu begreifen, daß aus diesem eingesogenen cht sehr vielmal mehr blaue Lichtatomen (ober von gend einer andern Farbe) entbunden werden können, is grüne in e auffallen.

Ist also unter diesen Umständen Qq eine in Beig auf die Feinheit der Lichtatome rauhe Oberstäche,
tann die Menge der von ieder solchen Stelle wie E
nkrecht ausgehenden blauen Lichtatome nach ieder
itelle Z' hin sehr vielmal größer seyn, als die Menge
er ebendahin abprellenden grünen Strahlen, daher
er Körper Qq in der seiner Natur angemessenen Fare, nämlich in diesem Beispiele blau nicht grün, erheint.

Ein

Ein. Körper wird also immer unter der seiner Matur eigenen Farbe erscheinen, wosern er Strahlen der ersten Art (bloß leuchtende) in hinlänglicher Menge aufnehmen kann und dabei eine rauhe Oberstäche dem Auge zukehrt, vermöge ber auch Strahlen der zweiten Art (Lichtatome, die von eingesogenem Licht im Körper Qq durch Zerlegung abgesondert und dann senkrecht abgeschickt werden) von ieder sehr kleinen Stelle e ins Auge kommen können.

Die Anzahl der von der rauben Oberstäche Qq ausgehenden blauen Lichtatome muß aber besto fleiner werden, ie weniger leuchtende Strahlen überhaupt auf Qq fallen konnen. Wenn daber Qq unter Umftanbe gebracht wird, unter welchen ausser den barauf fallenden grünen Strahlen von mn nicht auch noch hinlanglich freier Beitritt für bloß leuchtenbe Strahlen statt findet, so fann dadurch ber Ausfluß blauer Licht. atome sehr unbebeutend und sogar ganz unmerklich gemacht werden, so daß sich die grune und blave Farbe (ich nehme bie blaue hier immer nur jum Beifpiele) mit einander vermischen, oder sogar ohne eine für uns merkliche Vermischung die grune Farbe allein auf unser In diesem lettern Falle erscheint also Auge wirft. dem nach ber Aussenfläche Qq gerichteten Auge ber Körper Qq nicht unter ber diesem Körper eigenen (4 B. ber blauen) Farbe, sondern unter ber dem Körper mn eigenen (j. B. ber grunen), wenn biefer allein feine Strahlen nach Qq fenden fann.

Ware Qq eine glatte dichte Ebene, so könnte einem Auge z' aus einer solchen Stelle, wie e, kein zerlegtes kicht zugesendet werden, weil solches nach ef, senkrecht auf Qq, ausgehen müßte. In diesem Falls könnte also der Körper Qq dem Auge nie unter der seiner Natur eigenen Farbe erscheinen, sondern das Auge

Auge murbe blos die farbigen Strahlen bemerken, welche pon andern Körpern auf Qq auffallen und unter den-felben Winkeln von Qq wieder abprellen. Solche Flächen Qq heißen Spiegelflächen, von welchen in der Kolge mehr vorfommen wird.

§. 25.

Das Bieberige (§. 1.8 — 24.) enthält alles, was fich von leuchtenden undurchsichtigen Rorpern nach metner Einsicht in Bezug auf die daher entstehende Erim Allgemeinen fagen läßt. Eine glanzenbe ober leuchtende Ebene L1 (sig. 11.) kann nur die Fläche Qq erleuchten, welche die von L1 senkrecht ausgehende Strahlen burchschneibet, und die erleuchtete Ebene Qq fann nur zwei Ebenen aufs Reue erleuchten; 1) diejenige, welche die von Qq unter demselhen Win-tel, unter welche sie in Qq aufgefallen sind, wiederum zuruckgemorfenen Strahlen burchschneibet; 2) bie Dd, welche einen Theil ber von Qq eingesogenen Strab-len, die nachher in senfrechter Richtung von Qq wieder ausströhmen, durchschneibet. Ein Auge irgendwo in der Sbene Bb sieht, gegen Qq gerichtet, nicht die Ebene Qq, sondern die L1 vermöge der res strahlen, die senkrecht von Qq ausgehen.

Ware hingegen L1 eine dunkele Cbene und Qq eine leuchtende, so würde die Ll von der Qq gar nicht erleuchtet, insoferne von wirklichen Ebenen die Rebe ist.

Von gegenseitigen Erleuchtungen der Ebenen Ll und Qq kann also gar nicht die Rede seyn.

Sind aber Qq, Ll rauhe ober mit kleinen Er höhungen und Vertiefungen abwechselnde Flächen, stann zwar iebe von ihnen, welche man als leuchten annehmen will, die andere erleuchten. Aber math matische Bestimmungen sinden dabei nicht statt, we man für die Erhöhungen und Vertiefungen keine mit thematische Bestimmungen, hat. Nach meinem Urthel haben daher die von Lambert und Rarsten mit getheilten Formeln über die von leuchtenden Fläche undurchsichtiger Körper herrührenden Erleuchtungs gar keinen Gebrauch, und können nur als geometelsche, nicht aber als photometrische Formeln gelten.

Zweiter Abschnitt.

Von den Gesetzen der Zurückwerfung di Lichtstrahlen von ebenen Spiegeln.

§. 26.

Im gegenwärtigen Abschnitte ist von Körpern bie Mebe, von deren aussersten Puntten innerhalb bestimmter Gränzlinien soviele in einer einzigen Sbene liegen daß die Strahlen, welche innerhalb den bestimmte Gränzen auf diese Puntte fallen, bei weitem begrößten Theil von allen Strahlen ausmachen, die werhalb ienen Gränzen auf den Körper sallen. Der wenn die Anzahl aller auf den Körper in einem bestimmten Umfange auffallenden Strahlen — N, und Anzahl von Strahlen, welche innerhalb demselben weigen auf Puntte des Körpers fallen, die in einer zigen Sbene liegen, — n ist, so ist hier von Körpen

Rede, fibr welche $\frac{N-n}{N}$ ein unbedeutend kleiner

uch ist. Solche ben geometrischen Ebenen sich nande Flächen heissen bier Flatte Flächen, und insandere ebene Spiegelflächen, auch ebene piegel. A come

Bildet eine Menge folder sehr fleiner ebenen iegel eine Fläche, die für unsere Untersuchungen i irgend einer geometrischen frummen Blache nicht rklich verschieden ist, so hat man einen erhabenen onveren) Spiegel, ober einen Zohlspiegel, Ibem die erwähnte Flache erhaben ober hohl ift, b ber Spiegel erhalt bann nach Beschaffenbeit seiner ummung, seine besondere Benennung. Go bat man itsche, cylindrische, spharische, parabolische, elliptie Spiegel u. d. gl. Die Lehre von ben Gefegen, d welchen die Lichtstrahlen von glatten ebenen, bobober erhabenen Flächen, also überhaupt von Spieflåchen zurückgeworfen werben, heißt insbesonbere Ratoptrik (von xaronreor, ein Spiegel). Im gepwärtigen Abschnitte werden blos ebene Spiegel rachtet.

§. 27.

Aus dem vorigen Abschnitt weiß man schon, daß eper auf verschiedene Weise auf die von andern inften auf fie fallenden Strahlen wirfen tonnen, imn fie 1) einen größern ober fleinern Theil der auf-Ienden Strahlen durch fich durchlassen, wodurch sie br ober minber burchfichtig werben, 2) einen Theil e auffallenden Strahlen in fich aufnehmen, den fie geandert zum Theil wieder von fich ausgehen laffen, ib zwar in Richtungen, die auf die Flächenelemente, noa

von welchen sie ausgehen, sentrecht sinb, und 3) einen Theil ber auffallenden Strahlen ober Lichtatome unter benselben Winkeln und in benfelben Ebenen, unter und in welchen fie auf ein Element auffallen, auch wieber jurudwerfen. Auch ift tein Zweifel, bag bie verschiehenen Materien nach ihrer verschiedenen Natur Licht anziehen und mit ihm chemische Verbindungen eingehen. In ber Ratoptrif ist nur von ben mit no. 3. in Berbindung stebenden Erscheinungen die Rebe, die allemel in gewiffen Maage statt finden, ber Körper, auf wel den frembes Licht fällt, mag burchsichtig ober unburch. fichtig sepu, weil doch kein Körper vollkommen durchsichtig ift. Damit aber boch diese Wirkung (no. 3) in der größtmöglichen Vollständigfeit angenommen werben konne, so wird vorausgesett, dag man es mit Spiegeln zu thun habe, welche die Strahlen nicht burch fich burch laffen, welches z. B. bei Spiegeln von Glase durch Belegung mit Folie auf der hinteren Klache bewirft wird. Bei metallenen Spiegeln ift feine besondere Belegung nothig. llebrigens hangen die verschiebenen bier ermähnten Wirfungen mit Glätte und Rauhigkeit der Flächen gar nicht zusammen, und die Vorstellung, daß das Licht von polirten Flächen nach gang andern Gesegen juruckstrable, als von unpolirten, ist gang ungegründet.

§. 28.

ABCD (fig 14.) sep eine ebene Spiegelsiche, c ein Element dieser Fläche, c d ein in c aufgerichtetes Perpendikel, ac ein einfallender Strahl, abyd eine Sbene durch ac und cd, die also auf der ABCD senkrecht steht; nimmt man nun in der Ebene ay die gerade cb so, daß bc = aca wird, so ist der Exsahrung zufolge cb der Weg des zurückgeworfenen Strahls, und

aByd

abyd heißt bie Zurücknerfungsebene,
cd bas Einfallsloth,
aca ber Einfallswinkel,
bcb ber Resterionswinkel.

Bugleich nimmt aber die Materie, beren Oberfläche ABCD ist, einen Theil von den nach ac einfallenden Lichtatomen in c auf, und läßt hiervon sogleich wieder etwas nach cd fahren.

Man könnte cd den Mebenstrahl nennen, und ch den Zauptstrahl oder Abprellungsstrahl. Diese Sätze gelten allgemein, es mag DB politt sepn oder nicht.

§. 29.

Rur der Erfolg der beiden erwähnten Arten von Strahlen, nämlich der Mebenstrahlen und der Zauptstrählen, ist verschieden, nachdem der Körper auf seiner Oberstäche politt ist oder nicht.

Jedes Element wie a (fig. 14) schickt dreietlet Strahlen nach ber Fläche BD aus:

- 1) Abprellungsstrahlen, die schon als solche in a angekommen sind;
- 2) Abprellimgsstrahlen, die als Rebenstrahlen anderswoher in a angekommen sind;
- 3) Mebenstrahlen, d. i. solche, die senkrecht vom Elemente a absahren.

Die Strahlen no. 1. und 3. sind von denen, welche von a nach der Flacke ABCD ausgehen, bet weitem die meisten, so daß die no. 2. in Bezug auf die Flacke ABCD weiter nicht in Betrachtung kommen.

ABCD fallen, entstehen sum Theil wieder Rebenstrahlen; da aber von diesen nur diesenigen ins Auge
fallen können, welche von Stellen herkommen, bis zu
denen vom Auge senkrechte Linien gezogen werden können, so ergiebt sich in Rücksicht auf unsere Empfindung
ein beträchtlicher, Upterschied, nachdem die Fläcke
ABCD raub oder glatt ist.

§. 30.

Ist nämlich die Fläche ABCD glatt, so ift auf ihr nur eine fleine Stelle möglich, ju ber fich aus bem Auge, auch bei ber Voraussetzung, daß es vor dem Spiegel stehe, senfrechte Linien ziehen laffen. fem Ralle fommen nun von iener fleinen Stelle nicht nur Rebenstrahlen, sondern auch Abprellungsstrahlen fenfrecht von der Flache ins Auge; iene zeigen die MPP terie bes Spiegels in dem fleinen Flachenstücken., bes bem Auge gerade gegenüber liegt, diese senden bie von Auge selbst auf das erwähnte Flächenstückchen fallenden Lichtatome wieder ins Auge zurück. Das vor bem Spiegel befindliche Auge fieht baber, ihm gerade gegete uber, nicht nur ein fleines Studichen bes Spiegels, fondern auch fich selbst. Und da ausser diesem so tletnen Spiegelstücken sonft teine Rebenstrablen ins Muge kommen tonnen, so kann bas Auge auch sonft feine an bere Stelle des Spiegels felbst bemerten, sondern et erhalt aufferdem blos Empfindungen, burch Abpreb lungestrahlen, von den auffern Gegenstanden, bie bet Spiegelfläche Nebenstrahlen zusenden Daber ver schwindet im Gangen die Empfindung von einem so flet nen Theilchen ber Materie bes Spiegels.

Steht das Auge zur Seite, so daß sich von ihm fein Perpendikel auf die Spiegelfläche ziehen läßt, so kann

m bas Auge gar keinen Theil von der Materie 3. Spiegels bemerten.

§. 31.

Ist die Fläche ABCD rauh, so sendet sie zwar ichfalls iene 3 Arten von Strahlen aus (§. 29), r test fonnen von tedem Elemente ber rauben glache schliche Rebenstrahlen ins Auge tommen, die bet tten Flachen bas Auge gar nicht erreichen. Dobes peinen solche Flachen allemal in der Farbe, welche Natur der Materie angemessen ift, von welcher e Rebenstrahlen ausgehen. Zwar empfangt auch e solche rauhe Fläche von vielen Seiten her eine bechtliche Angahl von Strahlen, Die schon als Rebenblen auf diese Fläche fallen, wovon also auch ein ett gegen das nach der Flache gerichtete Auge retirt wird, und diefe Bermischung von Strablen, che zugleich ins Auge fallen, läßt freilich bie Emibung, welche die von der rauben Fläche ausgehen-Rebenstrahlen erregen, nicht gang rein; boch wirb von ienen Strablen beigemischte Empfindung besto medentender, ie mehr die raube Flache dem freien rit leuchtender Strahlen ausgesett ist; hingegen o bebeutendet, ie mehr ber Zutrit leuchtender Straßabgeschnitten wird, so daß selbst die Empfindung Mebenstrahlen unbebeutend werden fann, in Berchung mit ber von ben Abprellungsstrahlen erregten. diesem lettern Falle tonnen baber auch raube Rla s gewiffermaffen als Spiegel bienen, wie man weiunten seben wird.

" §. 32.

Lehrs a, β , γ (fig. 15.) seven auf der tren Gläche DE willkührlich angenoms

mene Punkte, auf welche von verschiedenent Punkten des Elementes L Strahlen La, Lh, Ly fallen; LC sey ein Loth aus L auf die Ebene, das verlängert durch a geht. Mimme man nun Ca=CL und zieht aus a durch a, B, y die geraden aa, ab, ayg, so sind die aa, Bb, yg die Richtungen, nach welchen die Strahlen La, Lh, Ly von der gläche restektirt werden.

Bew. Wenn aa die Richtung des restektirten Etrable Lasen sou, so muß aa in der LCa liegen und faa = LaC sepn; es sind aber \lackappa aund LCa kongruente rechtwinklichte Dreiecke, also Winkel LaC = Winkel \lackappa C, und daher faa = \lackappa C. Demonach mussen faa und \lackappa C Vertikalwinkel sehn, und daher \lackappa a in einer einzigen geraden kinte liegen.

Dasselbe gilt von a'sb, aug u. s. w.....

§. 33.

Its. Also werden alle Etrahlen, die von den unzähligen Punkten eines Elementes L auf die Spiegelstäche DE (fig. 15) fallen und von der Spiegelsiäche zurückgeworfen werden, eben so restektirt, als kämen sie von einem Elemente a hinter dem Spiegel her, das in senkrechter Linie auf den Spiegel soweit hinter dem selben, als L vor demselben liegt.

Da dieses von iedem Elemente eines Segenstate des vor dem Spiegel gilt, so exhellet, daß ein Auge vor dem Spiegel, das gegen die Spiegelstäche gerichtet ist, einen vor dem Spiegel befindlichen Segenstand eben so bemerkt, als lägen alle seine Elemente int sentenden Linien ebenso weit hinter der Spiegelstäche; als

sie wirklich vor ihr liegen. Die so entstehende Erscheinung, die den vor dem Spiegel befindlichen Gegenstand dem Auge so darstellt, als läge er in derselben Entsernung hinter dem Spiegel, heißt daher auch das Bild des Gegenstandes.

§. 34.

Da inzwischen nicht alle von dem Gegenstande auf den Spiegel fallende Strahlen von demselben ressettirt werden, sondern zum Theile auch als Rebenstrahlen von demselben wieder ausgehen, auch überdas nicht alle Puntte, in welchen die Strahlen vom Gegenstand auf den Spiegel fallen, so ganz genau in einer einzigen Ebene liegen, also manche Strahlen, die von einem Elemente L ausgehen, auf Spiegeltheilchen auffallen, die nicht als Elemente der Ebene DE gelten können, sondern wirklich Elemente anderer Ebenen sind, so können auch nicht alle von einem Elemente L auf den Spiegel fallende Strahlen auf die vorerwähnte Weise restetirt werden. Das Zild bei a kann daher auch nie durch soviele Strahlen bemerkbar werden, also nie in derselben Klarheit und Vollständigkeit erscheinen, als der Gegenstand selbst.

§. 35.

Da aus einem einzigen Punkt auch nur ein einziger Strahl ausgehen kann, also selbst einerlei Element eines Gegenstandes verschiedenen gleichzeitigen Beobachtern nur durch Strahlen bemerkbar werden kann, die von verschiedenen Punkten des Gegenskandes herkommen, so versteht es sich, daß auch alle die Strahlen, durch welche verschiedene Beobachter gleichzeitig das Bild eines Gegenstandes im Spiegel Langsborfs Viotom.

1

bemerken, von verschiedenen Punkten des Gegenstandes herkommen. Bon einem und demselben Elemente sehn also gleichzeitige Beobachter in demselben Spiegel eigent lich ganz verschiedene Bilder; Jeder sieht nämlich andere Punkte desselben Elements. Weil aber die Theik desselben Elementes wegen der Rleinheit des ganzen Elementes (§. 1.) von uns nicht von einander unterschieden werden können, das Element also nicht unter verschiedenen Gestalten erkennt werden kann, es mag uns aus diesen oder ienen Punkten Strahlen zusenden, so kann daraus für die verschiedenen Beobachter keine Berschiedenheit des Bildes entstehen.

§. 36.

Aufg. ab (fig. 16.) sey die Zöhe einer lothrecht stehenden Person, o die Stelle sitt ihr Auge, AB stelle einen vor ihm lothrecht stehenden Spiegel vor; man sucht den der Zöhe nach ersoderlichen Theil des Spiegels, damit die Person ab sich ganz im Spiegel sehen könne.

Unfl. Man ziehe bp, aq senkrecht durch AB und nehme $n\beta = bn$, $m\alpha = am$; so ist $\alpha\beta$ das Bild von ab. Man ziehe also aus o die 0α und 0β , welche die AB in a und b schneiden, so ist ab die ev soderliche Höhe des Spiegels.

Es ift aber

ab: ab = ab: $\alpha\beta$ = oa: 0β = bn: $b\beta$ = 1:2 also muß die Spiegelhöhe allemal die Hälfte von der Höhe der Person betragen, die sich ganz darin sehen will.

. \$. 37.

§. 37.

Aufg. Zwei ebene Spiegelslächen sind unter einem gegebenen Winkel gegen einans der geneigt, wie zwei Seiten eines Prissmas; zwischen beiden befindet sich ein körsperliches Element, man soll die hiervon herrührenden Erscheinungen in beiden Spiesgeln bestimmen.

Auft. 1. Die ieder Spiegelstäche jugekehrten Punkte des Elementes werfen Strablen auf die Spiegelstäche, die so von ihr wieder restetirt werden, als kamen sie von denselben Punkten hinter dem Spiegel der. Diese gleichsam vom Bilde hinter dem einen Spiegel gel oder eigentlich von dem einen Spiegel juruckge-worfenen Strablen fallen nun auf die andere Spiegelsstäche und erzeugen, soweit hinter derselben als ienes erste Bild vor ihr liegt, ein neues Bild iener Punkte des Elementes im andern Spiegel. Jest hat man also von der einen Seite des körperlichen Elementes schon zwei Bilder, das erste in der iener Seite zugeskehrten Spiegelstäche, das zweite in der entgegenges setzten.

Vom zweiten entsteht wiederum das dritte in der tener Seite des Elementes zugekehrten Spiegelfläche, und von diesem Bilde das vierte in der abgekehrten u. s. f.

mente oder von einem bestimmten Punkte eines Elementes fällen in den Umfang eines Kreifes, in welchem dieser Punkt liegt, und dessen Fläche auf der gemeinschaftlichen Durchschnittslinie beider Spiegelstächen senkrecht ist. Auch ist das Perpendikel von dem Punkte auf die erwähnte Durchschnittslinie der Halbmeffer ienes Kreises. Dieses alles ergiebt sich aus einer ganz ein fachen geometrischen Betrachtung.

3. Es sen nämlich D (fig. 17.) ein strahlendes Element (§. 1.), DC ein Perpendikel aus D auf die Durchschnittslinie beider Spiegelslächen CA, und CB zwei von C aus gleichfalls sentrecht auf iener Durchschnittslinie stehende gerade Linien, von welchen die. Stücke aA, bB auf den beiden Spiegelslächen liegen, so ik ACB eine auf die Durchschnittslinie beider Spiegelslächen sentrechte Ebene, in der zugleich D liegt. AC, BC kann man sich nach a, ß verlängert deuten.

Man siehe nun DI senfrecht durch BC, und nehme er = De, so ist I das Bild von der dem Spiegel I zugekehrten Seite des Elementes D, das in der Ebene durch ACB liegt.

d2 sen aufs Neue sentrecht auf CA und f2 = 1 f, so ist 2 das Bild von 1, indem iest 1 als das Objekt angesehen werden kann, und dieses Bild 2 liest wiederum in der Ebene durch BCA.

Mun sen 2=3 wieberum auf BC senfrecht, und g3 = 2g, so ist 3 das Bild von 2, und dieses Bild liegt in derselben Ebene durch ACB.

Nimmt man 3=4 senfrecht auf Aa, und $h_4=h_3$, so ist 4 das Bild von 3, wiederum in derselben Ebene *).

Zieht

*) Wenn gleich die Spiegelsläche II. nur von A bis a reicht, und von a bis & keine Spiegelsläche vorhanden ist, so mus dennoch vermöge der Strahlen, die aus Punkten des Elementes 3 auf Aa fallen, das Vild in 4 erfolgen. So wird 3. B. der Strahl 3n nach nv, der 3m nach mw restektirt,

Bieht man 4 = 5 senkrecht durch $B\beta_1$ und macht $\beta_5 = 4B$, so liegt das Bild von 4 in 5 wieder in derselben Ebene.

Mun ist, wie wegen der Kongruenz der rechtwinklichten Dreiecke gleich in die Augen fällt,

$$CD = C_1 = C_2 = C_3 = C_4 = C_5$$

Also liegen alle diese Bilber d, 2, 3, 4, 5 in einer einzigen Ebene um C herum in gleichen Entfernungen von C, d. i. in der Perspherie eines Kreises, dessen Halbmesser CD ist.

- 4. Man kann nun fragen, wie viele solcher Bilder entstehen werden? Sollte von 5 ein neues Bild entstehen, so wäre seine Stelle in z. Da aber von 5 keine Strahlen auf die rechte Seite von Aa, d.-i. keine Strahlen auf die Spiegelsläche II fallen können, indem 5 zur Linken von Aa liegt, so ist 5 das letzte Bild.
- 5. Die allgemeine Sestimmung der Stellen und der Anzahl der Bilder ergiebt sich wiederum aus einer sehr leichten geometrischen Setrachtung.

Sest man nämlich ben Winkel ACB, unter bem beibe Spiegelflächen konvergiren, $= \varphi$, ben DCB (wo D das frahlende Element ist) $= \psi$, so ist

 $BC_{I} = \psi$

AC2=AC1=1-1-0

BC3=2CB=AC2+ACB= ψ + ϕ + ϕ = ψ +2 ϕ AC4=AC3=BC3+ACB= ψ +2 ϕ + ϕ = ψ +3 ϕ

u. s. w.

€ 3

Wäre

so daß vn, wm rudwärts verlängert in 4 zusammenstossen. Sin Auge in der Segend W sieht daher das Bild von 2 so, als kämen die Strahlen von 4-her.

Ware bas Nie Bild ber rechten Seite von D mit N bezeichnet, so hätte man

$$ACN = \psi + N. \phi$$

Soll nun das Nie bas lette seyn, so muß die mit N bezeichnete Stelle zur Linken von Aa fallen, also ACN < 186° sepn. Wird also unter dem Nten bas lette Bild ber rechten Seite von D verstanden, fo bat man

ψ+N.φ < 180°

alfo

$$\frac{1}{2} N < \frac{180^{\circ} - \sqrt{180^{\circ} - \sqrt{18$$

Ist daber 18.0° — w nicht selbst eine ganze Zahl,

so ist die vor dem Werthe 180° — 4 junachst vorhergehende gange Zahl ber Werth von N.

Er: Es sen φ = 20°, ψ = 8°, 6 4 $\frac{180^{\circ} - \psi}{\Phi} = \frac{180^{\circ} - 8}{20} = \frac{172}{20} = 8,6, \text{ also N} = 8.$

Daffelbe ergiebt fich für die Bilder von der line ten Seite des Elements D. Sein erftes Bild fallt in d, wo Dd senfrecht burch AC burchgeht; und ed = De ist. Sest man iest $ACD = \psi'$, und wird das N'te Bild der linken Seite des Elements D'mit N' bezeichnet, so ist wie vorhin

$$BCN' = \psi + N' \cdot \phi = \phi - \psi + N' \cdot \phi$$

$$= (N' + 1) \cdot \phi - \psi$$

Und wenn N' die Stelle für das lette Bild Dieser Reihe senn soll, semus N' zur Rechten von Ba liegen

llegen, also BCN' nicht ? 180° fepm: Man hat alfo für diese Bedeutung von N':

"(N/+1).φ-ψ nicht > 180°

ober

$$N'$$
 nicht $> \frac{180^{\circ} + \psi}{\phi} - 1$ ober nicht $> \frac{180^{\circ} + \psi - \phi}{\phi}$

Ist also $\frac{180^{\circ}+\sqrt{-\phi}}{\phi}$ nicht selbst eine ganze Zahle so ist bie nächst niedrigere game Zahl, die dem Werthe 180°+4—p vorhergeht, der Werth von Nt...

$$\Im m \text{ bor. Er. wird } \frac{180^{\circ} + \phi - \psi}{\phi} = \frac{180^{\circ} + 8 - 20}{20}$$

$$= \frac{168}{20} = 8/4 \text{, also N'} = 8 = \text{N}.$$

Beide Reihen von Vilbern, die von der rechten und von der linken Seite des Elements D zusammengenommen, enthalten also in biefem Er. 16 Bilber.

6. Wenn die Stellen N und N' jusammenfallen, to if ACN + BCN' = 360° - 0, also

$$\psi + N.\phi + (N+1).\phi - \psi = 360^{\circ} - \phi$$

$$(N+N+1).\phi = 360^{\circ}-\phi$$

also

$$(N+N+2).\phi = 360^{\circ}$$

nup .

$$N+N'=\frac{360^{\circ}}{\Phi}-2$$

Weil aber in diesem Salls beidd Meihen das letter Bild mit einander gemein haben, so bleibt für Diesen Fall die Anzahl aller Bilder von beiben Seiten des Elements zusammengenommen nur —

Der erwähnte Fall kann also nur eintreten, wann 360 durch O theilbar ift.

Sind beide Spiegelflächen einander paraflel, so ist $\phi = 0$, also $N = \frac{180^{\circ} - \psi}{\phi} = \frac{180^{\circ} - \psi}{\phi}$ in diesem Falle gabe es also sur iede Seite des Elementes unendlich viele Bilder.

8. Inzwischen ist iebes folgende Bild der einer bestimmten Seite des Elementes zugehörigen Bulderreihe unvollständiger als das vorhergebende, j. B. bas a unvollständiger als das 1; das 3 unvollständiger als das 2; bas 4 unvollständiger als das 3 u. s. w. ses aus breifachem Grunde: Einmal, weil bei ieber neuen Buruckwerfung nie alle Strablen reflektirt mer ben; fürs andere, weil bei ieder folgenden Zuruch werfung die Strahlen von einem entfernteren Puntte herkommen, und furs dritte, weil bei ieber neuen Buruckwerfung die Strahlen unter schiefern Winkeln auf die andere Spiegelflache auffallen. Daher erschrint iebes folgende Bild nicht nur fleiner, sondern auch unter einer geringeren Anzahl von Strahlen, die bei ien der folgenden Buruckwerfung immer mehr bivergiren. Daher ist unendliche Bervielfältigung der Bilder unmöglich.

- ments D erscheint dem Auge W in der Linie WI, das zie in der Linie W2, das zie in der Linie W2, das zie in der Linie W3, das zie in der Linie W4, das zie in der Linie W3, das zie in der Linie W4, das zie in der Linie W5, und so überhaupt das Nie in der Linie WN. Bon diessen Sildern kann also das Auge in W nur dietenigen wirklich bemerken, dis zu welchen die angegebenen Gesichtslinien durch die restektirenden Spiegelssächen durchgeben. Im Falle der 17ten Figur demerkt also das Auge W im Spiegel II die Bilder 2 und 4; im Spiegel I die Bilder 1 und 3; das Bild 5 kann nicht mehr von ihm demerkt werden, weil der Strahl W5 nicht mehr durch Bb, oder durch den Spiegel I, hinten welchem es erscheint, durchgeht. Zieht man aus zuch b die gerado 5 x, so mußte sich ein Auge, das das Bild 5 demerken sallte, zwischen b B und das Auge die 5 Wilder demerken, wie V. Con dieser Stelle aus kann das Auge die 5 Wilder demerken,
- fest, daß die Strahlen von des Spiegels ausserer Flace de restesser werden, wie bei metallenen Spiegeln, de ift dieses nicht der Fall bei Glasspiegeln, weil diese als durchsichtige Materien die Strahlen größtentheils durchlassen, so daß sie erst von ihrer belegten hinteren Kläche juruckgeworsen werden, wobei sie noch einmal durch das Spiegelglas durchgehen mussen. Weiter unten wird man hören, daß bei diesem Durchgange durch das Glas die vorhergehende Nichtung des Strahls abgeändert wird. Inwieserne dieses Einstuß auf die hier betrachteten Erscheinungen haben kann, läßt sich hier noch nicht zeigen (s. unten §. 76).

Dritter Abschnitt.

Wie durch die Zurückwerfung der Lichtstrahlen von sphärischen Spiegeln Bilder erzeugt werden, ingleichem von Brennspiegeln,

§. 38.

Der rechte Winkel CAB (fig. 18.) sey von irgend einer Linie BC begränzt, die ganz in derselben Ebene liegt; dreht sich nun diese Seene CAB um CA herum, so daß AB eine Kreissläche beschreibt, so heißt der körperliche Raum, durch den sich die CAB bei dieser Umdrehung bewegt, ein Sphäroidy CH seine Are, C sein Scheitel. Ist die Fläche BCD eine undurchsichtige politte Fläche, so heißt sie eine undurchsichtige politte Fläche, so heißt sie eine sphäroidischer Spiegel, und zwar ein erhabes ner Spiegel, wenn die Aussenstätzt ist; ein sphäroidischer Johlspiegel, wenn die sphäroidische Wand politt ist. Ist CA ein Stück vom Halbmesser eines Kreises, und BC ein zu diesem Kreise gehöriges Bogenstück, so heißt der Spiegel insbesondere ein sphärischer. Hier ist vorzüglich von spärischen Johlspiegeln die Nede.

§. 39.

EAD (fig. 19.) sen der Durchschnitt eines sphärischen Hohlspiegels mit derienigen Stene, in webcher ein von P nach M sahrender Strahl liegt, PA eine gerade Linie durch den Mittelpunkt C der Augel, in deren Oberstäche die Spiegelstäche liegt, so geht der restet.

Dritter Abidn. Wie burch bie Burudwerf. zc. 43

vefleftirte Strahl Mp burch einen Punft p, welcher in-PA liegt.

Denn es sen HM ein Perpendikel auf das Element des Spiegels bei M, also das Einfallsloth, so geht solches durch den Mittelpunkt C; da nun der ressektirte Strahl mit dem einfallenden und dem Einfallsloth allemal in einerlei Ebene liegt, so muß auch Mpwit. MP und MC in einerlei Ebene liegen, also in der Ebene MPA, und muß also durch PA durchgehen.

§. 40.

Aufg. Unter den Vorausserzungen des vor. §. sey $AP = \delta$, CA = r und $MCA = \gamma$; man soll aus diesen Bestimmungsstücken die Entsernung Cp oder $Ap = \phi$ bestimmen, in welcher der vom Spiegel zurückgeworfene Strahl die Are PA schneidet.

Aufl. 1. Vermöge Trigon. §. 25. IV. ift (fig. 19), wo P das Obiett und p das Bild ist,

tang CMp =
$$\frac{Cp. lin \gamma}{r - Cp. Cof \gamma}$$
tang CMP =
$$\frac{CP. lin \gamma}{r + CP. Cof \gamma}$$

2. Beibe Werthe wegen des Gesetzes der Resterion gleich gesetzt, giebt nach einer leichten Reduktion

$$Cp = \frac{CP}{r + 2 \cdot CP \cdot Cof \gamma} \cdot r$$
wher, $\delta - r$ statt CP geset,
$$Cp = \frac{\delta - r}{r + 2 \cdot (d - r) \cdot Cof \gamma} \cdot r$$

also and Ap over

$$\phi = \left(1 - \frac{\delta - r}{r + 2(\delta - r) \cdot \text{Col}\gamma}\right) \cdot r \left(\frac{\pi}{r}\right)$$

3. Man findet ganz dieselbe Formel für (fig. 19*), wo das Objekt P zur Nechten, das Bild p zur Linken des Mittelpunktes C liegt, also $AP = I \leqslant r$ ist.

Daher ift (**h**) hier eine allgemeine Grundformel für die sphärischen Hohlspiegel, aus der sich für bestimmte Vorausseyungen speciellere Formeln herleiten lassen.

§. 41.

Wenn, wie hier allemal vorausgesetzt wird, y klein genug ist, damit Cosy nicht merklich von 1 verschieden sen, so hat man für alle vom Objekt auf den Spiegel MN fallende Strablen sehr nabe

$$\phi = \left(1 - \frac{\delta - r}{r + 2(\delta - r)}\right) \cdot r$$

$$= \frac{r + 2(\delta - r) - (\delta - r)}{r + 2(\delta - r)} \cdot r$$
where
$$\phi = \frac{\delta}{2\delta - r} \cdot r \quad (2)$$

Eigentlich ist $2(\delta-r)$. Cosy allemal etwas kleiner als $2(\delta-r)$, also $\frac{\delta-r}{r+2(\delta-r)}$. Cosy nicht sam genau mit $\frac{\delta-r}{r+2(\delta-r)}$ einerlei, und die von einem Elemente. P auf den Spiegel zwischen M und N fallende Strahsen geben daher für die verschiedenen Werthe

Dritter Abschn. Wie durch die Burudwerf. zc. 45

Ap. Wenn inzwischen y ober AM nicht über ein paar Grade beträgt, so ist für den von M zurückgeworfenen Strahl der Werth von P so wenig von dem sür y = 0 verschieden, daß man beide für gleich annehmen, also umsomehr für alle zwischen M und A sallende Strahlen, woserne AM nicht über ein paar Grade beträgt, die Formel (2) beibehalten kann.

Macht man also (fig. 19) $A = \frac{\delta \cdot r}{2\delta - r}$, so ist wer puntt in der Are, in welchem alle Strahlen, die von P aus auf den sphärischen Hohlspiegel fallen, nach der Resterion einander durchschneiden, woserne die von P aus bestrahlten Puntte des Hohlspiegels nur wenige Grade von A abliegen.

3. S. Einem Auge w warden die von P auf µp fallende Strablen so zufallen, als tamen fie von w her.

wist daher ein Bild von P, und Ax fann darum sehr schicklich die Bildweite heisen.

§. 42.

Inswischen muß man die Erscheinung des Bildes von P doch nicht mit der des Elementes P selbst
für einerlei halten, vielmehr auf folgenden wichtigen
Unterschied merken. Das Bild wird nur von Strahlen erzeugt, die von der Spiegelstäche restestirt; einander in w durchtreuzen. Es ist also das Bild nicht wie
P ein nach allen Seiten umber lichtsendendes Element,
sondern nur ein Element, durch welches restestirte
Strahlen durchgehen, von dem also nur nach Stellen,
die im Raume des restestirten Strahlentegels liegen,

-Lichtstrahlen ausgehen. Ein Auge ausserhalb dem -Raume dieses restektirten Strahlenkegels (z. B. in y) kann daher das Bild – gar nicht bemerken.

§. 43.

Die Stelle p (fig. 19), in welcher eines Strahls PM zurückgeworfener Mp die Are AP schneibet, liegt desto weiter vom Bilde π , ie größer AM ist. Das Stück p π der Are heißt des Strahls Mp Abweis chung wegen der Rugelgestalt.

Man muß sich hierbei immer an die im Isten Abschnitt festgesetzten Begriffe halten, so daß für P allemal ein strahlendes körperliches Element genommen wird, das aus unzählig vielen Puntten Strahlen gegen die Spiegelstäche abschicken fann, die aber alle so nahe neben einander liegen, daß CP immer für dieselbe Größe gelten fann, man mag welchen Puntt man will vom Elemente P sür den Gränzpunft von CP gelten lassen.

§. 44.

Wenn 25—r beiaht ist, so ist $\frac{\delta}{2\delta-r}$ allemal

 $> \frac{1}{2}$, also $\frac{\delta \cdot r}{2\delta - r}$ ober $A\pi$ allemal $> \frac{1}{2}r$. Ober in

Worten: wenn das strahlende Element P um mehr. als die Halfte des Halbmessers von A abliegt, so ist aus die Bildweite größer als die Halfte des Halbmessers.

Dritter Abschn. Wie durch die Zurudwerf. zc. 47

Doch ist $\frac{\delta r}{2\delta - r}$ besto weniger von $\frac{1}{2}r$ verschiesen, ie weniger $\frac{\delta}{2\delta - r}$ oder $\frac{1}{2}$ von $\frac{1}{2}$ verschiesen,

den ist, d. i. ie kleiner $\frac{r}{s}$ ist. Ware $\frac{r}{s}$ dusserst klein, so ware

$$\frac{\delta \cdot r}{2\delta - r} \text{ oder } \frac{r}{2 - \frac{r}{\delta}} \text{ d. i. } A\pi \text{ beinahe} = \frac{1}{\delta} r.$$

Strahlen, die der Are PA (fig. 19.) parallel auf ein steines Stück $\mu\nu$ fallen, lassen sich als solche betrachten, die von einem unendlich weit entsernten Punkte P herkamen. Für solche Strahlen wäre also $\frac{\Gamma}{\delta}$ — o und die Bildweite $A\pi=\frac{1}{2}r$.

§. 45.

Hur Strahlen, die von der Sonne auf einen Hohlspiegel fallen, dessen Are beiläusig gegen den Mittelpunkt der Sonnenscheibe gerichtet ist, läßt sich nicht nur ieder Punkt der Sonnenscheibe statt P setzen, sondern auch $\frac{\Gamma}{\delta}$ für Null ansehen, daher sich für diese die Bildweite $A \pi = \frac{1}{2} r$ ergiebt.

Weil aber durch diese Vereinigung einer großen Wenge von Sonnenstrahlen in win der Entsernung ir von A eine sehr beträchtliche Hiße in w bewirft werden tam, so nehnt man diesen Punkt den Brennspunkt,

sbet

punkt, die Weite An = 1r von der Are bie Brennweite.

Der Brennpunkt ist also hier bas Bild eines Elements, beffen Strahlen der Spiegelage parallel auf den Hohlspiegel fallen. Solange also d — ½ r beiabt ift, d. i. folange bas ftrablende Element um mehr als Die Hälfte bes Halbmeffers von A entfernt ist, blett die Bildweite allemal größer als die Brennweite.

§. 46.

Daß die Brennweite für sphärische Hohlspiegel = 1 r fen, laßt sich auch geometrisch so barftellen.

da (fig. 20) sep ein auf die Fläche des Hohlspie gels der Are EAB parallel fallender Strahl, ca ber Halbmeffer, so ift vermoge bes Reflexionsgesetes, wenn ab den refleftirten Strahl vorstellt, y = B, aber auch, weil ad ber AE gleichlaufend ift, y = a also allemal a = B, wo auch a in der Spiegelfläche liegen mag. Folglich auch allemal cb = ab.

Liegt nun 2 in m nabe bei A, so ift bA febt nahe = bm = bc, also sehr nahe bA + bc ober r = 2. bA und bA febr nabe = 1 r. Genau aber ift, für iebe auch febr nabe an A liegende Stelle m, bA < bm, also auch < bc, und daher bA - bc ober r>2.bA, b. i. bA<\frac{1}{a}r.

Allgemein hat man jur genauen Bestimmung bet Stelle b, in welcher ber refleftirte Strahl ab die Ape EA schneibet,

> $fin(\alpha + \beta) : ac = fin \beta : bc$

IND

$$bc = \frac{r \cdot \sin \alpha}{\sin 2\alpha} = \frac{r \cdot \sin \alpha}{2 \cdot \sin \alpha \cdot \text{Cof} \alpha}$$
$$= \frac{r}{2 \cdot \text{Cof} \alpha}$$

Also

$$bA = r - \frac{r}{a \cdot Cofa} = \frac{a \cdot Cofa - 1}{a \cdot Cofa} \cdot r$$
$$= \left(1 - \frac{1}{a \cdot Cofa}\right) \cdot r$$

solglich allemal

Aber für a = 9° ist Cosaschon 0,98768, und daher Ab schon nicht mehr merklich von ir verschies den, daß man also für sphärische Spiegel, deren Weite an nicht über 18° beträgt, die gemeinschaftliche Durchgangsstelle der restektirten Strahlen schon genau genug in der Entsernung Ab = ½ r annehmen kann, wenn von Strahlen die Nede ist, die parallel mit der Areauf die Spiegelstäche fallen.

§. 47.

Wenn man also auf der AE (fig. 20) Ab

= \frac{1}{2}\ r\ nimmt, und Av = \left(1 - \frac{1}{2.\ Cosa}\right).\ r\, so
werden alle der Axe parallel auf den Hohlspiegel an
fallende Strahlen so restettirt, daß sie zwischen b und
v-durch die Axe durchgehen. Je größer nun a ist,
desto größer ist das Stückchen b v der Axe, das daher
allemat eigentlich eine physische Brennlinie ist, die
Langsdorfs Photom.

in der Entfernung $\frac{1}{2}$ r vom Scheitel A sich endigt, und für einen solchen Werth von α , der nicht über 4 = 5 Grade beträgt, furz genug wird, um für einen physischen Punkt gelten zu können. Was also gewöhnlich der Brennpunkt heißt (§. 45), ist eigentlich der Endpunkt b der kurzen Vrennlinie dv.

§. 48.

Die Bildweite An (fig. 19. §. 41) ist besto kleiner, ie größer AP ober I wird, d. i. ie weiter das in der Are des Spiegels liegende strahlende Element von dem Scheitel abliegt.

Unter den Werthen von An, die sich auf geringe Entfernungen des strahlenden Elements von dem Scheitel beziehen, verdienen besonders diesenigen bemerkt zu werden, welche

$$\begin{array}{ccc}
\mathfrak{z} & \mathfrak{z} & \mathfrak{r} \\
\mathfrak{z} & = \frac{1}{2} \mathfrak{r} \\
\mathfrak{z} & \leq \frac{1}{2} \mathfrak{r}
\end{array}$$

gehören.

I. $\delta = r$ giebt die Bildweite

$$A\pi = \frac{\delta \cdot r}{2\delta - r} = \frac{r \cdot r}{2r - r} = r$$

II. $\delta = \frac{1}{2}r$ giebt

$$A\pi = \frac{\delta \cdot r}{2\delta - r} = \frac{\frac{1}{2}r \cdot r}{r - r} = \infty$$

d. h. die restektirten Strahlen laufen in diesem Falle mit der Are parallel.

III.
$$\delta < \frac{1}{2}r$$
 giebt, $\frac{1}{2}r - y$ statt δ gesetst,
$$A\pi = \frac{\delta \cdot r}{r - 2y - r} = \frac{\delta \cdot r}{-2y} = -\frac{\delta}{2y} \cdot r$$

Dritter Abschn. Wie durch die Zuruchwerf. zc. 51

In diesem Falle (III.) fällt der Vereinigungsvunkt der Linien, nach welchen die Strahlen restektirk
verden, auf die entgegengesetzte Seite von AP, namich von Anach B, und die Strahlen entsernen sich
von Anach P immer mehr von der Axe, als ob sie
ille von einem gemeinschaftlichen Elemente w (fig. 21)
n der verlängerten Axe hinter dem Spiegel herkamen.

Es ist also in (III.) w nur ein geometrischer Bereinigungspunkt der Linien, nach welchen die Strahlen resteitet werden. Für die Strahlen selbstist er ein Zerstreuungspunkt Inzwischen können die Strahlen auf das Auge wirken, als ob sie aus diesem Punkte kämen, also in demselben wirklich ein Bild machten. (s. unten §. 57.)

Anm. Borstehende Sate setzen voraus, 1) daß das strahlende Element in der Are liege, 2) daß die Bogen An, An klein sepen, 4. B. nicht über 3 = 4 Grade betragen.

§• 49• ′

AP (fig. 22) sen die Are des Hohlspiegels KK, die durch eine dem Spiegel entgegengesetzte Ebene mn durchgehe; νn , m μ sepen der Are gleichlausend, und $A\nu = A\mu$ betrage nur einige Grade. Es sen ferner C der Mittelpunkt des Hogens KK und $A\pi = \frac{1}{2}AC = \frac{1}{2}r$, also π der Brennpunkt.

Wird nun eine brennende Kerze so vor den Spiegel gesetzt, daß sich die Flamme zum Theil oberhalb,
zum Theil unterhalb w befindet, so wird min von der Flamme nicht nur so erleuchtet, wie ohnehin geschehen würde, wenn der Spiegel auch nicht vorhanden wäre,
sondern es fallen auch noch alle die Strablen, welche von nahe bei ar befindlichen leuchtenden Theilchen auf ur fallen, durch die Restexion auf mn.

Es sen nämlich w ein ftrahlender Punkt oberhalb π, ab sen eine Berührungslinie bei v, so ift πvb < · w v b; folglich auch, wenn mv nach vn, und w v nach νΦ reflektirt wird, nva < Φνά. Da nun no ber Are AP gleichlaufend ift, so muß vo gegen die Are nach P zu konvergiren. Daher kann auch ein merklich über & liegendes Flammentheilchen eine große Menge von Strahlen auf µv werfen, die nach ber Reflexion von der Ebene mn aufgefangen werden konnen. felbe gilt von Flammentheilchen unterhalb *. tirte Strahlen von Flammentheilchen zur Rechten von w divergiren gegen die Ebene mn, hingegen die von Flammentheilchen zur Linken von m fonvergiren gegen mn hin mit der Are; aber auch hier ift die Abweichung vom Parallelismus, wegen der Kleinheit der Licht Es wird also von allen Fiam, flamme, nur gering. mentheilchen Licht durch die Restexion vom Spiegel auf die Ebene mn geworfen.

Die Entfernung der kleinen Sbene mn von der im Brennpunkt befindlichen Lichtstamme sen = e, und die von der Flamme ohne den Spiegel entstehende Erleuchtung in mn heise λ , die Erleuchtung eines gleichgroßen Stücks des Spiegels L, so ist, wenn mn klein angenommen wird,

$$\lambda: L = (\frac{1}{2}r)^2 : e^2$$

alfo

$$L = \frac{e^2}{\frac{1}{4}r^2} \cdot \lambda = \frac{4e^2}{r^2} \cdot \lambda$$

folglich wird die gesammte Erleuchtung auf mn, die vom Spiegel herrührende mit begriffen, beiläufig =

Dritter Abschn. Wie durch die Zuruckwerf. zc. 55

 $\lambda + \frac{4e^2}{r^2} \cdot \lambda = \frac{r^2 + 4e^2}{r^2} \cdot \lambda$, ober $\frac{r^2 + 4e^2}{r^2}$ mal so groß, als sie ohne den Spiegel seyn würde. Es sey δ . δ . r = 2, e = 3, so wäre $\frac{r^2 + 4 \cdot e^2}{r^2} = \frac{4 + 4 \cdot 9}{4} = 10$, also die Erleuchtung in mn etwa to mal so groß, als sie chne den Spiegel seyn würde.

§. 50.

Soll ber Hohlspiegel (fig. 23) zur Erleuchtung einer hörzontalen Sbene, wovon MN ein Durchschnitt st, gebraucht werden, so muß man an der Stelle von mn einen ebenen Spiegel so anbringen, daß seine Sbene von der wagrechten Are AP unter einem Windel von 45° geschnitten wird. Nunmehr restetirt der ihene Spiegel mn die ihm vom Hohlspiegel zugesendeten wagrechten Strahlen lothrecht auf MN herab. Der ebene Spiegel mn aber empfängt die Strahlen nicht nur durch Resterion vom Spiegel, sondern auch durch unmittelbare Erleuchtung von der in dem Brennpunkte w besindlichen Lichtsamme. Die Ebene MN wird nicht nur durch die von mn restetirten, sondern auch durch unmittelbar von w hersommende Lichtstrahlen erleuchtet.

y sen der Mittelpunkt der Ebene MN, und MN nicht groß, der Winkel π yN $= \alpha$, die auf μ y salende Lichtmenge = L, die in MN unmittelbar von der Lichtslamme herrührende = λ' , die in mn unmittelbar von der Lichtslamme herrührende Lichtmenge = λ ; serner π y = e, π y = e', so ist die auf MN vers \mathfrak{D} 3

von nahe bei ar befindlichen leuchtenben Theilchen auf ur fallen, durch die Resterion auf mn.

Es sen nämlich w ein ftrahlender Punkt oberhalb π, ab fen eine Berührungslinie bei v, fo ift mob < wb; folglich auch, wenn mr nach en, und we nach νΦ reflektirt wird, nva < Φνα. Da nun no bet Are AP gleichlaufend ift, so muß vo gegen die Are nach P zu konvergiren. Daher kann auch ein merklich über & liegendes Flammentheilchen eine große Menge von Strahlen auf ur werfen, die nach ber Reflexion von der Ebene mn aufgefangen werden konnen. felbe gilt von Flammentheilchen unterhalb m. tirte Strahlen von Flammentheilchen zur Rechten von w divergiren gegen die Ebene mn, hingegen die von Klammentheilchen zur Linken von m fonvergiren gegen mn hin mit der Are; aber auch hier ift die Abweichung vom Parallelismus, wegen der Kleinheit der Lichtflamme, nur gering. Es wird also von allen Fiammentheilchen Licht durch die Reflexion vom Spiegel auf die Ebene mn geworfen.

Die Entfernung der kleinen Ebene mn von der im Brennpunkt befindlichen Lichtstamme sen = e, und die von der Flamme ohne den Spiegel entstehende Er-leuchtung in mn heise λ , die Erleuchtung eines gleichgroßen Stücks des Spiegels L, so ist, wenn mn klein angenommen wird,

$$\lambda: L = (\frac{1}{2}r)^2 : e^2$$

alfo

$$L = \frac{e^2}{\frac{1}{4}r^2} \cdot \lambda = \frac{4e^2}{r^2} \cdot \lambda$$

folglich wird die gesammte Erleuchtung auf mn, die vom Spiegel herrührende mit begriffen, beiläufig = λ

Dritter Abschn. Wie durch die Zuruckwerf. zc. 5%

 $\lambda + \frac{4e^2}{r^2} \cdot \lambda = \frac{r^2 + 4e^2}{r^2} \cdot \lambda$, ober $\frac{r^2 + 4e^2}{r^2}$ mal so groß, als sie ohne den Spiegel senn würde. Es sep 3. \& r = 2, e = 3, so wäre $\frac{r^2 + 4 \cdot e^2}{r^2} = \frac{4 + 4 \cdot 9}{4} = 10$, als sie Erleuchtung in mn etwa 10 mal so groß, als sie chne den Spiegel senn würde.

§. 50.

Soll ber Hohlspiegel (fig. 23) zur Erleuchtung einer horzontalen Ebene, wovon MN ein Durchschnitt ist, gebraucht werden, so muß man an der Stelle von mn einen ebenen Spiegel so anbringen, daß seine Ebene von der wagrechten Are AP unter einem Winstel von 45° geschnitten wird. Nunmehr restetitt der ebene Spiegel mn die ihm vom Hohlspiegel zugesendeten wagrechten Strahlen lothrecht auf MN herab. Der ebene Spiegel mn aber empfängt die Strahlen nicht nur burch Resterion vom Spiegel, sondern auch durch unmittelbare Erleuchtung von der in dem Brennpunkte w besindlichen Lichtstamme. Die Ebene MN wird nicht nur durch die von mn restettirten, sondern auch durch unmittelbar von w herkommende Lichtstrahlen erleuchtet.

y sen der Mittelpunkt der Ebene MN, und MN nicht groß, der Winkel π y $N = \alpha$, die auf μ r sallende Lichtmenge = L, die in MN unmittelbar von der Lichtslamme herrührende = λ' , die in mn unmittelbar von der Lichtslamme herrührende Lichtmenge = λ ; ferner π v = e, π y = e', so ist die auf MN versmöge

möge der Resterion sallende Lichtmenge $=\frac{r^2+4e^2}{r^2}$. λ (§. 49). Hierzu kommt noch die unmittelbare von der Lichtsamme $=\lambda'$, also die gesammte Lichtmenge in $N = \frac{r^2+4e^2}{r^2} \cdot \lambda + \lambda'$. Es ist aber beiläusig

$$\lambda:\lambda'=\frac{e'^2}{\sin\alpha}:e^2$$

also $\lambda = \frac{(e')^2 \cdot \lambda'}{e^2 \cdot \sin \alpha}$, und

bie gesammte licht. =
$$\frac{r^2+4e^2}{r^2} \cdot \frac{(e')^2 \cdot \lambda'}{e^2 \cdot \sin \alpha} + \lambda'$$

= $\frac{(r^2+4e^2) \cdot (e')^2 + r^2 \cdot e^2 \cdot \sin \alpha}{r^2 \cdot e^2 \cdot \sin \alpha} \cdot \lambda'$

Die Ebene MN wird also hier $\frac{(r^2+4e^2).(e^l)^2+r^2.e^2.\sin z}{r^2.e^2.\sin z}$

mal so stark erleuchtet, als sie ohne die Spiegel von der Lichtslamme allein erleuchtet werden würde.

Se sen z. B. r = a, e = 3, e' = 4, so hat hat man sin $\alpha = \frac{vy}{\pi y} = \frac{\sqrt{(e'^2 - e^2)}}{e'} = 0.66$; demnach ber obige Ausbruck =

$$\frac{(4+36)\cdot 16+4\cdot 9\cdot \frac{2}{3}}{4\cdot 9\cdot \frac{2}{3}} = \frac{40\cdot 4+9\cdot \frac{2}{3}}{9\cdot \frac{2}{3}} = \frac{498}{18} = 27,66.$$

Es wird also die Ebene MN etwa 27 mal so stark erleuchtet, als ohne die Spiegel geschehen würde.

Dritter Abschn. Wie burch die Zurudwerf. zc. 35

Ich habe hierbei angenommen, daß auch die von der Lichtstamme unmittelbar nach mn ausgehenden Strahlen alle auf MN lothrecht reslettirt werden, daß also die von der Flamme unmittelbar auf mn fallende Strahlen ohne merklichen Fehler als parallel angesehen werden dürften. Diese Voraussezung ist nie ganz richtig; inzwischen wird die gefundene Zahl für den Grad der Verdichtung dadurch doch immer um viel weniger als I abgeändert.

§. 51.

Man muß hier ein. für allemal bemerken, baß durchaus der einfallende Strahl mit dem reflektirs ten verwechselt werben fann, b. h. daß bei Bersegung bes Objekts in die Stelle des Bildes feine andere Bere änderung erfolgen kann, als daß der einfallende Strahl an die Stelle des juruckgeworfenen, und ber juruckgeworfene an die Stelle des einfallenden trit. Diefes ift für fich flar, weil die von einem gegebenen Punkte bes Spiegels nach bestimmten Punften des Objetts und des Bildes gezogene gerade Linien immer diefelben Winkel mit bem Einfallslothe machen muffen, mag sich das Objekt oder das Bild in bestimmten Stelle der Are befinden. Es sep 3. 3. (fig 49) juerft P bie Stelle Des Objetts und p bie des Bildes, PM der einfallende, Mp den guruckge-worfene Strahl, M.C das Einfallsloth, so ist CMP = CMp; sest man nun bas Objett in p, so bleibt, wegen der unveränderlichen Lage des Einfallslothes und bee Puntte p, der Winkel CMp wie borhin, und CMP = CMp, also auch die Stelle P, in die iett das Bild fällt, dieselbe', in der fich vorhin das Dbe iett befand.

§. 52.

Aufg. BD (fig. 24.) sey des Spiegels Are, A sein Scheitelpunkt, C der Mittels punkt, V ein Element des Objekts, VM ein von V auf den Spiegel fallender Strahl, der die Are nach gehöriger Verlängerung hinter dem Spiegel in Pschneide; man soll die Stelle p bestimmen, wo der zurückger worsene Strahl Mp die Are schneidet.

21 ufl. 1. Befände sich das Objekt in p, so daß pM der einfallende Strahl wäre, so mußte der zurückgeworfene in MV fallen (§. 51). Sest man nun $Ap = \phi$, $AP = \delta$, AC = r, so hat man (§ 40), wenn man dort ϕ und δ mit einander verwechselt,

$$\delta = \left(1 - \frac{\phi - r}{r + 2 (\phi - r) \cdot Cof\gamma}\right) \cdot r$$

und (§. 41), wenn y nur einige Grade beträgt, seht nabe

I.
$$\delta = \frac{\Phi}{2\Phi - r} \cdot r$$

ober $2\delta.\phi - \delta r = r.\phi$, also

II.
$$\phi = \frac{\delta r}{2\delta - r}$$

2. Weil nun hier ber zurückgeworfene Strahl MV die Ape hinter dem Spiegel schneiben soll, somuß Ap < ½ r sepn (δ. 48. III), also 2φ < r, demuach δ (in I) verneint, aber ebendarum φ (in II) beiaht, weil Zähler und Renner verneint werden.

Dritter Abschn. Wie durch die Zuruckwerf. zc. 57

3. Nimmt man also für I den beiahten Werth der Entfernung AP, so hat man

$$\phi = \frac{-\delta r}{-2\delta - r} = \frac{\delta r}{2\delta + r}$$

4. Wird nun das strahlende Element in V gesett, und der einfallende Strahl VM betrachtet, so zeht der restektirte Strahl durch denselben Punkt p, wo vorhin das Element angenommen wurde (§. 51), und es bleibt

$$\phi = \frac{\delta r}{2\delta + r}$$

5. Bezeichnet man ein für allemal die Brennweite für sphärische Spiegel mit f, so hat man r == , 2 f, also

III.)
$$\phi = \frac{2\delta f}{2\delta + 2f} = \frac{\delta f}{\delta + f}$$

vorausgesett, daß AM nicht über ein paar Grade bestrage, und daß & von A nach B zu genommen werde.

6. 53.

Die gefundene Formel (\S . 52. III.) gilt für alle von V aus gegen die Are geneigte Strahlen, auch wenn ein Strahl die Are schon vor dem Spiegel schneidet, wie der Vn, welcher in p die Are schneidet. Nur wird in diesem Falle $\delta = Ap$ wieder beiaht, also (\S . 52. no. 1. II.) $\phi = \frac{\delta r}{2\delta - r}$, so daß δ bedaht genommen wird. Die Sache verhält sich jest eben O δ

so, als siele der Strahl von p aus auf N, da damn ϕ wie (§. 41) = $\frac{\delta r}{2\delta - r}$ bleibt, oder

$$\phi = \frac{\delta \cdot 2f}{2\delta - 2f} = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

Man erhält dasselbe, wenn man (vor. §. III.)
— I statt — I schreibt. Rämlich I bezeichnet (vor. §.
III.) die Entsernung des Durchschnitts von A nach B
zu, im ietzigen Falle aber von A nach D.

§. 54.

Liegt der strahlende Punkt (wie fig. 19) in der Are, so hat man (§. 41.)

$$\phi = \frac{\delta r}{2\delta - r} = \frac{\delta \cdot 2f}{2\delta - 2f}$$
ober I. $\phi = \frac{\delta f}{\delta - f}$

Liegt er (wie fig. 24) ausser der Are, so daß der Strahl gegen die Are herabfällt, und sie hinter dem Spiegel in der Entfernung & vom Scheitel schneidet, so hat man (§. 52. III.)

II.
$$\phi = \frac{\delta f}{\delta + f}$$
 wo f die Brennweite ist.

Beibe Formeln setzen voraus, daß von Strahlen die Rede sen, welche den Spiegel in Punkten tressen, die nicht über einige Grade vom Scheitel abliegen.

Inswischen muß man boch beide Formeln in Ersehung ihrer Bedeutung sehr von einander unterscheiden

Die I. bezeichnet die Entsernung des Bildes eines strahlenden Elementes vom Spiegel, indem alle von dem strahlenden Element (P, fig. 19) nach den verschiedenen Stellen des Spiegels ausgehende Strahlen durch denselben Punkt in der Entsernung of durchgehen, weil für sie alle die Größe d einerlei Werth hat.

Die II. bezeichnet keineswegs die Entkernung des Bildes eines strahlenden Elementes, sondern bloß die Entkernung des Scheitels von dem Punkt, in welchem ein einzelner restektirter Strahl die Are schneibet, die in diesem Falle für die verschiedenen Stellen des Spiegels, von welchen der Strahl restektirt wird, sehr verschieden seyn können. Es ist zwar, wenn MA nur ein paar Grade beträgt, auch in diesem Falle sür alle Stellen des Spiegels $\phi = \frac{\delta f}{\delta + f}$; aber es hat iest wicht, wie hei I. die Stelle de sür die verschiedenen

nicht, wie bei I, die Größe d für die verschiedenen Stellen des Spiegels einerlei Werth, z. B. der Strahl VM schneidet die Are in P und giebt d = AP, der Strahl Vv schneidet sie in y und giebt d = Ay. Diese sehr verschiedenen Werthe von d geben also auch in II. sehr verschiedene Werthe von P, und verhindern also die Darstellung eines Bildes in der Are AD. Es muß daher noch gezeigt werden, wie dennoch auch in solchen Fällen Vilder strahlender Elemente durch Hohlspiegel erzeugt werden können.

§. 55.

Aufg. AB (fig. 25) ist ein bestimmter Gegenstand, durch welchen die Are AD in P durchgeht, CA sey des Spiegels Zaldmesser = r; man soll bestimmen, was es mit dem Bild

Bild des Objekts UB für eine Bewandniff habe.

Aufl. 1. Man ziehe durch den zu KK geht rigen Mittelpunkt C aus P die PA, aus A die As und aus B die BB, so sind PA, Aa, BB drei Apen, auf welchen die Bilder der Elementen P, A und B et gebildet werden. AK betrage nur wenige Grade.

2. Es sen AP = 3, a N = 3', β B = 3', and num die auf diesen Apen genommenen Stücke Ap = $\frac{\delta f}{\delta - f}$, a a = $\frac{\delta' f}{\delta' - f}$, $\beta b = \frac{\delta'' f}{\delta'' - f'}$, so silder von P, N, B.

3. Hier ist nun (§. 40. no. 2.) $Cp = \frac{(\delta-r) \cdot r}{r+2 \cdot (\delta-r) \cdot Cos\gamma'}$, also, $Cos\gamma = r$ gesett, $Cp = \frac{(\delta-r) \cdot r}{2\delta-r}$; ebenso $Ca = \frac{(\delta'-r) \cdot r}{2\delta'-r}$ und $Cb = \frac{(\delta''-r) \cdot r}{2\delta''-r}$, Also verhalten sich die Entsep nungen Cp, Ca, Cb wie $\frac{\delta-r}{2\delta'-r}$, $\frac{\delta''-r}{2\delta''-r}$ die die Entsep d. i. wie $\frac{CP}{2\delta-r}$, $\frac{CN}{2\delta''-r}$

4. Sind also $2\delta - r$, $2\delta' - r$, $2\delta'' - r$ als Divisoren nicht merklich von einander verschieden, d. h. um keinen merklichen aliquoten Theil, so verhalten sid Cp, Ca, Cb schlechthin wie CP, CA, CB.

Unter dieser Voraussetzung haben also die Bilder p, a, b der Elementen P, A, B dieselbe Lage in Aw sehung

Dritter Abschn. Wie durch die Zurudwerf. zc. 61

hung des Mittelpunktes C, welche die Elemente P, 1, 3 haben, nur auf entgegengesetzten Seiten. Und a dieses von allen Elementen des Objekts UB eben gilt, so werden auf diese Weise alle einzelnen Elemente des Obiekts UB im Bilde ab in derselben Ordung neben einander, nur in umgekehrter Lage dareistellt.

5. Inzwischen muß auch hier die Bemerkung wieerbolt werben, bie überhaupt von allen sptischen Bilern gilt, bag bas Bild ab feinesmegs daffelbe thut, as ein wirkliches Objekt in ab thun murbe; letteres drbe Strahlen nach allen Seiten aussenden, und baer iebem jur Seite wo man will stehenden Auge beerfbar werden; ersteres fann nur einem Auge erscheten, das die reflektirten Strahlen nach ihret Durchreugung im Bilbe auffangt, wie einem Auge in W. 50 liegt z. B. das Bild von P in der Spipe p des Strahlenkegels 1 p4, indem die reflektirten Strahlen p, ap, 2p, Ap, 3p, Bp, 4p und alle bajwie hen fallende gemeinschaftich burch p burchgeben, also egen w hin wieber auseinander fahren und einen euen gegen das Auge in w divergirenden Strahlenegel bilben, wovon bas in diesem Regel befindliche luge einen Theil auffängt, ber nun in ihm die Emfindung erregt, als ware in p ein ftrahlendes Obeft, bas ihm unmittelbar Strahlen zusendete. Auf leiche Weise muß man sich von 1, a, 2, A, 3, B, 4 ind allen Zwischenpunkten des Spiegels ausgehende Strahlen nach a, nach b und nach allen zwischen a ind b liegenden Punkten benken, die wirklich dahin relektirt werden, also Strahlenkegel bilben, beren Spien bann Puntte find, burch welche bie Strahlen eines ben solchen Strahlenkegels burchgeben, und bivergiend in beträchtlicher Anzahl so ins Auge fallen, als måre

ware die Spite ein strahlendes Element eines wirth den Objekts. Also kann ein Auge w nur in dertent gen Lage Strahlen von allen Punkten des Objekts AB empfangen, oder das Bild von AB vollskändig in ab wahrnehmen, in welcher ihm Strahlen von iedem der divergirenden Strahlenkegel zufallen können, d. i.. wann es sich in einem Stuck Raume besindet, den alle diese divergirende Strahlenkegel mit einander gemein haben. Ein gegen ab gerichtetes Auge, das sich seitwärts gan ausserhalb dem Raume dieser divergirenden Strahlenkegel besände, könnte gar nichts vom Bilde ab demenken (s. 110.9).

- 6. Die Vildweiten der einzelnen Elemente, wie $Ap = \frac{f}{f}$, $aa = \frac{f'f}{f'-f}$, $bb = \frac{f''f}{f''-f}$ durchaus etwas größer als f. Wenn aber f in Bergleichung mit der Entfernung des Objekts vom Spiegel sehr klein ist, so ist sehr nahe $Ap = aa = \beta b$ = f. Wan kann daher für etwas entfernte Objekt allemal die Brennweite sür die Vildweite gelten lassen.
- 7. Wenn ein Auge im Mittelpunkt C das Bib sieht, so erscheint es ihm in derselben scheinbaren Größe, in der ihm das Objekt selbst von C aus betrachtet erscheint, und die Durchschnitte des Vildes und des Objekts in einerlei Ebene genommen, verhalten sich wie ihre Entfernungen vom Mittelpunkte C (no. 2).

8. Weil
$$CP = \delta - r$$
, $Cp = \frac{(\delta - r) \cdot r}{2\delta - r}$

(no. 2), so hat man auch

 $PB : pb = (\delta - r) : \frac{(\delta - r) \cdot r}{2\delta - r} = (2\delta - r) : r$

Ferner

Pritter Abschn. Wie durch die Zurudwerf. zc. 63

ferner

$$AP:Ap = \delta: \frac{\delta r}{2\delta - r} (\delta.41) = (2\delta - r): \delta r$$

lfo

Demnach verhalten sich auch zusammensehörige Linien (b. h. solche, die in einerlei Ebene egen) des Objekts und des Bildes wie ihre Intfernungen vom Scheitelpunkt des Spiesels.

- 9: Werben bie restektirten Strahlen in ber Bildeite durch eine raube Fläche besonders aufgefangen, nd zugleich dafür gesorgt, daß nicht Strahlen anderer ibjekte das Bild verwirren, so wird das Bild auf eser Fläche so abgebildet, daß es auch von A aus, v sich etwa ein kleines koch im Spiegel zum Durchben besinden könnte, gesehen werden kann. Da nun irmöge (no. 8.) PB: AP = pb: Ap, oder ing PAB = tang pAa, und eben so auch tang AU = tang pAb, so erscheint dem Auge, das dim Scheitel A besindet, das Bild ab unter eben theinbaren Größe, unter der ihm das Objekt UB löst erscheint.
- 10. AB sey der Durchmesser der Sonne, P ihr dittelpunkt; also ab der Durchmesser des Sonnensildes und pa = pb dieses Vildes Halbmesser, so, wenn die Fläche des Sonnenbildes in p mit s² id der Winkel PAB mit g bezeichnet wird,

 $PB^2 : pa^2 = AP^2 : Ap^2 (no 8.)$

er

$$P\mathfrak{B}^2:AP^2=p\mathfrak{a}^2:Ap^2$$

Es ist aber auch

 $P\mathfrak{B}^2:AP^2=\operatorname{tang}PA\mathfrak{B}^2:\mathbf{r}$

 $pa^2 : Ap^2 = tg. e^2 : I$ alfo

Dber, weil wegen ber großen Entfernung ber Som hier Ap = f geset werben barf,

 $pa^2: f^2 = tg. e^2: x$

Demnach

 $pa^2 = f^2 \cdot tg \cdot e^2$

 $s^2 = 3/14 \cdot p \cdot q^2 = 3/14 \cdot f^2 \cdot tg \cdot e^2$ ober

Man kann nun g = 16' annehmen, alfo tg. = 0,0046542 und tg. $g^2 = 0,0000216509$ m 3,14. tg. e² = 0,0000680. Demnach

 $s^2 = 0.000068 \cdot f^2$

Des Spiegels Deffnungsfläche, b. b. Die Rrei flache, beren Durchmeffer die gerade Linie KK wir beiffe E2; die Menge der auf den hohlspiegel fallen den Strahlen A, die Menge der nach dem Silde w flektirten = a, die Dichtigkeit des Lichtes in der Def nungsfläche KK = 1, die im Bilde = D, so bet man

$$D: r = \frac{\lambda}{\epsilon^2} : \frac{\Lambda}{E^2} = \frac{E^2}{\epsilon^2} \cdot \frac{\Lambda}{\lambda}$$

 $D = \frac{E^2}{\epsilon^2} \cdot \frac{\lambda}{\Lambda} = \frac{E^2}{0.000068 \cdot f^2} \cdot \frac{\lambda}{\Lambda}$ und

Ober auch, wenn der zu E' gehörige Halbmeffe (1 KK) mit R bezeichnet wird,

$$D = \frac{R^2}{0,0000216.f^2} \cdot \frac{\lambda}{\Lambda} = 46296.(\frac{R}{f})^2.\frac{\lambda}{\Lambda}$$

Es

Es fep f. B.
$$\frac{R}{f} = 0.13$$
, fo fapn man D=

63. $\frac{\lambda}{\Lambda}$ segen.

11. Ein Theil ber Strahlenmenge A geht in fent echter Richtung von ber Spiegelfläche aus, und geht lso durch den Mittelpunkt; ein anderer Theil wird der Scheitelare des Spiegels parallel reflektirt (f. unten 57. 2te Anm.); noch ein Theil tann unter mannie-Irigen Binteln mit biefet Ate jurudgeworfen weren , theil 'es auch unter der Dand bes geübtesten Runfe re nicht bafin gebracht merben fann, bag nicht eine Ine Elemente ben Spiegelflache auf mannigfaltige Beife on der Gestalt einer Augelflache, in geometrischer Schärfe genommen, abweichen follten; und zulest wird och ein Theil des auf den Spiegel fallenden Lichtes on'ber Materie des Lichtes eingefogen und juructbealten. Benn alfo biefe vier nach einander genennten lettmengen mit a', a'', a''', a'''' bezeichnet werben,) but man $\lambda = \Lambda - (\lambda' + \lambda'' + \lambda''' + \lambda''')$ und aber beinabe

 $D = 46300 \cdot \left(\frac{R}{f}\right)^2 \cdot \left(1 - \frac{\lambda' + \lambda'' + \lambda''' + \lambda''' + \lambda'''}{\Lambda'}\right)$

Inzwischen kann man immer Athalite in Anderson febr kleinen Bruch gelten lassen, alse worther ens als beiläusige Bestimmung. D. == 46000. (E).

12. Wegen ber so entstehenben beträchtlichen Werichtung ber Sonnenstrahlen im Pilbe und ber damit-Langeborfe Photom- E jusamgufammenbangenben Dige au be beige biefe auch ber Brenntau gel auch ein Brennfpiegel.

13. Fångt man bas Connen

 $\mathbf{D} = 46000$.

Aum. Gine brennenbe Derje, 1. 4 fiberifchen Bremipitgel, gefest . Warme im Brennpunft bervarbr bie fcheinbare Große ober &, nas merflich größer als fur bie Gonn non liegt in (5.6. Mam.)

. . §. 56.

Mus bem Bisberigen wirb wie eine bor einem Sobifpiegel felbft im Bilbe beobachten fann. bie bor bem Spiegel KK fiebendi Cathen Mittelpuntt, .. alfo CA: burd ben Scheitel, p bas Bilb BCB eine Mre burd Wy 5 bat eine Are durch M, a bas Bilb vi

Um nun ju geigen, wie bai merten fann, muß man bie En burch o ine Mitge o fommen.

Man ziehe also durch b aus o die gerade ow, auch aus B die Bw, so erhellet, daß die nach Bwauf den Spiegel fallenden Strahlen, weil sie nach w bresletirt werden, auf diesem Wege nach der geraden wo ins Auge kommen mussen.

Eben bas gilt von A.

Auf der Are ACa sep a das Bild von Aund Da eine durch a von O gezogene gerade Linie, so townen nur solche von Auf den Spiegel fallende Straße sen ins Auge kommen, welche nach au restektirt werden. Auf gleiche Weise kommen nun auch von allen zwischen Bund Aliegenden Puntten des Gegenstandes BU, hier der vor dem Spiegel stehenden Person, Strablen ins Auge O.

Da hier o nicht etwa nur ein Element ift, sons bern die ganze Deffnung im Auge bedeutet, so ist auch die Stelle a auf dem Spiegel, zu welcher von o aus durch a gerade kinien gezogen werden können, nicht ein bloßes Element, sondern ein kleines Flachenstuck-

den = $\frac{Ap^2}{Pp^2}$. E², wenn E² die Größe der Deffnung im Auge bebeutet. Alle Strahlen also, die aus dem Clemente A auf dieses Flächenstucken a fallen, kommen durch die Resterion ins Auge O, und da solche alle durch a durchgeben, so bilden sie einen Strahlen.

segel, bessen Grundstäche $\frac{Ap^2}{Pp^2}$. E² tst, und dessen

Spige in a liegt, daber sie dem Auge aus einem einzben Puntte a herzutommen scheinen.

Dazu wird aber erfodert, daß alle Punkte des Middenstückens $\frac{Ap^2}{Pp^2}$. E^2 nur wenige Grade don't enefaunt sepen.

Ein Auge in a würde von iedem Elemente A soviele Strablen auffangen, als auf die Fläche E^2 , d.
d. auf die Oeffnung im Auge sällen können. Da nun
das Flächenstückhen a, welches dem Auge in o die
Strablen vom Elemente A zusendet; $\Longrightarrow \frac{Ap}{Pp^2}$. E^2 is
spent A dem Auge in o durch Resterion sichtbar wirde
under A, durch welche dasselbe, Element einem Auge
in a unmittelbar bewertbar würde, wie Ap^2 zu Pp^2

Befände sich der Gegenstand BU selbst in p, und würde dann derselbe dem Auge in o durch die Licht menge L sichtbar, so ware

Porhin $\lambda : \Lambda = Ap^2 : AP^2$ A: $L = Ap^2 : AP^2$ A: $L = Ap^2 : AP^2$

Demnach verhält sich die Lichtmenge, durch weich die das Bild dem Auge sichtbar wird, zu der Lichtmenge, durch welche der Gegenstand selbst in derselben Eutsernung dem Auge erscheinen würde, wie die Größe des Bildes (der Fläche nach) zur Größe des Gegensstandes.

Da nun zu tedem ins Auge kommenden Straffe ein eigener Punkt des strahlenden Objekts gehört, so solgt, daß das Bilb in demfelden Verhältnisse, in wed chem es kleiner als das Objekt erscheint, auch dem Auge eine geringere Anjahl von Punkten des Gegenstandes

states bemerkbar macht, ober daß das Bild im Verhaltnisse seiner Verkleinerung auch eine unvollkommenere Abbildung des Gegenstandes ist. Uebrigens erscheint das Bild, das dem Auge ; B. nur den zoten soviel Strahlen ins Auge sendet, als das an seine Stelle gesetzte Objekt selbst thun würde, in derselben Rlarz heit, in welcher das Objekt selbst an derselben Stelle dem Auge erscheinen wurde, weil beim Objekt die zo mal so große Strahlenmenge auch über eine zo mal so gkoße Oberstäche verbreitet ware.

Rur sieht sich ber Beobachter auf diese Weise in umgekehrter lage seiner Theile, er steht im Bilde auf dem Kopf; alles, was dei ihm auf der linken Seite liegt, sieht er im Bilde zur Rechten und umgekehrt, woserne er übrigens einen solchen Stand hat, daß seite Bild zwischen ihn und den Spregel fallen muß. Es muß zu dem Ende der Mittelpunkt C noch vor ihm liegen, d. t. es muß d>r seyn (h.41). Hur d< ir sellt das Bild hinter den Spiegel (s. den folg. h).

i. Der Fall, da AP oder & z rik, verdient bier noch besonders bemerkt zu werden. Es sep (fig. 27.) AB der der dem Hohlspiegel stehende Beodachter, sein Auge in o, und AP z AC; Cb, Ca und CA sepen Axen durch B, A und den Scheitel des Spiegels, so sallen die Bilder von A, B, P iest hinter den Spiegel, z. B. in a, b, p (§. 48). Sept man AP = d, aA = d', BB = d'', und $d = \frac{1}{4}r - y'$, d'' = $\frac{1}{4}r - y''$, so hat man

1.

$$Ap = -\frac{\delta}{2y}.r; \quad a = -\frac{\delta^{\prime\prime}}{2y^{\prime\prime}}.r;$$

$$\beta \delta = -\frac{\delta^{\prime\prime}}{2y^{\prime\prime}}.r;$$

Mus fo wird aps bas Bilb von APS.

Alle von B auf ben Spiegel falle Bin werden, wenn Bin nicht über ein trägt, so nach min reflektirt, als famen Das nämliche gilt von A und von allen schen B und A. Jeder Punkt in ab if nes Punktes in AB.

9. Min ziehe man aus b nach o ei bie den Spiegel in b trifft, und Sb ei B nach b, so ist bo ber Weg, durch w B auf b fallende Licht ins Auge restettir

Auf gleiche Beife findet man ben welchen ein Strahl von A burch Refle Zommt.

Man ziehe nämlich von o bie gerabi Splegel in a trifft, und nun aus a bi so geht bas von A auf a fastende Licht Region durch ao ins Auge zuruck.

3. Alle übrige von AB dure ins Auge fallende Strahlen treff Spiegel zwischen a und b.

Das Ange sieht also ben unter dem Winkel aob = ac kommt ihm vor, als sahe es den in der Entfernung Ap hinter de Auch sieht bas Auge in biesem Falle b US (d. h. fic) selbst als Bephachter) in feiner natürlichen Lage, nicht verkehrt.

- 4. Neberdas sieht sich der Beobachter, ober das Auge den Segenstand AB, beträchtlich vergrößert, weil ab $=\frac{A\,p}{A\,P}$. AB ist, AB und ab als Linten betrachtet.
- 5. Es könnte hier ein Zweisel entstehen, ob sich der Beobachter wirklich vergrößert erscheinen werde? Besände sich das Auge in A, und wäre AB ein eben so hoher Segenstand, als der Beobachter, so wäre die scheinbare Größe von BP $=\frac{\Delta P}{AP}=\frac{AP}{AP}\times\frac{\delta p}{AP}=\frac{\Delta P}{AP}$ $=\frac{\Delta P}{AP}\times\frac{\Delta P}{AP}=\frac{\Delta P}{AP}$ won AB $=\frac{\Delta P}{AP}=\frac{\Delta P}{AP}$ won AB $=\frac{\Delta P}{AP}=\frac{\Delta P}{AP}$

Hingegen ist die scheinbare Größe des Vildes ab für das Auge in $o = \frac{ab}{Pp} = \frac{ab}{Ap+AP}$, und daßelbe Vild ab aus demselben Punkt A betrachtet, würde in der scheinbaren Größe $\frac{ab}{Ap}$, also in eben der Scheinbaren Größe wie der Gegenstand selbst erscheinen.

Entfernung von 5 Fussen, ein kleines Kind in AB, und in der Entfernung von 15 Fussen einen Riesen in E 4

ab" exstitte, ber 3 mal so hoch als bas Kind water so murbe die Gleichheit der Sehewinkel beiber Dbien Die Bemerkung bes großen. Unterschiedes zwischen ben Rinde und bem Riesen nicht verhindern. Co fommt bann auch bas Bild bem Beobachter wirflich vergröß fert bon.

6. Die Rlarheit des Bildes läßt fich wie, im, von gen &. beurtheilen. Der Stern im Auge, beffen gil che E' beisen soll, befindet sich nach der: Waraussetzung in 0. Die Strahlenmenge, durch welche zin Element wie B, dem Ange bemerkbar werden kann, ift diete pige, welche nan b que in ben Stern fommen fant. Das, jugeherige Flachenelement b, in welchem

Strablen ben Spiegel treffen,

Ein in b befindliches Auge warte, bem Clemente B zugekehrt, biefes Chemenk burd h viele Strahlen bemerken, als die gange Ktache E' auf nehmen fann.

Also verhalt fich bie Lichtmenge, welche vom Gegenstande wenn er sich in A befände, ins Auge o fab len murbe, ju ber, welche bas Bild ins Auge fenbel, wie E²: bo², E² voer wie pP²: pA² 1 b b2

Es perhalt sich aber die Flachengröße Coder Projektion) des Objekts zu der des Bildes wie 25° µ ab2 ober (no. 5.) wie AP2 gu Ap2, also, verhall fich die Rlarheit des Gegenstandes in der Entfernung PA jur Rlarheit bes Bildes in ber Entfernung Pp

· pP² pA³ ober wie p P? m A P?...

Birk

Dritter Abschu, Bie burch bie Zuruchwerf. zc. 73

- Würde aber bas Objekt AB in p gebracht und st pon o aus betrachtet, so wurde sich bie vorige larbeit bes Objetts, ba es in A angenommen wurde, ir iepigen gleichfalls wie pP² ju AP² verhalten.
- Demnach erscheint dem Auge o das vergrößerte ilb ab in der nämlichen Rlarheit, in ber ihm in der-Iben Entfernung pP das Objekt felbft erscheinen Arbe.
- z. Anm. Bei biefen und abnlichen photometrifchen Unterfuchungen wird immer vorausgesett, baf bie nach bem Re-Aeriousgesetze von einem Elemente bes Spiegels reflettirten Strahlen nicht merklich von ber Summe aller vom Begenftande auf das Element fallenden Strahlen verschies Den stp. Da bieses nie genau richtig ift, so kann auch das .. Bild nie gang in berfelben Rlarbeit erscheinen, in welcher Das Objekt an feiner Stelle erfcheinen wurde.
- 2. Anm. Ich muß hier wegen ber sptischen Erscheinungen (fig. 26.) noch eine eigene Bemertung beifügen, bie allerdings nur individuell ift. Co oft ich in einen Sohlspiegel febe, beffen Entfernung von meinem Auge großer als fein Dathmeffer ift, sest meine Imagination bas vor bem Spiegel erscheinenbe Bilb binter benfelben jurud. 3. B. das - Links Auge a (fig. 28.) verrückt das Bild p binter ben Spiegel in n, bas rechte & fest baffelbe in m; unb fo fieht iebes Ange bas Bilb an einer anbern Stelle; ich febe ibaher iebes verkehrte Bild vor bem Spiegel boppelt, ben Mund doppelt, die Nase doppelt u. s. w. Man muß auf diese Mitwirkung der Imagination vorzüglich ausmerksam fenn, um manche Erscheinungen von Bilbern ju erklaren, Die wirklich nicht fo vorhanden find. Kinder, die ich in solche Spiegel-feben ließ, machten mir immer bie Bemers kung, daß es ihnen vorkomme, als faben fie fich nicht, wie bei andern Spiegeln, hinter, sondern vor demselben; auch sahen diese alles nur ein fach, eine Rase, einen Mund

Mund u. s. w. Ich selbst sehe die Theile zur Linken nicht mehr, svoald ich das rechte Auge verschliese, und so auf die Theile zur Rechten nicht mehr, sobald ich das Link verschliese, b. h. mit einem einzigen offenen Auge sehe is auch nur ein Bild. Eben so sehe ich auch das Bild, wie ches wirklich hinter dem Spiegel erscheint, also das auf gerichtete Bild nur einfach.

3. Anm. Noch entsteht von Schlspiegeln ein befinden Bild von iedem davor befindlichen Objekt, von welchen ibisher michtst gesagt worden ist, und das eigentlich seinen Seund in der Unvolksummenheit des Spiegels hat. Mindenke sich nämlich durch A (sig. 26.) senkrecht auf P.A ein Sene, und K.K sep ein ziemlich slacher Spiegel von und wenigen Graden, so läst sich immer ein kleiner allenste Kheil aller Elemente, worans die Spiegelsläche besteht, all parallel mit iener senkrechten Ebene annehmen, wenn st auch gleich nicht alle in einerlei Ebene liegen.

Die gange Spiegelflache beftebe g. B. aus einer Bentil lien (1000000 100) Elementen, so konnten eine Oninens gintillien (1000000 5c) Elemente eine iener Ebene panh tele Lage haben, und dies mare ein gang unbebentend Bis. ner Theil ber ganzen Spiegelflache. Diefe auf ber Mich bes Sobliviegels vertheilten Elemente tonnten alfo imme noch eine ungeheure Menge von Strablen aufnehmen, bi som Objett barauf geworfen wurben, und fie warben big Strablen vollig wie Elemente eines ebenen Spiegele, refich tiren, und nach demfelben Gefege ins Auge fenden. I wurden die Strahlen von bei weitem weniger Glements des Objetts auf Diefe Beife ins Ange reflettirt wer ben, als geschehen würde, wenn der ganze Spiegel ein Planspiegel mare. Daber fann bas fo erzeugte EM. Das übrigens vollig wie bei einem ebenen Spiegel erfchebei muß, nur sehr matt ober in einer sehr geringen Rlathet erfcheinen. Zwar mußten, wenn bas Objett vor bem Gib gel 3. 8. ein auf AP senkrechter Stab mare, bie webt

Dritter Abschn. Wie durch bie Zurudwerf. zc. 375

warts liegend und daher gefrümmt scheinen, immischen könnte bei einem etwas pachen Hohlspieget von nur wenigen Graden dieser Erfolg der Trümmung gar nicht bemerkt werden.

So wird begreistich, warum man ausser dem oben erwähnten ausgerichteten ober umgekehrten Hauptbilde, auch
noch ein sehr mattes Bild wie in einem sehr trüben Plauspiegel oder in einer auf ihrer Pinterstäche nicht belegten
Glasscheibe bewerken kann. Ie glänzender das knahlende
Objekt selbst ist, desto deutlicher läst sich dieses letztere Bild
erkennen. Daber erscheint das auf diese Weise erzeugte
Bild einer drennenden Kerze sehr deutlich, obgleich bei weitem matter, als das Objekt selbst. Es erscheint in der
Entsernung hin te " dem Spiegel, in welcher das Objekt
vor demselben liegt, und zwar, wie sich versieht, ausgerichtet.

§. 58.

1. Die bisherigen Betrachtungen waren immer uf die Boraussehung gegründet, daß die Sögen vom Scheitel dis zum Rand des Spiegels nicht über ein nax Grade betragen. In diesem Falle durchschneiden lie aus einem einzigen Elemente des Objekts auf verhiedene Stellen des Spiezels fallende und von diem ressektirte Strahlen einander in einem einzigen physichen Punkte, dessen verschiedene Theile nicht von einen der unterschieden werben können.

Run sep aber AK (fig. 29.) ein etwas bestächtlicher Bogen, 3 B. von 9°, so gilt der erwähnte dat nicht mehr. Es wird 3. B. der Strahl PK nach Iq, der PM nach Mx restestirt, so daß alle von Puf KM sallende Strahlen nach der Resterion zwichen x und q durch die Are durchgehen.

Strablen nach ber Mefferior bie Are, wenn Ap bie I bes Elements P ift.

man flatt des Breiterputt Brennlittie erhalte, dere Scheitel für den Grennpunt das Bill P nie einen bloßen Pünft, i linie, wie hier von P bie muntt p disher für das Bil für die disher für das Bil für die bisherfür das Bil paar Grade betragen folle, sich die physischen Pidigt, in einen physischen Pi

- 3. Die von p bis q Puntte sind also biglenigen die von der Werschiedenhei welche die auf ben Spiegel Wre machen, von ausserst ! bis jum Wintel APK.
- 4. kAk' sep ein anbe gels, gleichfalls burch die dem KAK' einen kleinen Lep Am = AM, so wirt nach w restektirt, wie det tressen alle auf dem Spiegel nen Punkt der Axe herum der Restexion die Axe in ein

Aber bie unter verschiel ober unter verschiebenen Winkeln mit der Are auf ba intel ermas berradien fommen, sobald der Einfallstutel ermas berrachtich ift, nicht mehr in einerlet bielle w zusammen, sondern, wie schon erwähnt work, in Puntten, die von a die p zerstreut find.

Birfeln M.A. m.A. x. auffallenbe. Strahlen in bem tweinschaftlichen, Puntte wallemmen; ebenfo alle von , k ac. unter gleichen Entfernungen K.A. k.A. ac.

Strablen in dem gemeinschaftlichen so daß diese einzelnen Bereinigungszon einander verschieden find. Die Pankten zwischen M und K refletien also in verschiedenen Punkten zwisch die Are, und muffen, bevor sie einander durchkreuzen. So durch in Ka und Mar einander in Q.

f. Ift nur MK ein nur fleiner Bogen, fo geth Strubten, bie ans Puntten swiften M und K Ich Puntten swiften w und q reflettirt werden, durch e Mw in einer Stelle burch, bie von ber Q nicht

aifd bie von bem Borahlen wiederum ein:
Bogenstucken Ma
neben Q naher zur.
Sild neben bem iweiCo.ergiebt sich eine
biese vom ganzen BoBilder bes Elements
ir einen Hobispiegel.

Men Bogen zu etwas beträchtlichen Winteln gehören, bistebem: gräßten! Rreife ber Augely wovon die Spieuffache ein: Chell ift, zwei verschiebene Arten von Bildliniert, biem P. gehören: Strahlen nach der Resterion zwischen p und er die Are, wenn Ap die bisher betrachtete Bilde des Elements P ist.

- man flatt des Bremspunkts eigentlich allemak Brennlinie erhalte, deren entferntester Punkts Scheitel für den Brennpunkt genommen wird, si dalt man auch für das Bild eines physikhen Pin P nie einen bloßen Pünkt, sondern allemal eine B linie, wie hier von P die Bildlinie pq, deren li Punkt p disher für das Bild genommen wurde, für die bisherige Voraussezung, daß AK nur paar Grade betragen solle, q so nahe an p fällt, sich die physische Linie qp, die sich allemal in p digt, in einen physischen Punkt p verwandelt.
- 3. Die von p bis q neben einander liegen Punkte sind also diejenigen Bilder des Elementer die von der Verschiedenheit der Winkel herruh welche die auf den Spiegel fallenden Strahlen mit Are machen, von ausserst kleinen Winkeln angefaldis jum Winkel APK.
- 4. kAk' sen ein anderer Durchschnitt des Egels, gleichfalls durch die Are genommen, der dem KAK' einen kleinen Winkel in A macht, und sep Am = AM, so wird der Strahl Pm von nach wressetzt, wie det PM nach Mw, unt tressen alle auf dem Spiegel in einer Kreislinie um nen Punkt der Are herum aussallende Strahlen i der Reservion die Are in einerlei Stelle.

Aber die unter verschiedenen Entfernungen vor ober unter verschiedenen Winkeln mit der Are auf

Dritter Abichn. Wie burch bie Burudwerf. zc. 77

mintel etwas berrachtich ift, nicht mehr, in einerlet etwas berrachtlich ift, nicht mehr, in einerlet etelle w jusammen, sondern, wie schon erwähnt wortet, in Puntsen, die von a die p zerftreut find.

M, m u. unter gleichen uffallende. Strahlen in bem allaumen; ebenso alle von Entsernangen K.A. k.A. u. n in dem gemeinschaftlichen iese einzeinen Werelnigungsner verschieden sind. Die zwischen M und K resieren verschiedenen Punkten zwisch und mussen. So durch und Mar einander in O.

c. 9ft nun MK ein nur fleiner Boaen. fo ge-

gelftache, ein Stellsiff, ibei benichtebene Arten son

- 1.) bie gerade Bilblinie pa in ber Ape bie Bildlinie fchiechtweg beneunt.
- 2.) Die krumme Bilblinie Qup auf bei Geiten ber Are katoptrische Bild nie; gewöhnlich, aber nicht so gut, be sie bie katoperische Brennlinie (alftica per reflexionem der auch au caustica).

Die namlich biefe
burch PKK liegen, fi
upd so in teber andern g
jengen die vom Elements
ber Reflexion von der
linie gp eigentlich noch
fläche, deren Seftalt
Qap um die Are PA perumprepr.

6. Strablen, bie von ben Bogenfincioen Kk. I. M. m. bertommen, bilben in m und in q Spigen, it ter benen fie mieber aus einander fabren.

Einem Auge in O, bas biefe Strablen auffin fcheinen baber Diefe Strablen bon urg bergutommn

Ingwischen begreift man leich wenn AK nicht schon ziensich vir bem Auge nicht leicht unterschieben

7 3

§. 59.

- 1. Bis jest wurden nur sphärische Zohlspieczel etvachtet; dahet nummehr wich ethals von ethabesers sphärischen Spiegeln. Schon aus der in (fig. 24) ehbrigen Betrachtung (§. 72.) erhellet, daß man hier igentlich keiner neuen Untersuchungen bedarf. Ein Lement P (fig. 21.) in der Ape CB vor dem Hohlsbiegel dat, woserne AP $< \frac{1}{2}$ AC oder $< \frac{1}{2}$ r is, ein erwetrisches Bild & hinter dem Spiegel. Wird das et vas Clement in der Are CB vor der erhabenenz Spiegelsiche angenommen, 3. B. in π , so muß umgeschet das geometrische Bild von & auf die hohle Seite Bild von & auf die hohle Seite Bild von & auf die hohle Seite Bild von Spiegelsiche hochstens, in paar Grade von der Are abliegen.
- Diegel, so daß AK nur wenige Grade betrage, C was Princelpunkt, CP die Ake durch den Scheitel, P was Plement eines Objekts, Pm W ein auf den Spiermissender Strabl, m M der rastektürte Strabl, so. Mile das Einsalsloch und Pme Cm W, und winden des Vestenderscheites Mm a I'me, aber was Cm p Cm W Pme, woserne p das Bild von W ist, also.

Pme+Mme=CmW+Cmp

BmM == Wmp

Demnach liegen mp, m.W.in.ein raben Linte, und ber reflektirte Strahl. ruckwarts perlangert burch berfelben Tire, ber bas Bild von W mare. A völlig wie (§. 52), wenn AP = du geset wird,

Auf die entgegengesetze Lage von gesehen, hat man

Der Punit p ift hier ein geometri Jerftreuungspunkt, well alle Strahl habenen Spiegelfische so restettirt iverb fie von p ber.

3. Kille Strablen, die der Are pet fellt also and hier p in ben Bsennpt wird, indent man d = 00 fegt,

§. 66.

1. Auch das zusämmengesehte Bild macht der erhabene Spiegel auf eine wie der Hohlspiegel (h. 55), wur daß Spiegel das Bild allemal auf die holl Es sen AB (fig. 31.) das Objekt, dunkt des Spiegels, PC die Scheitelag Bild von P in p, so daß Ap <221 un

2. Man stehe nun aus M burch C fo wird teber von A nabe bet a fallen M3 nach 3.4. so restettirt, daß 43. = A3. wird, und alle ruckwarts verlängerte 4.3 tressen die Ape MC in einerlei Punkt a, der dann das Bild von a siebt.

- 3. Eben so ziehe man aus B durch C die Axi BC, die den Spiegel in ß schneidet; wenn nun BI ein auf den Spiegel nahe bei ß auffallender Strahl ist, wird ieder solcher Strahl so nach 1=2 restetirt, daß e 1 2 = e 1 B wird, und alle rückwärts verlängerte Strahlen 2=1 tressen die Axe in der gemeinsschaftlichen Stelle b, die das Bild von B giebt.
- 4. Dasselbe gilt nun eben so von allen zwischen M und B liegenden Elementen des Objekts AB, dahek ab das geometrische Bild vom ganzen Objekt AB daz-kellt; d. h. die Strahlen werden alle so restektirt, wie geschehen wurde, wenn in ab ein wirkliches Bild vorbanden ware, von dem diese Strahlen nach b 2 ausben könnten.
- 5. Hier ist nun, wenn PA mit 8, Na mit 8 und BB mit 8" bezeichnet wird, Ap = $\frac{3r}{28+r}$, $\frac{3r}{28-r}$ und $\frac{3r}{28-r}$:
- Straßlist ein solcher wie 1 = 2, der von B hetkommt, wind ieder von a aus durch den Spiegel gezogenë Straßlist ein solcher wie 3 = 4, der von Al herkommt, borausgesetzt, daß der Spiegel nur wenige Grade in sich, faßt.

Ware also AB eine Person, O ihr Auge, so fallen auch Strahlen b2, a4 ins Auge, und die Peison Langsborfs Photom. steht also hier ihr Bild ab hinter dem Spiegel, und zwar aufgerichtet, wie im Planspiegel, so lange namilich AP > \frac{1}{2} AC ist, wie (fig 31).

- 7. Ein aus b ins Auge o fallender Strahl ba treffe die Spiegelfläche in v, so bilden alle von b aus gehende Strahlen, die zu B gehören, einen Strahlen tegel, der seine Spige in b und die Deffnung im Auge E' jur Grundflache hat, deffen Querschnitt bei V alf $=\frac{1}{VO^2}$. E^2 ist; befände sich das Auge in V, fe ware der Querschnitt des ins Auge fallenden Strab lenkegels bei $v = E^2$, also iener zu diesem wie $\mathbf{v}\,\mathbf{b}^2$ $\frac{1}{\nabla O^2}$. E^2 zu E^2 , oder wie ∇b^2 zu ∇O^2 . Cben fo verhalt sich nun auch die an diesen verschiedenen Stellen ins Auge fallende Lichtmenge, wodurch dem Auge bas Bild b des Elements B sichtbar wird, Klarheit, in der das ganze Bild ab dem Auge a biefen verschiedenen Stellen erscheinen murbe.
- S. Befände sich, indem das Auge bei o blett, das Objekt AB in v, so würde von iedem Element B ein Strahlenkegel ins Auge fallen, der seine Spise in B und die Oeffnung im Auge E^2 zur Grundsickt hatte. Strahlen, die vorhin von B auf ein Flächen stückthen v des Spiegels $=E^2$ ausstellen, wurdet divergirend so restetirt, daß sie dis zum Auge o sowie mend schon über eine Fläche $=\frac{b\,o^2}{b\,v^2}$. E^2 verbreitst wären. Es verhält sich also die Lichtmenge Λ , welche von iedem Elemente B des Objekts ins Auge. kommen fann, bei unmittelbarer Betrachtung des Objekts ins der Entsernung vo zu der λ , welche mittelst des Objekts ins

Dritter Abschn. Wie durch die Zuruckwerf. zc. 83

Spiegels von iedem Elemente des Objekts ins Auge kommt, wie 60° zu 6 v2.

9. Würde das Element & in der Entfernung bo vom Auge betrachtet, so wäre, wenn die bei dieser Unsicht ins Auge fallende Lichtmenge mit L bezeichnet vird,

$$L: \Lambda = vo^2 : bo^2$$

Bothin war $\Lambda: \lambda = 60^{\circ}: bv^{\circ}$.

Ifo

$$L: \lambda = vo^2: bv^2$$

= Flächengröße . Flächengröße bes Objekts bes Bildes

det

Tlgr. des Objetts =
$$\frac{\lambda}{Flgr. des Bildes}$$

Demnach erscheint (fig. 31.) dem Auge 6 das Bild ab in derselben Rtarbeit, in der ihm in derselen Entfernung Pp das Objekt selbst erscheinen würde.

§. 60.

Die vorstehenden Sate (§. 58, 59.) seten wieserum voraus, daß die Elemente der Spiegelsläche, uf welche die von Elementen eines strahlenden Obstiel herkommende Strahlen fallen, nur wenige Grade von einander abliegen. Von Strahlen, die auf Elemente des Spiegels fallen, welche um einen etwas destächtlichen Vogen von einander abliegen, erzeugen die Jurchschnitte auf eine eben solche Weise, wie beim Inhlspiegel, eine Reihe von Vildern, die in dem nach

Biger Formel
$$\phi = \frac{\int r}{2 \delta + r}$$
 bestimmten Bildpunkte

anfangen und in einer Ebene neben einander betrackt eine krumme Linie bilden, welche auch hier die katop trische Bildlinie heisen könnte, gewöhnlich aber ik katoptrische Brennlinie genennt wird. Eine solck katoptrische Brennlinie ergiebt sich in ieder durch ein Element des Objekts und den Mittelpunkt der Krimmung C gelegten Ebene, daher die mannigsaltign Bilder von einem Elemente des Objekts wiederum wie beim Hohlspiegel, eigentlich eine sphäroidische Fläche bilden, welche entsteht, wenn sich eine katoptrische Bildlinie um die zum Element gehörige Spiegel are herumdreht.

Vierter Abschnitt.

Wie Strahlen, die von konischen und cylindrischen Spiegeln reslektirt werden, Bilder erzeugen.

§. 61.

Eine politte chlindrische ober konische Fläche belk ein cylindrischer ober konischer Spiegelz at erhabener, wenn sie die Aussenstäche eines Eplinderisch, ein konischer ober cylindrischer Zohlspiegel, wenn sie eine Höhlung begränzt. So kann mis sich auch parabolische, elliptische, hyperbolische und noch anders gekrümmte Spiegel benken. In gegenwärtigen Abschnitt ist nur von cylindrischen und konischen Spiegeln die Rede.

h

kn

K

61

§. 62.

Jede durch des Regels ober des Eplinders Are gelegte Ebene schneidet die Spiegelsläche in einer geraden Linie. Strahlen, die in dieser geraden Linie, dem Spiegel treffen, mussen von ihm eben so wie von einer geraden Linie auf einem ebenen Spiegel vessektirt werden.

Aber auf einem ebenen Spiegel kann die physsische gerade Linie, von welcher restetirte Strahlen ins Auge kommen, vielmal breiter als die physische gerade Linie seyn, von welcher der krumme Spiegel Strahlen ins Ange senden kann, weil die im lettern Kalle auf einen physischen Punkt des Spiegels sallende Strahlenmenge wegen der Krümmung des Spiegelssische nicht parallel, sondern divergirend restetirt werden, so daß weniger Strahlen davon ins Auge kommen, als vom ebenen Spiegel. Letterer bringt von weit mehr Punkten des Objekts Strahlen ins Auge als ersterer. Daher ist auch das Bild eines strahlen den Elementes beim ebenen Spiegel deutlicher oder leds hafter.

§. 63.

ABD (fig. 32.) sey ein sothrechter Durcheschnitt eines von aussen politten geraden Respels, BG sey die verlängerte DB, E ein strahlender Punkt in BG; En, Em verschiesdene aus E auf AB ausgehende Strahlen; man soll den gemeinschaftlichen Zerstreuungsspunkt e für alle auf AB uns E fallende Strahlen Em, En 2c. und die übrigen won der dabei vorkommenden Reslektirung der Frahe

Strahlen abhängende Erscheinungen an

Aufl. I. Man verlängere AB nach j mitigiehe Ee senkrecht burch Aj, so daß HE — Howird, so ist e der gemeinschaftliche Zerstreuungspmit oder das Bild von E.

Bew. In den Oreieden EnH, enH# EH = eH, nH = nH, nHE = nHe = 90% also EnH = enH.

Bieht man nun aus e durch n die en N, soken en H = An N, also auch En H = An N, soke lich nN der in n restettirte Strahl.

Aus gleichem Grund ist EmH = emH, alse wenn aus e durch m die eM gezogen wird, and EmH = AmM, solglich mM der in m restetirte Strahl.

II. Dasselbe gilt, m und n mögen wo man min AB liegen, also gehen alle restektirte Strabin, die von einem gemeinschaftlichen Punkt E auf AB stelen, rückwärts verlängert durch e.

III. Macht man Bg = BG, so ist Bg be Vill von BG, eg bas Bild von Eg, Be bas Ba von BE.

Ein Auge in M sabe' das Bild von E durch in Strahl Mm, ein Auge in N sabe dieses Bild das den Strahl Nn.

Zieht man vom Bilde e durch den Scheitel A we eK, so ist AK die Richtung eines unendlich net bei des Regels Spize restetzirten Strahls, der net lich nech EA aufsiele.

Bid

e. Zieht man aus e burch B die eb, so ist Bb der ressektirte Strahl, wenn die Richtung des auffallenden EB ist.

IV. Ausser den Winkel bek fällt also keiner von ben restektirten Strahlen, die das Bild von E darskellen.

Ein Auge also, das im Spiegel das Bild von E Semerten will, muß sich nothwendig in der Winkel-Ebene de K befinden.

Eben so muß ein Auge, dem das Bild von G. bemerkbar seyn soll, sich in der Winkel-Ebene dg O besinden.

V. Ein Punkt in BG, der unendlich nahe an B läge, hatte sein Bild in Bg gleichfalls unendlich nahe an B.

Eine Linie von diesem unendlich nahe an B liegenden Punkt durch A gezogen, bestimmte mit der bB
die Winkelebene bBL, in der sich ein Auge befinden
müßte, dem dieses Bild bemerklich seyn sollte.

VI. Da die Winkelebene bBL alle übrigen Winkelebenen, in welchen einem Auge ein Bild irgend eines Punktes in BG bemerkbar werden kann, in sich schließt, so bezeichnen die Schenkel dieser Winkelebene die Grenzen, innerhalb denen sich ein Auge befinden muß, wenn ihm überhaupt vom Bilde von BG etwas demerkbar senn soll.

VII. Zieht man aus g, dem aussersten Vilde von Punkten in BG, durch A eine gerade gO, so beseichnen die Schenkel des Winkels bgO die Grenzen, zwischen welchen sich ein Auge befinden muß, dem die F4

Bilber aller Punkte von BG ober bas Bild ber gam zen Linie BG bemerkbar senn soll.

Ein Auge zwischen Bb und GB sieht gar nickt vom Bilde; ein Auge zwischen AO und AL sieht nur einen Theil davon.

VIII. Von der ganzen Menge von Strahlen, die ein Element E (fig 33.) nach AB ausgehen lästz besindet sich nämlich auch einer Eu, dessen restettiter Strahl μ O durch O durchgeht; eben so besindet sich unter den Strahlen, welche von F nach AB ausgehen, einer, dessen restettirter vO gleichfalls durch Qurchgeht u. s. f.

Um die Punkte μ , ν μ . s. w. in AB zu bestimmen, welche die Strahlen von E, F μ . s. w. nach Q restektiren, darf man nur aus den zugehörigen Bildern e, f μ . s. durch den angenommenen Punkt O zo zade Linien e O, f Q μ . s. w. zieheu.

Auf diese Weise ist A \mu das Stück des Spiegels, welches einem Auge in O das Bild eg von EG ber merkbar macht, und die ganze Seite AB' macht dem Auge in O das ganze Bild Bg von BG bemerklich.

IX. Wenn gO durch des Regels Spipe A durchgeht, so giebt es von Punkten über G hinaus nach P zu kein Bild, das ins Auge O sallen könnte. Macht man z. B. Bp = BP, so ware p das Bild von Piaber eine gerade Linie aus p nach O gezogen, schneie det des Regels andere Seite AD in ϕ , wohin kein Strahl aus P sallen kann.

X. C sep der Mittelpunkt von des Regels Grundfläche, also CA seine Age. Man selle sich vor, der Regel drehe sich ein wes
nig um seine Are CA, so daß die lothrechte Ebene,
in welche der Durchschnitt BAD fällt, mit der Ebene,
in welcher er in vorsiehender Zeichnung liegt, an der
Ure CA einen fleinen Wintel mache, so drehen sich
alle in vorsiehender Zeichnung in der lothrechten Ebene
BAD verzeichneten Linien mit, und sie liegen nunmehr in der peuen sothrechten Ebene, die an der Are
CA um einen kleinen Wintel von der erstern abweicht.

3. B. die BP faut auf diese Weise in BP' und die Punkte E, F, G in E', F', G'. Zugleich sälle Bp in Bp' und die Bilder e, f, g in e', f', g', de dann PBP' = pBp' sehr kleine Winkel sind.

Bugleicher Zeit dreht sich aber auch der Vereinisungspunkt O um des Kegels Are Cm um denselben kleinen Winkel in einem Kreise, dessen Halbmesser Omist. Es kommt also der Halbmesser Om in die Lage O'n, wenn O'n O = PBP' ist.

Holgt nun bei dieser kleinen Umbrehung das Auge, welches sich ansänglich in O befand, auch dieser Umprehung die in O', so ist für das Auge alles im vortgen Zustande, es sieht iest die Bilder von E', F', G' (welches die vorigen Punkte E, F, G sind) in e', f', g'.

Ist pBP = PBP', so kommt bei dieser Umbrehung des Regels die Linie Bp in die Stelle der BP.

Bleibt also bei dieser Umdrehung des Regels das Auge ungeändert in seiner ersten Stelle O, so sieht est iett nicht mehr das Bild von BG, sondern das von Bg, das bei der Umdrehung in die Stelle von Bfällt.

XI. Läge aber O, nämlich ber Bereinigungs punkt, selbst in der Are des Legels, so bliebe bei der Umdrehung des Regels der Vereinigungspunkt O immer in derselben Stelle, weil icht der Halbmesser des Kreises, in welchem sich O herumdreht, Ox = 0 wäre.

Ein Auge also, das sich in einer Stelle O besindet, die in der Axe liegt, sieht die Linie BP auch nach der Drehung in der Lage BP' eben so wie vorher.

Das Auge in O braucht iest, auch bei fortgefetzter Umbrehung des Regels, seine Stelle nicht zu veändern', das Bild von GB bleibt ihm iest immer in O sichtbar.

XII. Denkt man sich also rings um des Regels Grundstäche in der Entfernung BG = Bg, wo g in der verlängerten Axe liegt, eine Kreislinie, so fällt von ieder kinte BG das Bild in die zugehörige Bg, so daß sich alle diese Bilder in der gemeinschaftlichen Spise g endigen, die also einen umgekehrten Regel BDg bilden, auf dessen Fläche rings herum die ringsförmige Fläche, deren Breite BG ist, abgebildet ist, oder dessen konische Fläche das Bild der um des Regels Grundstäche herumliegenden ringsörmigen Fläche ist.

Von Punkten über G hinaus nach P zu kann bas Auge in O nichts bemerken (IX).

XIII. Es ist nur noch zu merken, daß das Ange, dem es hier an einem Maaßstade zur Vergleichung der verschiedenen Entfernungen sehlt, in welchen die verschiedenen Punkte des Ringes auf der umgekehrten Regelstäche abgebildet sind, solche so wahrnimmt, als ob sie alle in einer Ebene, in der Grundstäche des Regels neben einander lägen, z. B. e in k, f in d,

Wierter Abschnitt. Wie Strahlen, die von ze. 93

g in Cu. s.w. Also die Punkte des Obiekts von K bis G liegen im Bilde von a bis C, daher nicht nur sehr zusammengezogen, sondern auch in verkehrter Lage. Daraus wird die ausserordentliche Berzerrung solcher Bilder begreislich.

Zeichnungen im äussern Ringe können durch solche konische Spiegel regulär erscheinen, wenn die Zeichenungen selbst gehörig verzerrt sind (s. §. 64).

XIV. Die Darstellung des Bistes nach seiner Erscheinung auf der Grundstäche des Kegels kann das auf die Grundstäche reducirte Bild heisen. Für iedes Element E des Objekts läßt sich das korrespondirende Element k in dem auf die Grundstäche reducirten Bilde leicht bestimmen, vorausgesetzt, daß die Stelle des Auges O in der verlängerten Are CA gesteben ist.

Dazu dient (fig. 34.) die Betrachtung der beiden Dreiecke CkO, Bke, in welchen die Winkel CkO, Bke Bertikalwinkel, also gleich groß sind.

Be = BE = b

CO = a

CB = r

CkO = Bke =
$$\gamma$$

Bk = x

kBe = β

EBH = a

ergiebt fic

1.) and Betrachtung des Dreiecks CkO

$$tang \gamma = \frac{a}{r - x}$$

2.) aus Betrachtung bes Dreiecks Bke

$$tang \gamma = \frac{b \cdot fin \beta}{x - b \cdot Cof \beta}$$

alfa

$$\frac{a}{r-x} = \frac{b \cdot \sin \beta}{x-b \cdot Cof \beta}$$

woraus sich

$$x = \frac{b.(r \sin \beta + a.Co(\beta))}{a + b.\sin \beta}$$

ergiebt.

Es ift aber

$$\beta = 180^{\circ} - EBe = 180^{\circ} - 20^{\circ}$$

alfo

und nun

$$x = \frac{b \cdot (2r \cdot \sin \alpha \cdot \text{Cof}\alpha + a \cdot (\sin \alpha^2 - \text{Cof}\alpha^2))}{a + 2b \cdot \sin \alpha \cdot \text{Cof}\alpha}$$

pber, wenn man im Zähler und Nenner mit Cosa' dividirt,

$$x = \frac{b \cdot (2 r \tan \alpha + a \cdot (tg \alpha^2 - 1))}{a \cdot (ec \alpha^2 + 2b \cdot tg \alpha)}$$

Hür einen rechtwinklichten Regel, d. h. bei weichem BAD = 90° ist, wird a = EBH = CBA = 45°, also

$$\tan \alpha = 1$$

$$\int \cot \alpha^2 = 2$$

und daher für diefen Regel oder für einen rechtwinklichten spiegel

$$x = \frac{b.(2r+a.(1-1))}{a.a+2b.1}$$

$$= \frac{b.r}{a+b}$$

Wierter Abschnitt. Wie Strahlen, die von ze. 98

In diesem Falle ist aber auch CB = CA, also a+b=CB+BE=CE=r+b, also

$$x = \frac{b \cdot r}{r + b}$$

XV. Aus der gefundenen allgemeinen Formel giebt sich, wenn man x als gegeben und d als gefucht betrachtet,

$$b = \frac{a \times . fec \alpha^2}{2(r-x) tg \alpha + a (tg \alpha^2 - 1)}$$

also für einen rechtwinklichten konischen Spiegel

$$b = \frac{ax}{r-x} = \frac{rx}{r-x}$$

§. 64.

Wie nun verzerrte Bilder in einem Ring verzeichenet werden muffen, um in dem konischen Spiegel, um deffen Grundsläche sich iener Ring anschließt, von einem über des Regels Spike befindlichen Auge in regulärer Gestalt gesehen zu werden, läßt sich sehr leicht aus dem vor. §. herleiten. Ein rechtwinklichter konischer Spiegel ist hierzu nicht allgemein brauchbar. Sept man x == r, so erhält man (vor. §. XV.) für diesen Spiegel

$$b = \frac{at}{r-r} = \infty$$

Nämlich Bg (fig. 32.) müßte in biesem Falle mit BG einen rechten Wintel machen, also mit ber AC parallel lausen. Daraus erhellet die Unstrauchbarkeit eines rechtwinklichten Regels, woserne

die Abbildungen auf des Regels Grundfläche bis jun Mittelpunkt diefer Grundfläche fich verbretten follten.

Es kann aber auch eine Kreissläche rings um den Mittelpunkt der Grundsläche herum leer gelassen werden, z. B. die innere Kreissläche um C herum, deren Halbmesser — Ck wäre.

Die Breite des ringförmigen Gemähldes soll 2. B. B. E. = b seyn; ist diese ein Datum, so giebt sich (vor. §. XIV.)

$$Bk = \frac{b \cdot r}{b + r}$$

alfo

$$Ck = r - Bk = r - \frac{b \cdot r}{b + r}$$

$$= \frac{r^2}{b + r}$$

Dieses ware der Halbmesser des Kreises, welcher um C herum leer bleiben müßte. Es bleibt also hier allemal, so groß man auch immer d nehmen wollte, im Bilde um den Mittelpunkt C herum eine Leere, die aber desto kleiner wird, ie größer d in Vergkeichung wit r ist.

Wenn baher ein Auge in O auf der Grundsiche des Regels ein ordentliches Bild bemerken soll, so muß man zuerst die Zreite des ringsörmigen Gemähldes bestimmen, das um des Regels Grundsiche gelegt werden soll, und dann zunächst den Halbmesser CK berechnen; dieser ist für den rechtwinklichten Regel

$$=$$
, $\frac{r^2}{b+r}$

Dann muß für einen solchen Regel das Gemählde, do wie es dem Auge in O erscheinen soll, in einer Kreisstäche gezeichnet werden, deren Halbmesser r ist, iber in der Mitte dieses Scmähldes muß rings um en Mittelpunkt herum eine Stelle leer bleiben, so daß

n der Entfernung $\frac{r^2}{b+r}$ vom Mittelpunkt rings here 1m nichts vom Semählde, also gar keine Figur weiter, perkommt.

Wird nun die Kreisstäche, worauf sich das Genählde befindet, auf ein anderes Papier geklebt, von dem Mittelpunkt C des Gemähldes ringsum gerade Litien über das ringsum hervorstehende Papier gezogen,

und nun zu iedem x das zugehörige $b = \frac{r x}{r - x}$ auf diesen gezogenen Halbmessern genommen, so erhält man zu iedem Punkt des Bildes den zugehörigen Punkt des verzerrten Semähldes, das dann um den Regel gelegt ein ordentliches Bild, nämlich das dabei zum Stund gelegte, dem Auge in O darstellt.

Neberhaupt ist die Verzerrung oder die Abweischung des Bildes im Spiegel vom äussern Segenstande desto geringer, ie weniger Bg und BC von einander verschieden sind, oder ie kleiner CBg ist, also ie größer man GBg oder GBH macht. Es ist aber GBH = CBA.

Demnach werden äussere Gegenstände im konischen Spiegel desto weniger verzerrt, ie kleiner CAB oder te spißer der Regel ist.

Allgemein erhält man nun die Breite des Ringes BG aus (vor. §. XV.), wenn man x = r sett; dieses giebt

$$b = BG = \frac{ar \cdot fec \alpha^2}{2(r-r) \cdot tg \alpha + a \cdot tg \alpha^2 = 1}$$

$$= \frac{r \cdot fec \alpha^2}{tg \alpha^2 - 1}$$

$$= \frac{r \cdot (tang \alpha^2 + 1)}{tg \alpha^2 - 1}$$

welches jugleich die Große von Bg ift.

Man tonnte fich also einen fonischen Spiegel ver fettigen laffen, bei welchem

r=2300, CA=6300, ware; das gabe tg $a=\frac{6}{2}=3$; also die Breite bes Rings

BG = Bg =
$$\frac{r.(9+1)}{9-1} = \frac{x}{4}.r$$

und für tedes x allgemein (§. 63.)

$$b = \frac{2 \cdot x \cdot (9+1)}{2(2-x) \cdot 3 + 2(9-1)}$$

Rahme man 2 = 12 Zoll, so gabe fich

$$b = \frac{12. \times 10}{6. (2-x) + 12.8}$$

$$= \frac{20 \times (M)}{18-x}$$

velches ein sehr bequemer Ausdruck jut Berechung der verschiedenen Werthe von bist.

Soll x und b sich auf Linien beziehen, so hat mis

$$b = \frac{20.x}{18 - \frac{1}{12}x}$$

Wierter Abschnitt. Wie Strahlen, die von ze. 97

âmlic

$$b = \frac{144 \cdot x (9+1)}{2 \cdot (24-x) \cdot 3+144 (9-1)}$$

$$= \frac{(9+1) \cdot x}{1-\frac{6}{144}x+9-1} = \frac{16 \cdot x}{9-\frac{1}{14}x}$$
where and
$$= \frac{20 \cdot x}{18-\frac{1}{12}x}$$

Zur wirklichen Anwendung ist aber die gesmetkte be Konstruktion der Gleichung (M) weit bequemers die Berechnung.

Man ziehe nämlich (fig. 35.) auf einem Bogen sonalpapier nach dem mahren Maaßstabe eine gerade nie a.e. = 20 Zoll, und nehme auf ihr ab = 8 Zoll, de = 2 Zoll.

Auf ae ziehe man die fc in c und bh in B entrecht, und beschreibe mit ae den Kreisbogen eg.

Der bh parallel siehe man nun hahe heben eins nder aus be gerade Linien bis an den Kreisbogen g, und bann aus a durch ieden Punkt im Bogen, urch welchen diese Parallelen durchgehen, eine gerade inte bis in bh; so sind die Endstücke no dieser aus a pesogenen kinien die zu iedem bm = x gehörigen Werthe von b.

Denn est ift am : mb == an : no wet, wenn man bm == x nimmt,

(18-x): x = ae: nd = a6: ndMso iebes Endstück

$$no = \frac{20.x}{18-x}$$

Sangsborfs Photom:

SÖcil

. }

11

Weil man die Werthe von b nur für die zwischen x = 0 und x = r hier = 2 Zoll nothig hat, h ist diese Verzeichnung für bc = 2 Zoll hinreichent.

be ift der Halbmesser von des Regels Grudssiche, og die Breite des äussern Rings.

Der Gebrauch bieses Models ift folgender.

- 1. Mit dem Halbmesser bc (= 2 Zoll) (fig. 36) beschreibt man einen Kreis A, in bessen Fläche man Bilber nach ihren ordentlichen Verhältnissen einzelchnet, 3. B. vierfüssige Thiere, Vögel u. d. gl. nach pren natürlichen Verhältnissen und Gestalten.
- 2. Jest zieht man nahe neben einander sehr viele Halbmesser ob rings um o herum, die bis zu dem aussern Umfreis Go'B verlängert werden, den man aus o mit dem Halbmesser r\psi Breite des Nings\psi bo\psi o'g (fig. 35.) beschrieben hat.
- 3. Nunmehr wird zu tedem Punkt m (fig. 36.) des Bildes der auf eben dem Halbmesser zugehörige Punkt o verzeichnet; man nimmt zu dem Ende hier tedesmal do dem zu cm in der vor. Figur gehörigen no.
- 4. Wenn man auf diese Weise die Punkte mahe genug neben einander in Halbmessern ch nimmel die selbst nahe genug neben einander liegen, so esse ben sich daraus im äussern Ringe verzerrte Zeichnurgen, die den ordentlichen Vildern in A zugehören.

Wird also iest der Ring mit den verzerrten Zeichen nungen um des konischen Spiegels Grundsläche gelestes so erscheinen sie einem Auge, das sich 6 Zoll boch des Regels Spise befindet, in ihrer natürlichen Balt, d. h. ohne Verzerrung.

Um ein leichtes Beispiel zu haben, konnte man en Stern in der Grundflache des konischen Spiegels Berzeichnen im Ringe wählen, wie (fig. 37). r läßt fich die Sternspige sov mit bem Bogenf sv leicht in ben Ring bringen.

Man ziehe nämlich aus bem Mittelpunkt c burch nd durch + die Halbmesser Cso', C+O' und zwin folchen noch die co", co", co".

In dem Model (fig. 35.) nehme man cm t tetigen cs = cv und das zu solchem cm gebo-: no.

Die Summe cb' — no giebt hier den Halb-Fer co', mit bem man rings um c herum ben Kreis NOPM beschreibt, bis an den die co', co"ic. gen werben.

Diefer ist bas auffere Bild von ber kleinen im ern befindlichen Rreislinie.

Insbesondere ift o'ovi das aussere Bild bes kleii Bogens s v.

Mimmt man b'p == ber o'g im Model, und beteibt mit cp gleichfalls einen Rreis rings um C um, so ist diese ber vorigen parallele Rreislinie bas Fere Bild von bem im Mittelpunfte C liegenben Ele-Der Flächenraum O'pqovio' ist insbesondere 8 auffere Bild des kleinen Kreisausschnittes Cs v.

Die aus c gezogenen co", co", cor burche neiden die so in Punften, die man sich mit c", c", v bezeichnet benken fann; ebenso denke man sich bie urchschnittspunkte zwischen b' und +, welche bie Lien co", co", cow mit dem Bogen b'r machen, it b", b" bir bezeichnet.

Run nehme man aus dem Model (fig. 35.) die particular der CC'', zu cm = cc''', zu cm = cc'', zu cm = cc''', zu cm = cc'''', zu cm =

Bu dem ordentlichen Vild cstvc gehört als das aussere verzerrte to'pqovi pt. mit dem Bogen 0'0'1.

Bur aussern Darstellung der folgenden Sternspite vw erhält man nun wieder frumme Schenkel, wie wh, wy.

Daher ergeben sich auf biese Weise einander durch freuzende frumme Schenkel, die der aussern Zeichung, ohngeachtet der sehr einfachen Form eines Stems, dennoch ein ziemlich verworrnes Ansehen geben, des die Darstellung eines Sternes wohl nicht vermuchen ließe.

Wied aber nachher der konische Spiegel mit seiner Grundstäche auf die mittlere Kreisstäche gesett, so daß er den ganzen Stern dedeckt, so sieht ein 6 zell hoch über der Regelspiße stehendes Auge das Bild des verzerrten Sterns im Spiegel in seiner regulären Sestalt so, als ob es den vom Regel verdeckten Stem unmittelbar ansähe.

§. 65.

CDEF (fig. 38.) sep der Durchschnitt eines hohlen Regelspiegels, in dessen Ape sich eine brennente Rerze befindet.

E

tc

ME

Wierter Abschnitt. Wie Strahlen, die von zc. 101

AB sep eine dem untern Nande des Hohlspiegels pleichlausende Ebene, so empfängt diese nicht nur das kat von der Flamme, das sie auch ohne den Hohlspiegel erhalten würde, sondern noch überdas eine berächtliche Lichtmenge, welche rings um die Are herum om untern Theil des Hohlspiegels abwärts restettirt itt.

Eine beträchtliche Menge von den abwärts reektirten Strahlen trift, so wie die Kerze hier sieht, ie Kerze selbst, die daher leicht schmelzen kann.

Oberhalb den Punkten, zu welchen sich gerade inten von der Flamme senkrecht auf CD ober EF ehen lassen, werden die auffallenden Strahlen alle ufwärts restektirt, so daß sich solche alle in der Are urchschneiben.

Durch ieben Punkt der Are gehen also in einem estimmten Zeittheilchen alle die Lichttheilchen durch, selche auf alle Punkte der Kreislinie zusammen genommen auffallen, von der die Strahlen durch den ersähnten Punkt restelitit werden.

Daher kann in kl eine beträchtliche hiße bewirkt nb z. B. ein hölzernes dunnes Enlinderchen in klicht nach seiner ganzen Länge zu einem beträchtlichen brade erwärmt werden.

Ware des Regels Scheitelwinkel DCF (fig. 39.) = 90°, also D = F = 45°, und ließe man nun strahlen so in diesen Hohlspieget fallen, daß sie alle er Axe k C parallel waren, so würden alle einfallende strahlen dem Ourchmesser DF parallel restektirt, daß so alle in den Hohlspieget fallende Lichttheilchen senkicht durch die Axe Ck durchgehen müßten.

So könnte also mittelft der Sonnenstrahlen di dunnes in Ck befestigtes Stäbchen beträchtlich erhist werden, wenn des Spiegels Are Ck gegen die With der Sonnenscheibe gerichtet würde.

§. 66.

Aehnliche Betrachtungen lassen sich bei cylindrischen Spiegelstächen anstellen.

Aufg. KC (fig. 40.) sey die Are einer Cylinders, dessen äussere Släche hier einen erhabenen Spiegel vorstellt. In der Ebene der treisförmigen Grundfläche dieses Cylinsders sey die gerade EF durch den Mittelspinkt C gezogen, welche die Spiegelsläche in A schneider; B, D seyen andere im Umsfange der Grundfläche willtührlich anges nommene Punkte; Aa, Bb, Dd physische Linien in der cylindrischen Spiegelsläche der Are CK gleichlausend gezogen. RO stehe in R auf der EF senkrecht, und in O befinde sich das Auge; man soll die Bedingungen angeben, unter welchen die in der Ebene der Grundsläche liegenden physischen Linien BG, DM, als strahlende Objekte angenomen, dem Auge O vermöge der vom Spies gel restetriren Strahlen sichtbar werden.

Aufl. 1. Man ziehe aus R durch B und D die RU, RB; BH, Dh seyen gerade Linien in der Seene der Grundsläche, die den Umfang der Grundsläche in B und D berühren, oder auf die Halbmesser CB, CD senkrecht sind, so werden die Strablen, welche auf die Linien Bd, Dd, des cylindrischen Spiesaels

- em Auge O sichtbar werden, so können solche nur urch Strahlen bemerkbar werden, die in den geraden inien gO, mO liegen. Es liegen aber bB und LO mit der RU, und so auch dD und RO mit der LB in einer Ebene, also muß die gerade gO durch ie bB, und die gerade mO durch die dD durcheeben.
- 3. Zieht man nun gH, mh auf BH, Dh senticht und verlängert sie dis HG = gH und hM
 = mh wird, so sind die hierdurch bestimmten Puntte
 i, M die, wovon die g, m Bilder sind. Ebenso ist
 un ieder auf Bg und Dm in welcher Entsernung von
 und D man will genommene Puntt das Zild eines
 uf BG und DM in derselben Entsernung von B und
 nu D genommenen Punttes.
- 4. Die Objekte, d. h. die geraden physische Linien, ren Bilder Bg, Dm ins Auge fallen, sind also die raden BG, DM, die von B, D in der Seene der rundstäche nach Punkten G, M gezogen werden, die 1ch (no. 3.) bestimmt worden sind. So ist auch e AE das Bild von AE und die Fläche, welche in dem Bogen ABD und den geraden Dm, mg, e, e A begränzt wird, ist das Bild der Fläche, welce von dem Bogen ABD und den geraden DM, IG, GE, EA begränzt wird.
- 5. Da der restektirte Strahl, durch welchen ein unkt des Objekts dem Auge bemerkbar wird, nicht dirklich vom zugehörigen Punkte des Bildes her-E 4 kommt,

kommt, sondern von einem Elemente der Spiegessich das ihn restetirt, so kann auch nur ein solcher Stressins Auge kommen, der vom Bilde nach dem Auge gegen wirklich durch ein Element der cylindrischen Spingelsiche durchgeht. So wird z. B. das Bild g des Elements G nach der Richtung gO zwar auf dieselte Weise sichtbar, als läge das strahlende Element in gwirklich aber rührt die Empfindung von den Strahlen der, welche das Element v des Spiegels, durch verches die Strahlen gO durchgehen, nach O restetiren, Wäre demnach die Höhe des Spiegels über der Grundstäde kleiner als Rv, so könnte kein Strahl ins Auge kommen, der das Bild g von G bemerkdar machte.

Daher kommt es bei einer bestimmten Hobe bes Spiegels, wie hier Bb, auf die Hohe au, in der sich das Auge über R besindet, wenn die Gränze des für das Auge bemerkbaren Bildes bestimmt werden soll. Trifft z. S. eine durch g und b gezogene gerade kink die verlängerte RO in N, so wurde vom Bilde Bu der physischen Linie BQ doch nur der Theil Bg einen Auge in N sichthar sehn.

fang ber Grundsläche in L berchtt, und schneibet auf LE nach Wiltschr die La ab, so fällt das Bild von La auch in La, oder die L1 ist Objekt und Vild pugleich, und die Fläche e ABD Lamge ist das Bild der Fläche EABD Lamge ist das Bild der Fläche EABD Lamge des Bildes, oder auch des Objekts, von welchem das Bild einem in der RN bes sindlichen Auge kemerkar werden kann. Von Objekten, die innerhalb den Winkel FRE fallen, könnte kein Strahl nach der Reflexion durch die gerade EN durchgeben, also kein Strahl ins Auge kommen.

Wierter Abschnitt. Wie.Strahlen, die von ze. 205

§. 67.

In G. Es wird verlangt, dem Auge in O (sig. 40.) soll das Bild eines in der Ebene der Grundfläche liegenden Gemähle des so erscheinen, wie ein gegebenes Ges mählde auf einer Tafel dem Auge erscheint, wenn die Ebene der Tafel auf die Ebene der Grundfläche des Cylinders senkrecht und zugleich so gestellt wird, daß die Ebene ORF die der Tafel senkrecht durchschneider. Wie muß zu dem Ende das Gemählde als Objekt gestalter seyn!

Auft. 1. Es sen alles wie vorbin, also RE eine Tangente gm Umfang der Grundsläche, so daß sie den Umfang in L berührt, und nun sen Llz Z ein Ourchschnitt des Eplinders, der die in der Aufgabe vorgeschriedene Lage der Tasel hat. Wenn nun e, g, m Vilder der Elemente E, G, M sind, und gerade Linien aus e, g, m nach O gezogen die erwähnte Tasselsäche in s, y, u schneiden, und gerade Linien aus e, g, m, nach R gezogen der Grundlinie der Taselsstäche in n, \beta, a begegnen, so ist abney und die Prosieftion der Fläche abnegma, die das Vild von rape GMr ist, wenn man Ap = An, Bq = BB und Dr = Da nimmt.

2. Wie also beim konischen Spiegel das Vild auf die Ebene der Grundstäche reducirt wurde, so ist hier pasyua das auf die senkrechte Taselstäche reducirte Bild von rap EDGMr, und umgekehrt: wenn pasyua das dus Vild betrachtet wird, so wäre pasyua das auf die Ebene der Grundstäche redustre Bild.

3. Soll nun ein gegebener cylindrischer Spiegel dem Auge in O das Bild eines Gemähldes so vorstellen, wie man es auf einer senkrechten Tafel ohne Spiegel sehen würde, so kann zur Verzeichnung des Objekts, das ienem verlangten Vilde zugehört, solgendes Versahren dienen.

Man verseichne die Grundsläche des Eplinders (fig. 41), dessen Aussensläche den Spiegel abgiebt, nehme in ihr eine Sehne, wie LZ, nach Belieben zur Grundlinie der Tasel, und ziehe durch den Mittelpunkt C und die Mitte 4 von LZ eine gerade VF; dann ziehe man durch L senkrecht auf CL eine gerade Linie, welche die VF in R schneidet.

Dieser Durchschnittspunkt R ist berienige, über welchem sich das Auge O befinden muß; man errichte also noch ein Perpendikel RN auf VF, so hat man die Linie für die Stelle des Auges, und man kann RO = a willkührlich annehmen.

- 4. Man errichte nun siber der Grundlinie LZ ein Reftangel ZzlL (fig. 42), so hoch als der ganze Cylinder ist, und verzeichne nun in diesem eine Figur so wie sie dem Auge wirklich erscheinen soll. Jest kommt es darauf an, das Objekt oder dietenige Figur zu verzeichnen, die iener Zeichnung auf der Tasel als Objekt zugehört. Es ist hinreichend, in dieser Rücksicht hier nur die eine Hälfte noll zu betrachten, wovon das zugehörige Objekt auf die eine Seite von VF (fig. 41.) fällt, wie bei (fig. 40).
- 5. Man nehme nun einen willführlichen Punkt in $\eta \Phi$, und $L\mu = \eta \varepsilon$. Wenn nun der Punkt in VF, wovon s das reducirte Bild ist, mit e bezeich net wird, wie (fig. 40), so hat man $\varepsilon \eta : \eta \varepsilon =$

Vierter Abschnitt. Wie Strahlen, die von ze. 107

: RO, ober, $e_{\eta} = b$, $\eta e = x$ und $\eta R = gefest$,

$$b: x = (b+R): a$$

$$b = \frac{Rx}{a-x} (N$$

Diese Gleichung ist der (M) §. 64. ganz ahn; sie läßt sich also wie die dortige konstruiren, so
i sich der zu iedem andern Punkt s' in der np gehöe Punkt e' (sig. 41.) in dem Bilde ne leicht durch
tzeichnung ergiebt.

6. Ist nun $\beta \gamma$ irgend eine andere auf der Taselg. 42.) der $\eta \phi$ in willsührlicher Entsernung $\eta \beta$ δ parallel gezogene Linie, so nehme man auf der (fig. 41.) die $\eta \beta = \delta$, und ziehe durch β die abe R A.

Ist nun der Punkt g (fig. 41.) derienige, von lohem γ das reducirte Vild ist, so hat man auf gleiswife (fig. 40.) $g\beta:\beta\gamma=gR:RO$, oder, an $g\beta=b'$ und $\beta R=R'$ gesett wird,

b':
$$x = (b'+R')$$
: a also $b' = \frac{R'x}{a-x}$

Hiernach giebt sich also, wie vorhin, zu iedem net γ' in der $\beta\gamma$ der zugehörige Punkt g' in der 1 (fig. 41), wovon γ' das reducirte Bild ist.

7. Da es nun gleichgültig ist, wo man ben inkt β in n L nehmen will, so kann man dafür auch en andern Punkt α nehmen, und erhält auf dieselbe eise auf α die Vilder m, m' 2c. wovon die Punkte μ' x. (fig. 42.) die reducirten Vilder sind.

- 8. Auf diese Weise läßt sich also iede Figur in dem Raume anegm (sig. 41.) verzeichnen, von der das reducirte Bild in a µs n auf der Tafel (sig. 42.) schon vorgegeden ist.
- 9. Hieraus ergiebt sich nun leicht die Figur des Objekts. Denn man nehme auf der VF (fig. 41.) die Ap = An, AE' = Ae', AE = Ae, se sind p, E', E die Objekte, von welchen die Punkte n, e', e die Bilder sind.

Bieht man nun an B die Berührungslinte BH und aus g die gG senkrecht durch BH, so daß HG = gH wird, so ist G das Objekt, das zum Vilde g gehört. Und von iedem Vilde g' in der BA liegt das zugehörige Objekt G' in der BG, so daß BG'=Bg' ist. Daher ist auch q das Objekt von β , indem man Bq = B β nimmt.

Bieht man an D die Verührungslinie Dh, und mM senkrecht durch Dh, so daß hM = mh wird, so liegen die Objekte aller Punkte des Vildes Dm in der DM in derselben Entsernung von D; es ist alle M das Objekt des Vildes m; und M', r sind die Objekte der Vilder m', a, wenn man DM' = Dm', Dr = Da gemacht hat.

10. Auf diese Weise ergiebt sich also die Berzeichnung des Objekts im Raume pEGMrp, woder negmaß, das Bild, und die auf der Tasel im Raum me nsymaß, vorgegebene Zeichnung die Projektion des Bildes oder das reducirte Bild ist; und so er hält man also eine Zeichnung, die in den Raum pEGMrqp gelegt und aus O im Spiegel betrachtet dem Auge so erscheint, wie ihm die dabei zum Grund gelegte Zeichnung nsymaß, auf der Tasel erscheinen wür-

Fünfter Abschn. Allgem. dioptr. Grundlehren ze. 169

wärbe, wenn ihm solche in sentrechter Stellung auf LZ (fig. 41.) in der Entsernung Rn ohne Spiegek vorzestellt würde.

Fünfter Abschnitt.

Allgemeine dioptrische Grundlehren in der Anwendung auf parallele brechende Flächen.

§. 68.

Man weiß aus dem Bisherigen, daß ieber Licht-Arabl feinen Weg in unveranderter Richtung fortsett, solange bas ihn umgebende Mittel baffelbe und selbst in Aufehung seiner Dichtigfeit unveranbert bleibt. hingegen ber Strahl irgendmo auf ein durchsichtiges dichteres ober minder dichtes Mittel, so fest er seinen Weg wicht geradlinicht fort, sondern nach einer Riche tung, die mit seiner vorhergebenden einen gewissen Winkel macht, die dann aufs Neue abgeandert wird, wann bet Strahl aus dem aten Mittel in ein gtes abergeht, bas eine andere phyfische Beschaffenbeit obet auch nur andere Dichtigkeit hat, als das 2te u. f. w. Diese Erscheinung beißt die Brechung des Lichts - oder der Lichtstrahlen, und derienige Theil ver Photometrie, welcher die Lehren von der Brechung bes Lichts vorträgt, und die bavon abhängenden Erscheiunngen erflart, heißt insbesondere bie Diopprif (don desarger, was jum Durchschen bient).

§. 69.

ABCD (fig. 43.) sen ein bis mn mit Beffet angefülltes Gefäß. In völlig ruhigem Zustande bes Wassers falle Licht nach ber Richtung ab auf bie borizontale Ebene mn. Man konnte zu bem Ende bas Gefäß in ein verdunkeltes Zimmer fegen, bas bet Sonne gegenüber mit einem Laben in ber Fenfteröffnung versehen ware, worin sich ein kleines Loch befände, burch welches Licht nach der Richtung ab auf Die Wasserstäche fallen könnte. Wenn nun be in der Berlangerung von ab liegt, so sett bas Licht nach (b. 68.) seinen Weg nicht nach be fort, sondern nach bk. Wird namlich durch b die de fentrecht auf mn gejogen, so fallt, wenn ab burch Luft und bk burch Wasser geht, die bk allemal zwischen die be und die be, so daß kbe < che wird. Dasselbe giebt die Erfahrung allgemein, wenn das Mittel, burch web ches die ab durchgeht, Luft, hingegen bas Mittel, burch welches die bc durchgeht, irgend eine tropfbar fluffige Materie ober auch ein fester durchsichtiger Rorper ist. Und so auch umgekehrt. Strahlen, die bon einem Elemente k auf bem Boden des mit Baffer gefüllten Gefäßes burch b burchgeben und oberhalb in Die freie Luft treten, fegen, wenn ba in ber Berlangerung von kb liegt, ihren Weg nicht in ber ba fort, sondern in der ba, so daß, wenn oberhalb b sich Luft besindet, allemal abd > abd oder kbe wird.

§. 70.

Der Strahl ab, welcher von a durch b in das Wasser oder in irgend eine andere von der oberhalb b verschiedene Materie trit, heißt der einfallende, die auf das Element b senkrechte de das Einfallssloth;

Fünfter Abschn. Allgem. dioptr. Grundlehren zc. 112

orh; die Ebene, in der das Element b liegt (im æstehenden Beispiele der Wasserspiegel), die bres sende Ebene; die Ebene durch das Einfallsloth nd den einfallenden Strahl, die Brechungsebene er auch die Einfallsebene; der Strahl heißt nach r Alenderung seiner Richtung, wie hier bk, der gestochene Strahl; der Winkel, welchen der einfalabe Strahl mit dem Einfallstothe macht, hier ab d et che, der Meigungswinkel; der Wintel, elchen der einfallende Strahl mit der brechenden Ebene acht, hier abn = cbm, der Einfallswinkel; r Winkel, welchen der gebrochene Strahl mit dem infallslothe macht, hier kbe = abd, der gebros dene Winkel. Allemal liegt der gebrochene Winl in der Ebene des Neigungswinkels, d. i. in der nfallsebene ober Brechungsebene. Die Materie, elche die Brechung beim Einfallen des Strahls versacht, kann die brechende Masse heissen. taterie, aus welcher ein Strahl unmittelbar in die echende Masse fährt, nenne ich die zuführende Tasse. Die Brechung der Strahlen heißt auch ihre leftaktion, und das Verhältniß der Sinussen des eigungswinkels und bes gebrochenen Winkels beifit s Verhaltniß der Refraktion.

§. 71.

Beim Uebergange eines Strabls aus atmosphärier Luft in eine dichtere Masse ist es, der Erfahrung naß, sur das Verhältnis der Refraktion ganz gleicheltig, wie groß der Neigungswinkel abd (fig. 43.) in mag. Bei einerlei brechenden Wasse bleibt das rhältnis der Refraktion ungeändert, es mag abd iner oder größer werden. Vermittelst genauer Wesigen hat nämlich die Erfahrung solgende von der Größe

Größe bes Meigungswinkels ganz unabhängige Refret Rionsperhältnisse gelehrt:

Wenn der Sinus des gebrochenen Winkels = roon gesetzt wird, so ist der Sinus des Reigungs wintels

	bem ing t	Meber. incs
		aus
atm	ospho	trischer
	Luft	

Diamant	2,755
Island. Kristall	1,625
Flintglas	1,613
Bergkristall	1,575
Steinfalz	1,545
Gemeines Glas	1,543
Kamphet	1,500
Selenit	1,487
Leinobl	1,481
Terpentinobl	1,470
Baumobl	1,466
Alaun	1,458
Vitriolobl	1,428
Salmiakauflösung *)	1,382
Rektif. Weingeist	1,378
Gesättigte Kochsalzausissung -	
	1/375
. Destill. Wasser bei 16° Reaum.	1/333

Daber nimmt man gewöhnlich schlechthin

für gemeines Glas 3: 2 genauer 31 : 26

et

reines Waffer 4:3

als das Verhältnig vom Sinus des Reigungswinkels jum Sinus des gebrochenen an.

§. 72.

Aenbett bas Mittel, an bessen Gränze ber Strahl hebrochen wurde, seine Dichtigfeit, ober geht bet Strahl aus ihm in ein anderes Mittel über, so with

*) Ohne Zweifel gesättigte:

Fünfter Abschn. Algem. dioper. Grundlehren ic. 113

: bey diesem Uebergange von Neuem gebrochen, so al der gebrochene Winkel benm Uebergange in immer ichtere Materien selbst immer kleiner wird.

Kult man z. B. ein parallelepipedisches gläsernes befäß bis auf eine gewiße Hohe mit Wasser und dann ber dem Wasser mit Leinöhl (fig. 44), und läßt nun nen Strahl auf die Oberstäche des Leinöhls fallen, wie n SD, so wird er auf solgende Weise gebrochen:

1.) dus ber Richtung DE, wo DA bas Reis gungsloth ist, in die DF, so daß

fin EDA: sin FDA = 148: 100 ist.

2.) aus der Richtung FG, wo FH das Reisgungsloth ist, in die FJ, so daß

fin GFH: fin JFH = x : (x-y) iff.

3) aus der Richtung Jm, wo Jk das Reis gungsloth ist, in die Js, so daß

fin m Jk: fin s Jk = v:(v-z) if.

Wegen x, y, V, Z f. unten (§. 78. u. 79).

Der Weg des Lichts dis zur untern Fläche des lasbodens ist also die gebrochene SDFJs, wo die ebrochenen Winkel ADF, HFJ, kJS nach der leihe immer kleiner werden.

Beim, Uebergang ves Strahls aus einer dichteren Raterie in eine dünnere wird der gebrochene Winkel rößer als der Neigungswinkel, nach den pben beimmten nur umgekehrten Berhältnissen,

Nämlich ein Strahl, ver z. B. von F nach D lhrt, und bessen Verlängerung Df wäre, nimmt in) seine Wendung nach DS aus dem nämlichen Langsdorfs Photoni. Grunde, weshalb ein Strahl SD in D seine Bendung nach DF nimmt.

Der Winkel, welchen der ausfahrende Strahl ohne Brechung mit dem Einfallslothe a D machen würde, wäre fDa = FDA, aber wegen der Strahl chung verwandelt er sich in a DS = ADE.

Demnach ist ießt, da der Strahl aus Dehl in Luft geht, das Verhältniß vom Sinus des Neigungswinkels zum Sinus des gebrochenen, oder das Ver hältniß der Refraktion —

= 100 : 148

da es vorhin umgekehrt = 148: 100 war.

Wenn also, wie in der Folge meistens geschehen wird, der Sinus des gebrochenen Winkels für die Einheit angenommen wird, so läßt sich allgemein

das Verhältniß der = μ : 1

fegen, da dann μ< 1 oder μ > 1 ifi, nachdem das Licht aus der dichteren in die dünnere, oder aus der dünneren in die dichtere Materie übergeht. Man kann aber auch für μ immer eine und dieselbe Zahl, z. B. $\frac{31}{20}$ beibehalten, und die Formeln durchaus für μ > 1 einrichten, indem man dann für die Strahlen, welche in dünnere Materien, z. B. aus Glas in Luft übergeden, $\frac{1}{\mu}$ statt μ schreibt und dann die Formeln hier nach gehörig einrichtet. Dieses ist in der Folge durchaus so beobachtet worden, daß also in den Formeln allemal μ > 1 ist.

Bunfter Abschn. Allgem. bioper. Grundlehren'ic. 115

§. 73.

Beim Uebergange eines Strahls aus Glas in atmosphärische Luft übertrisst der Sinus des gebrochenen Winkels den des Neigungswinkels in dem Verhältnisse 31: 20 (§. 71).

If also letterer
$$=\frac{20}{31}$$
, so with exsterer $=\frac{31}{20} \times \frac{20}{31} = 1$.

Ware der Sinus des Reigungswinkels $> \frac{20}{31}$, so müßte hiernach der des gebrochenen $> \frac{31}{20} \times \frac{20}{31}$, d. i. > 1 seyn, welches unmöglich ist.

Daher wird auch kein Strahl aus Glas in Luft gebrochen, sobald der Sinus des Reigungswinkels $> \frac{20}{31}$ oder > 0,6451613, d. i. sobald der Reigungswinkels winkel $> 40^{\circ} 10\frac{2}{3}$ ist.

Der Strahl wird, statt in die Luft überzugehen und gebrochen zu werden, im Glase restektirt, sobald der erwähnte Fall eintrit.

§. 74.

Mus (\$.71.) weiß man die Refraktionsverhältnisse für Strahlen, die aus atmosphärischer Luft in eine der dort genannten dichtern Materien, oder aus einer dieser dichteren Materien in atmosphärische Luft über-Hopen. gehen. Im lettern Falle dürfen nämlich bie bortigen Verhältnisse nur umgekehrt werden.

Es muß aber nunmehr auch noch das Nefraktions verhältniß für Strahlen bestimmt werden, die aus its gend einer der dort genannten Materien in eine andere übergehen, so daß sie nicht unmittelbar aus einer sob chen Materie in die Luft fahren.

Eine Vorbereitung zur Bestimmung biefes Nefraktionsverhaltniffes ist folgender Erfahrungsfat:

Ein Lichtstrahl, welcher durch vertschiedene durchsichtige Massen durchzen geht, deren Berührungsebenen in den Stellen des Durchgangs einans der parallel sind, geht nach der legten Brechung in einer Richtung sort, die der Richtung des zuerst einfallem den Strahls gleichlausend ist, wosserne der Strahl vor der ersten und nach der legten Brechung durch eisnerlei Materie durchgeht.

Für ein Glas, ben welchem die brechenden Ebenen, die den Strahl aus der Luft auffangen und wieder in Luft übergehen lassen, einander parallel sind, folgt die parallele Lage des einfallenden und aussahrenden Strahls schon aus dem allgemeinen Mefraktionsderhältnis. CDEF (fig. 45.) sen das Glas, welches den Strahl Pm in der Ebene CD aus der Luft empfängt, und solchen durch die EF wieder in die Luft fahren läßt; mp sen der zum erstenmal, pr der zum zweitenmal gebrochene Strahl, mn der verlängerte Strahl Pm; pv der verlängerte mp und das Eiement det p dem Elemente der brechenden! Wene bei mgleichläusend, so ist qp.v = mpt = 1212 p,

fünfter Abschn. Allgem. dioper. Grundlehren zc. 117

fin rpq =
$$\frac{31}{20}$$
. fin qpv = $\frac{31}{20}$. fin amp
= $\frac{31}{20} \times \frac{20}{31}$. fin amn = fin amn

Demnach rpq = amn, folglich Pm ber prichlaufenb.

Wären also die Elemente bei m und p einander bt gleichlaufend, so wäre auch nicht pr der Pm ichlaufend. Hiervon wird unten Gebrauch gescht.

§. 75.

Oben (§. 37. am Ende) wurde der pon der rahlenbrechung herrührende Effett bei den Glasspiesung ganz bei Seite geset, und blos auf die katops sche Erscheinung gesehen; da aber das Spiegelglas auf seine Fläche sallenden Strahlen größteutheils ichgehen läßt, so daß sie dei diesem Eingange gebron, alsdann von der belegten hinteren Fläche wieder en die vordere ressetirt und nun beim Ausfahren t der vorderen Fläche in die Lust auss Reue gebron werden, so ist die ganze Erscheinung katadiops scho, und sie hängt zugleich von der Dick des Glasab. Daher folgende Ausgabe.

5. 76.

Aufg. CDFE (sig. 45.) sey ein Spies lylas von gleicher Dicke CE = DF; CD vordere Spiegelfläche; P das strahlende lement eines Objekts, das den Strahl Pm H 23 auf auf die Gläche CD wirft; man soll die en folgende tatadioptrische Ærscheinung bestimmen.

2[μf.l. 1. Man ziehe durch m das Loth aß und verlängere die Pm nach n, so ist Pm = βmn der Reigungswinkel; the sey auf mn sentrecht, und mr so gezogen, daß sin amr = $\frac{20}{31}$. sin amn, so so ist rma der gebrochene Winkel und mp der gebrochene Strahl; zieht man nun pe so, daß ep E = mp F wird, so ist pe die Richtung des bei p restetirten Strahls, der nun bei μ zum andernmal gebrochen wird. Man ziehe durch μ das Loth τw, so ist τμε der Reigungswinkel des restetirten Strahls, und wenn man μπ so zieht, daß sin τμε = $\frac{20}{31}$. sin τμπ wird, so ist μπ der zum andernmal gebrochene Strahl.

- 2. Hier ist nun μ mp = mpa = μ pw = $m\mu$ p, also μ mp ein gleichschenklichtes Dreieck, und $p\mu$ = pm.
- 3. Auch ift sin the = sin whp = sin amp; folglich sin that = $\frac{31}{20}$. sin the = $\frac{31}{20}$. sin amp = sin amp = sin amp, und daher auch that = amP ober der Neigungswinfel des nach der zweiten Brechung aussahrenden Strahls = dem Neigungswinfel des einfallenden Strahls. Demnach auch Char = DmP, oder, wenn auch Pm rückwärts verlängert einander in n schneiben, than = tmn, und das Perpendisel pt geht zugleich durch n und macht the = tm.

Fünfter Abschn. Allgem. Moptr. Grundlehren ic. 119

4. Der Reigungswinkel Pma beife e, ber gerochene amp sep = y, bie Glasbicke pt = d, so at man tm = d. tang γ , tn = tm. Cot s = d.

ang γ . Cot ε ; aber fin $\gamma = \frac{20}{31}$. fin ε , also tang γ

$$= \frac{\sin \gamma}{\text{Cof}\gamma} = \frac{\frac{20}{31} \cdot \sin s}{\text{Cof}\gamma} \text{ unb tn} = \frac{d \cdot \frac{20}{31} \cdot \sin s}{\text{Cof}\gamma} \cdot \frac{\text{Cof}s}{\sin s}$$

$$= \frac{\frac{20}{31} \cdot d \cdot Cofs}{\frac{20}{Cof \gamma}} = \frac{\frac{20}{31} \cdot d \cdot Cofs}{\sqrt{(1-fin \gamma^2)}} =$$

$$\frac{\frac{20}{31} \cdot d \cdot \text{Cofs}}{\frac{20}{(1-6/416 \cdot \text{fin } s^2)}} = \frac{\frac{20}{31} \cdot d \cdot \sqrt{(1-\text{fin } s^2)}}{\sqrt{(1-0/416 \cdot \text{fin } s^2)}}.$$

$$\sqrt{(1-(\frac{20}{31}.\sin s)^2)}$$
 $\sqrt{(1-0/416.\sin s^2)}$

5. Die wirkliche Division giebt allgemein

$$\frac{1-x^{2}}{-ax^{2}} = 1-x^{2}+ax^{2}-ax^{4}+a^{2}x^{4}-a^{2}x^{6}+a^{3}x^{6}...$$

$$= 1-(1-a).x^{2}-(a-\hat{a}^{2}).x^{4}-...$$

Ifo

$$\frac{1 - \sin s^2}{-0.416 \cdot \sin s^2} =$$

Ift nun e fein großer Wintel, 1. 3. nicht über to", so bat man genau genug

$$\frac{1 - \sin e^2}{1 - 0.416 \cdot \sin e^2} = 1 - 0.584 \cdot \sin e^2$$

und um sopiel mehr

$$\sqrt{\frac{1 - \sin s^2}{1 - 0.416 \cdot \sin s^2}} = \sqrt{(1 - 0.584 \cdot \sin s^2)}$$
beinahe = $1 - 0.292 \cdot \sin s$

Daber für diesen Fall sehr nabe

$$tn = \frac{20}{3!} \cdot d \cdot (1 - 0/292 \cdot line)$$

6. Ist Ph sentrecht auf CD und mPf, 3. 8, = 10°, so fallen die Punkte, in der sich die Richt tungslinien der zwischen Pm und Pf auffallenden Strahlen, und die rückwärts verlängerten Richtungslinien der nach zweimaliger Brechung ausfahrenden Strahlen einander schneiden, in eine Linie ng, so bak

$$fg = \frac{20}{31}$$
. d. $(1 - 0/292.0) = \frac{20}{31}$. d who the

20 d. (1-0,292. fin 10°) also noch faum mert-

lich von $\frac{20}{31}$. d verschieden. Daher verhält sich die

fatadioptrische Erscheinung in diesem Falle ohne merkliche Abweichung ebenso, als wurden die Strahlen von einer undurchsichtigen Spiegelstäche in ng aufgefangen und von ihr sogleich restettirt. Das Bild von P liegt also in der verlängerten ng in p, so daß gp = gP ist; man hat also kp = kP + 2. kg beinahe =

 $fP + \frac{40}{31}$. d over sehr nade = $fP + \frac{5}{4}$. d. Die

doppelte Refraktion wirft also bas Bild um $\frac{5}{4}$ d weie ter hinter die vordere Spiegelfläche, als das Objekt von

Fünfter Abschn. Allgem. dioper. Grundlestren zc. 121 von dieser Spiegelstäche entfernt ist, wenn mPf nicht giber 10° beträgt.

7. Je schiefer die Strahlen, durch welche man ein Objekt bemerkt, auf die Spiegelfläche fallen, oder te größer Pmu = s ist, desto kleiner wird tn =

20 . d. Cose

- Cosγ, so daß, für s = 90°, bieser Werth von tn = 0, also die Erscheinung mit den blos fae topsvischen ganz übereinstimmend würde.
- 8. Wer sich in einem Spiegel von etwas dickem Glase, gerade vor ihm stehend, betrachtet, wird sein Gesicht ohne merkliche Aenderung der wahren Gestalt bemerken, woserne er nur nicht ganz nahr vor den Spiegel trit. Kame er aber der Spiegelstäche so nahe, daß er sie mit der Nase beinahe berührte, so würde jedes Auge das ihm gegenüber stehende Bild sehr genan

um $\frac{5}{4}$ d weiter hinter der Spiegelstäche bemerken, als das Auge vor ihr steht; hingegen könnten bie Strahlen, welche die Rase oder überhaupt die mittlere Linix des Gesichts bemerkbar machen, den Winkel a schon

lich kleiner als $\frac{20}{31}$. d ware; es könnte also die erswähnte mittlere Durchschnittslinie, ober \mathfrak{z} . B. das Kinn, schon um \mathfrak{z} ober $\mathfrak{z}^{\frac{1}{2}}$ Linien weiter vorwärts zu liegen scheinen, als es dem richtigen Bilde gemäß ware, so daß keine getreue Abbildung erfolgte.

§. 77.

Man benke sich einen Raum von brei durchsichtigen Materien ausgefüllt, die einander in parallelen Ebenen berühren, so daß iede Berührungsebene zwei Materien verschiedener Art von einander scheidet. Die dritte Materie soll mit der ersten von einerlei Art sehn, so folgt schon aus dem Sisherigen (§. 74), daß die Richtung des Strahls in der dritten Materie, oder die Richtung des zum zwentenmal gebrochenen Strahls, der Richtung des Strahls in der ersten Materie gleichlausend sehn musse. Ist nämlich das Verhältnis der Refraktion

für die iste Brechung = m:n — 2te — = p:q

der Einfallswinkel

für die Iste Berührungsstäche = s

--- ate --- = s

so ist für die erste Brechung der Sinus des gebrochennen Wintels (fig. 46.) $==\frac{n}{m}$. sins, für die zweite

 $= \frac{q}{p} \cdot \left(\frac{h}{m} \cdot \sin s\right) = \frac{m}{n} \cdot \left(\frac{n}{m} \cdot \sin s\right) = \sin s, \text{ also }$ vwz = aef, folglich ber gebrochene Strahl wz

dem einfallenden ae gleichlaufend.

Unm. Ware I nicht einerlei mit III, ξ . B. I ware Enfty II Glas, III Wasser, also $\frac{m}{n} = \frac{20}{31}$, $\frac{q}{p} = \frac{9}{8}$, so ware sur die die die die des Brechung der Sinus des gebrochenen Winkels

$$= \frac{q}{p} \cdot \frac{n}{m} \cdot \sin \alpha = \frac{9}{8} \cdot \frac{20}{31} \cdot \sin \alpha$$
where $\frac{3}{4} \sin \alpha$

Fünfter Abschn. Allgem: bioffer. Grundlehren ic. 123

. i. eben so groß, als er fenn würde, wenn der Strahl a bis g verlängert aus der Luft unmittelbar ins Wasser fiele.

in the same

Eben dieser Parallelismus wird aber auch (§. 74) für iede heliedige Anjahl solcher Materien befunden, woserne nur immer die letzte mit der ersten einerlei ist. Wäre für die dritte Brechung (fig. 47.) das Verhälbnis der Refraktion r:s, sür die vierte t:v, sowäre der Sinus des gebrochenen Winkels für die dritte Brechung

Ware nun die Matorie-FV mit der I emerlei, so ware nach (§. 74.)

wz der ae gleichlaufend, alfo uwz = aef, und sin uwz = sin aef

ober
$$\frac{s}{r} \cdot \frac{q}{p} \cdot \frac{n}{m}$$
 fin $s = fin s$

daher $\frac{s}{r} \cdot \frac{p}{q} = \frac{n}{m}$

Auf gleiche Weise erhält man, wenn V mit I einerlei Materie wäre,

$$\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{t}} \cdot \frac{\mathbf{s}}{\mathbf{r}} \cdot \frac{\mathbf{q}}{\mathbf{p}} \cdot \frac{\mathbf{n}}{\mathbf{m}} \cdot \sin \mathbf{s} = \sin \mathbf{s}$$
baher
$$\frac{\mathbf{p}}{\mathbf{q}} \cdot \frac{\mathbf{r}}{\mathbf{s}} \cdot \frac{\mathbf{t}}{\mathbf{v}} = \frac{\mathbf{n}}{\mathbf{m}}$$

Könnte

Könnte der Strahl eg unmittelbar in die Ro terie V übergehen, so mare bas Berhaltuig ber Re fraktion beim Uebergang aus II in V = bem unge kehrten aus I in II = n:m, demnach ist bas zw fammengesetzte Verhältniß $\frac{p}{q} \cdot \frac{r}{s} \cdot \frac{t}{v}$ allemal bem

einfachen = gleich, unter welchem der Strahl ohne Zwischenmittel unmittelbar in die lette Matetie über geben würde.

Hatte man 4. B. die vier auf einander folgende Materien I Luft

III Glas II Waffer IV Luft

also die Refraktionsverhaltnisse

and I in II = m :: n = 4:3 II in III = p : qIII in IV = r : s = 2 : 3

so ware allgemein

$$\frac{p}{q} \cdot \frac{r}{s} = \frac{n}{m}$$

$$\frac{p}{q} = \frac{n \cdot s}{m \cdot r}$$
also hier
$$\frac{p}{q} = \frac{3 \cdot 3}{4 \cdot 2} = \frac{9}{8}$$

Demnach bas Refraktionsverhaltnig beim Ueber gang des Strahls

aus Waffer in Glas = 9:8

Mare

Fünfter Abschn. Allgem. Dioptr. Grundlehren zc. 125

Bare no. III. Leinshl statt Glas, so waren die Lefraktionsverhältnisse

aus I in II =
$$m : n = 4 : 3$$

II in III = $p : q$
III in IV = $r : s = 100 : 148 (§.71.)$

$$\int_{q}^{p} = \frac{n \cdot s}{m \cdot r} = \frac{3 \cdot 148}{4 \cdot 100} = \frac{111}{100}$$

Demnach das Refraktionsverhaltniß beym Ueber-

Anm. Bon nun an ist in ter Folge immer nur von dem Falle die Rede, da die einander begränzenden Materien, durch welche die Strahlen durchgeben, bloß atmosphärische Lust und Glas sind.

§. 79.

Aufg. abcd (fig. 48) sey die brechende Ebene einer durchsichtigen Materie, auf velche vom Element P der Strahl PB fällt, essen Verlängerung BC ist; GE sey das Einfallsloth, das in B sentrecht durch die rechende Ebene durchgeht; BD sey der gestochene Strahl, mar Punkt, in welchem ie rückwärts verlängerte DB die durch Pust die brechende Ebene sentrecht gezogene H schneider: man soll die Entsetnung Harestimmen.

Utifl. Der Neigungswinkel PBG ober CBE p = s, der Zebrochene DBE $= \gamma$, so ist auch PA = s utid $B\pi A = \gamma$, also sin BPA oder n BP π : sin $B\pi P = \sin s$: sin $\gamma = \mu$: 1, wenn μ : t

u: 1 das Aefraktionsverhältniß für die brechende Mist. Demnach

$$B\pi : BP = \mu : I$$

und $B\pi^2 = \mu^2 . BP^2 = \mu^2 . (AB^2 + AP^2)$

folglich $A\pi = \sqrt{(B\pi^2 - AB^2)}$
 $= \sqrt{\mu^2 (AB^2 + AP^2 - \frac{AB^2}{\mu^2})}$

$$= \mu \sqrt{(\frac{(\mu^2 - 1) \cdot AB^2}{\mu^2} + AP^2)}$$

ober auch, wenn man AB mit x, AP mit d be zeichnet,

$$A\pi = \mu \delta . \sqrt{\left(\frac{(\mu^2 - 1) . X^2}{\mu^2 \delta^2} + 1\right)}$$

§. 80.

Der gefundene Werth von An ist allgemein, bie durchsichtige brechende Masse mag welche man will sept. Nur erhellet, daß

für $\mu > 1$ auch $A\pi > \mu \delta$ also auch $> \delta$ und für $\mu < 1$ auch $A\pi < \mu \delta$ also auch $< \delta$ wird.

In allen Fällen aber, wo d vielmal größer all x ist, wird sehr nahe $A\pi = \mu d$.

Wenn daher s nur wenige Grade beträgt, so kam man ohne bemerkbaren ober sinnlich wahrnehmbaren Sehler $A\pi = \mu \delta$ annehmen.

Woferne also BPA nur wenige Grabe beträckt werden alle von P aus zwischen PA und PB auf die brechende Masse fallende Strahlen so gebrochen, bet

fünfter Abschn. Allgem. dioptr. Grundlehren zc. 127

e gebrochenen Strahlen rückwärts verlängert sehr be in einem einzigen Punkte * zusammen kommen.

§. 81.

Ist also P (fig. 49.) ein strahlendes Element, von elchem Strahlen auf die brechende Ebene abcd falen, BPA ein Wintel von wenigen Graben, und A ein Perpendikel durch P auf die brechende Ebene, werden alle von P ausgehende rings um die Are A herum auf die brechende Ebene innerhalb dem mit B beschriebenen Kreise fallende Strahlen so gebroen, daß sie durch die brechende Materie durchgeben, stämen sie alle ungebrochen von einem Punkte per, für welchen Ap = μ . $\delta = \mu$. AP wäre.

Ware die brechende Materie z. B. Wasser, über r Luft, so würde einem innerhalb dem erwähnten itrahlentegel im Wasser befindlichen Fisch das strahende Element P so erscheinen, als befände es sich in , also um $\frac{1}{3}$ AP höher über dem Wasser, weil sür esen Fall $\mu = \frac{1}{3}$ ist.

§. 82.

In der Ebene BAP (fig. 49.) liege neben P ein aberes Element π in der Entsernung $P\pi = Av$, so erhält es sich mit dem Strahlentegel, dessen Axe π vt, in Bezug auf diese Axe völlig so, wie mit dem origen Strahlentegel in Bezug auf die Axe PA. sämlich Strahlen, die unter einem kleinen Winkel it π v von π -ausgehen, gehen durch die brechende tasse nach Richtungen, die rückwärts verlängert alle hr nahe in einem einzigen Punkte q der erwähnten re zusammen kommen, so daß $vq = \mu$. v

Das nämliche gilt von allen Elementen eine Objetts Pm, bessen Bild also in pq erscheint; bet Bild von Pm wäre pq, nämlich für ein Auge, besssich in der brechenden Masse befände, woserne nur bestrahlen, die von den Elementen des Objetts Prins Auge kommen mit den zu diesen Elementen gehörtigen Aren oder Einfallslothen (wie mv, PA u. s. w.) sehr tleine Wintel machen, die nur wenige Grade betragen.

Nebrigens beziehen sich die hier zur Erläuternng gebrauchten Zeichnungen auf den Fall, da $\mu > 1$ wäre. Wäre $\mu < 1$, wäre z. B. P eine Stelle in einer Sladmasse und a die brechende Sbene abcd-die Grundsläche dieser Wasse, unter der die gebrochene Strahlen mQ, m'Q', m''Q'' 2c. durch Luft durchzehen, so kommen solche rückwärts verlängert in einem Puntt p' zusammen, für welchen Ap' < AP ist.

§. 83.

Umgekehrt mussen also Strahlen, wie Qm, Q'm', Q'' m'' 2c. (fig. 49.) die von Elementen Q, Q', Q', 2c. so ausgehen, daß sie verlängert in einem ge meinschaftlichen Punkt p oder p' eines kothes CA susammen kommen, so gebrochen werden, daß sich die gebrochene Strahlen in einem gemeinschaftlichen Punkt P vereinigen, den die Gleichung

$$AP = \mu . \delta$$

bestimmt, ba bann & bie Ap ober bie Ap' mare.

Denn es sen (fig. 50.) ab in der brechenden Ebene einer Glasmasse, Q und Q' verschiedene struktende Elemente in dieser Masse, und QB, Q's Strahlen, die bei p im Lothe CA zusammen kommen,

Fünfter Abschn. Allgem dieptr, Grundlehren tc. 129

sen, werden diese Strahlen bei B und m eben-so gebrowen, wie Strahlen pB und pm, die von p ause giengen, gebrochen werden wurden, wenn sie aus Blas in Luft übergiengen. so daß sie in die Lagen DB und Em gebracht werden.

Daß aber in diesem Falle DB'into Em ruck warts verlängert durch einen getpeinschaftlichen Punkt.
P durchgeben, für welchen

$$AP = \frac{20}{31}.Ap.$$

wird, erhellet aus (§. 82.)

Senau genommen ware nämlich für den Punkt P, in welchem der Strahl QB nach der Brechung das Loth AC schneibet,

$$AP = \frac{20}{31} \cdot Ap \cdot \sqrt{\frac{\left(\frac{20}{31} - 1\right) \cdot AB^{2}}{\left(\frac{20}{31}\right) \cdot Ap^{2}} + 1}$$

und für ben Puntt P, in welchem der Q'm nach bes Brechung die AC schneibet,

$$AP = \frac{20}{31} \cdot Ap \cdot \sqrt{\frac{\left(\frac{20}{31}^2 - 1\right) \cdot Am^4}{\left(\frac{20}{31}\right) \cdot Ap^2}} + 1$$

Wenn aber, wie bisher, $\frac{Am}{Ap}$ und $\frac{AB}{Ap}$ als sehr Mein angenommen werden, so bleibt für ane solche Strahlen QB, Q'm, die nach dem gemeinschaftlichen Punkte p gerichtet sind, nach der Refraktion in der Langedorfs Photom.

Luft der gemeinschaftliche Durchschnittspunkt P in der CA. Hingegen Strahlen, wie QB,Q'm, die am Luft in Glas übergehen, und deren Richtungen QB,Q'm nach seinem gemeinschaftlichen Punkt p eines Lothes CA (fig. 51.) hinzielen, werden nach der schiedenen Punkten P des Lothes so gebrochen, daß

für ben QB

$$AP = \frac{31}{20} \cdot Ap \cdot \sqrt{\left(\frac{\left(\frac{31}{20}\right)^2 - 1\right) \cdot AB^2}{\left(\frac{31}{20}\right)^2 \cdot Ap^2} + 1\right)}$$

für ben Q'm

$$AP = \frac{31}{20} \cdot Ap \cdot \sqrt{\frac{\left(\frac{31}{20}\right)^2 - 1}{\left(\frac{31}{20}\right)^2 \cdot Ap^2} + 1}$$

Sind aber $\frac{AB}{Ap}$, $\frac{Am}{Ap}$ fleine Brüche, so tam man für alle dergleichen nach p konvergirende Strap len schlechthin

$$AP = \frac{31}{20}.Ap$$

fegen.

Anm. Der Fall, du die verschiedenen Strahlen nach einem gemeinschaftlichen Punkte ausgehen (wie nach pfig. 51), unterscheidet sich von ienem, da die verschiedenen Strahlen aus einem gemeinschaftlichen Punkte ausgehen (wie aus Pfig. 49), darinn, 1.) daß der Vereinigunge oder gemeinschaftliche Durchschnittspunkt der gebrochenen Strahlen in fig. 51. ein wirklicher Sammlungs

Fünfter Abschn. Allgem. bioptr. Grundlehren zc. 131

punkt ist, hingegen in fig. 49. nur ein geometrischer, durch den nicht die Strahlen selbst, sondern nur ihre Riche tungslinien gemeinschastlich durchgeben; 2.) daß in fig. 31. der gemeinschastliche Durchschnittspunkt und die ungebrochenen Strahlen auf verschieden en oder entgegenschenen Strahlen auf verschenden Ebene liegen, hingegen in fig. 49. auf einerlei Seite der brechenden Ebene. Wan kann daher auch, zur Bezeichnung dieser entgegengessesten Lage, für die konvergirenden Strahlen (fig. 51.)

$$AP = -\mu \cdot \delta \cdot \sqrt{\left(\frac{(\mu^2-1) \cdot X^2}{\mu^2 \delta^2} + 1\right)}$$

schreiben. So bleibt also die Formel (5. 79.) allgemein, nur daß man für Strahlen, die nach einem gemeinschafts lichen Punfte ausgehen, & verneint nimmt.

\$. 84.

Aufg. ABCD (fig. 52.) stelle einen utchsichtigen Körper vor (3. 23. von Glas), essen beide brechende Ebenen BC und AD inander parallel laufen und von einerlei Naterie (3. 23. von Lust) berührt werdenig sey ein strablendes Element, cv sentrecht uf die brechenden Ebenen und ein ein Strabl, der nach doppelter Brechting hinzer BC in die Lage or kommt! man sucht en Puntt f, in welchem der aussahrende Irabl or rückwätts verlängert das Loth v schneidet; mes klein angenommen.

Aufl. i. mit sein die Berlängerung bott em , im z das Reigungsloth in m, und Mo der Weg es Strahls durch das Glas, so ift, welt Mas klein epn son,

$$omz = \frac{1}{\mu} umz = \frac{1}{\mu} mcs$$

$$umo = \frac{\mu - I}{\mu} umz = \frac{\mu - I}{\mu} .mcs = \frac{\mu}{\mu}$$

$$umo = \frac{\mu - I}{\mu} .mcs = \frac{\mu}{\mu} .mcs$$

2. Run ist $u\tau: u\theta = c\tau: cf$, asso $cf = \frac{uo \times c\tau}{u\tau}$

Es ist aber beinahe
$$\frac{uo}{u\tau} = \frac{mo \times tang \ umo}{c\tau \times tang \ uc\tau} = \frac{mo \cdot (\mu-1)}{c\tau \cdot \mu}$$

also sehr nahe

$$cf = \frac{mo.(\mu-1).c\tau}{c\tau.\mu} = \frac{\mu-1}{\mu}.mo$$

3. Weil nun hier mo für die Dicke des Glass gelten kann, und $\mu=1.55$ ist, so hat man sie Glas beinahe

of
$$=\frac{0/55}{1/55}$$
. mo
ober beinahe $=\frac{1}{3}$ ber Glasbicke.

4. Dieses würde für alle Strahlen des Straklenkegels gelten, von welchem cs die Are und mcq
ein Durchschnitt ist, und ein Auge ben y empfänst
die von c herkommenden Strahlen in der Richtung ky,
so daß der Beobachter das Element c in f. zu sehes
glaubt, nämlich um i der Glasdicke näher, als es
wirklich liegt.

Sechster Abschn. Anwendung bioptr. Grundl. 2c. 133

- "Sechster Abschnitt.

Anwendung dioptrischer Grundlehren auf Strahlen, die durch zwen einander nicht parallele brechende Ebenen durchzgehen.

§. 85.

Aufg. Eine Ebene schneide ein durchs sichtiges dreieckigtes Priema senkrecht in ABC (fig 53); in dieser Ebene treffe ein Strahl Dk die eine Seite AC unter dem Vieigungswinkel DkP = a; der Winkel ACB = i, den die beiden brechenden Ebesien mit einander machen, ist nebst dem a gegeben; kl ist der durchfahrende, lo der ausfahrende Strahl; der einfallende Dk und der ausfahrende lo geben durch einerlei Masterie: man soll den Winkel ov q bestimmen, unter welchem der einfallende und ausfahstende Strahl einander schneiden.

Aufl. 1. Es sep $Qkl = \beta$, $plk = \gamma$, plv oder $olm = \delta$, so hat man

ovq =
$$1kv+klv = Qkv-\beta+plv-\gamma$$

= $\alpha+\delta-(\beta+\gamma)$
= $\alpha+\delta-kwp$

When $kwp = 180^{\circ} - kwl = \epsilon$, also $ovq = \alpha + \delta - \epsilon$

2. Wenn nun für den einfallenden Strahl das Refraktionsverhältniß = $\mu = 1$ tit, so hat matr sin δ = μ

· Table

 $= \mu$. fin $\gamma = \mu$. fin $(kwp - \beta) = \mu$. fin $(s - \beta)$ $= \mu \cdot \sin \epsilon \cdot \text{Col}\beta - \mu \cdot \text{Col}\epsilon \cdot \sin \beta = \mu \cdot \sin \epsilon$ \checkmark $(i - \sin \beta^2) - \mu$. Cof ϵ . $\sin \beta$.

Run ist μ . $\sin \beta = \sin \alpha$; also Sec. 11. $\lim_{\mu \to \infty} d = \mu \cdot \lim_{\mu \to \infty} \sqrt{(1 - \frac{\lim_{\mu \to \infty}^2}{\mu^2})} - Cossi \sin \alpha$

oper and $\lim \delta = \lim \epsilon \cdot \sqrt{(\tilde{\mu}^2 - \lim \alpha^2)} - \operatorname{Cof}_{\epsilon} \cdot \lim \alpha$ worans sich also (ng. 1.) ova bloß burch at sum μ ergiebt.

§. 86.

Der Mintel e, welchen die beiden brechenben Sch tenflächen mit einander machen, beißt bier ber bre chende Winkel. Läßt man ben Strahl senkrecht an demnach für biefen Fall

 $\sin \delta = \mu \cdot \sin s$

Es tann aber sin & bochstens = 1 werben; foll also der auf die vordere Gläche senkrecht auß fallende Strahl durch die hintere Seite BC durchgehen, so darf höchstens

 μ . fin s = 1

sedu 'allo kilm poditen

 $\sin \epsilon = \frac{\pi}{2}$

Daher bei einem glafernen Prisma bochftens

$$\lim_{\epsilon} \epsilon = \frac{1}{\frac{31}{31}} = \frac{20}{31}$$

49° 1024

Sechster Abschn. Anwendung bioper. Grundl. 2c. 135

Ware s = 0 ober beide brechende Ebenen einanr gleichlaufend, so wurde sin s = 0, Cos s = 1, so

 $fin \delta = - fin \alpha$

so $s = \alpha$ nur einander entgegengesetz; da nun in sem Falle kP und 1m einander parallel sind, so issen auch kD und do einander parallel seyn, wie in auch schon aus dem vorigen Abschnitt weiß.

... §. 87.

Der Winkel, welchen der ausfahrende Strahl log. 53) mit dem einfallenden Dk macht, nämlich der 70, welcher (§. 85) gesucht wurde, heiße 3, also 85)

erhellet, daß sich andert, so wie a und 8 sich dern.

.:: Won dieser Aenberung ist in diesem &. die Rede.
e Differentialrechnung giebt folgendes.

Weil s babei unveränderlich ift, so ist

man da und de que (§. 85) bestimmt. Dort ift

 $\mathbf{1.} \quad \mathbf{d} \quad \mathbf{fin} \quad \alpha = \mu \cdot \mathbf{d} \quad \mathbf{fin} \quad \beta$

d sin $\alpha = \text{Cos}(\alpha)$, d α (Alg. §. 54) *) d sin $\beta = \text{Cos}(\beta)$, d β

her aus I.

II. $Cof \alpha . d\alpha = \mu . Cof \beta . d\beta$

ner aus (§. 85)

 $\sin \delta = \mu \cdot \sin (s - \beta)$

Dergleichen Megate bestehen sich iedesmal auf meine An-Langsgr. ber reinen Elementar - u. hoheren Mathem. aber

d fin
$$\delta = \text{Cof } \delta \cdot d\delta$$

d fin $(\epsilon - \beta) = \text{Cof } (\epsilon - \beta) \cdot d (\epsilon - \beta)$
= $- \text{Cof } (\epsilon - \beta) \cdot d\beta$

also

III. Cofd. $d\delta = -\mu \text{ Cof}(s-\beta) \cdot d\beta$

Die beiben Gleichungen (II und III) geben nur

$$d\alpha = \frac{\mu \cdot \text{Cof } \beta}{\text{Cof } \alpha} \cdot d\beta$$

$$d\delta = -\frac{\mu \cdot \text{Cof } (\epsilon - \beta)}{\text{Cof } \delta} \cdot d\beta$$

Demnach

IV.
$$d\zeta = \mu d\beta \cdot \left(\frac{\text{Cof } B}{\text{Cof } a} - \frac{\text{Cof } (s-\beta)}{\text{Cof } \delta}\right)$$

Diese Differentialgleichung bient nun zu beurtheilen, wie ? von a und 3 abhängt.

Ist namlich a sehr klein, so läßt sich, weil bank auch B sehr klein ist,

 $Cof \beta = Cof \alpha = 1$ und $Cof (\epsilon - \beta) = Cof \epsilon$ sepen, also sur diesen Fall

$$d\zeta = \mu d\beta \cdot \left(1 - \frac{\text{Cof s}}{\text{Cof s}}\right)^{12}$$

oder, weil μ . fin $(s-\beta) = \sin \delta$ ist,

$$d\zeta = \mu . d\beta . \left(1 - \frac{\text{Cof } \epsilon}{\sqrt{(1 - \mu^2 . \text{ fin}(\epsilon - \beta)^2)}}\right)$$

$$= \mu d\beta \cdot \left(1 - \frac{\text{Cof } \epsilon}{\sqrt{(1 - \mu^2 \sin \epsilon^2)}}\right)$$

Beil

echster Abschn. Anwendung dieptr. Grundl. zc. 337

Weil nun / (1—fin s²) = Cos , und > 1 ist, so ist

$$\sqrt{(1-\mu^2 \sin s^2)} \leq \text{Cof} s$$

glich

$$\frac{\text{Cofs.}}{\sqrt{(1-\mu^2\cdot\sin s^2)}} > \frac{1}{2} \cdot \frac{$$

d vaher-für ein sehr kleines a

$$\frac{\operatorname{Cof} s}{\sqrt{(1-\mu^2 \sin s^2)}}$$

rneint, also auch d? verneint.

Wenn also die Werthe von a von Rull anfangen, geboren wenigstens anfänglich (denn die vorstehenen Sätze beziehen sich auf ein sehr kleines a) zu besten Aenderungen von a verneinte von 3, oder 3 mmt für die von Rull an zunehmenden Werthe von sinigstens eine Zeitlang ab.

Aber für a = 90° wird $d\zeta = \mu d\beta \times \infty$ als wiß noch eher beiaht als a = 90° geworden ist. s liegt also gewiß zwischen a = 0 und a = 90° ein lerth von a, über welchen hinaus die zugehörigen inderungen von ζ beiaht werden, oder über welchen naus ζ zunimmt; wann a wähst.

Es kommt aks barauf an, den Werth von a zu stimmen, für welchen

g oder a — d — s also auch a — d n minimum wird.

Für diesen Fall hat man

$$\frac{\mathrm{d}\,\zeta}{\mathrm{d}\,\alpha}=0$$

aber

d fin
$$\delta = \text{Cof } \delta \cdot d\delta$$

d fin $(\epsilon - \beta) = \text{Cof } (\epsilon - \beta) \cdot d (\epsilon - \beta)$
 $= - \text{Cof } (\epsilon - \beta) \cdot d\beta$

also

III. Cofd. $d\delta = -\mu \text{ Cof}(s-\beta) \cdot d\beta$

Die beiben Gleichungen (II und III) geben nun

$$d\alpha = \frac{\mu \cdot \text{Cof } \beta}{\text{Cof } \alpha} \cdot d\beta$$

$$d\delta = -\frac{\mu \cdot \text{Cof } (s - \beta)}{\text{Cof } \delta} \cdot d\beta$$

Demnach

IV.
$$d\zeta = \mu d\beta \cdot \left(\frac{\text{Cof }\beta}{\text{Cof }\alpha} - \frac{\text{Cof }(s-\beta)}{\text{Cof }\delta}\right)$$

Diese Differentialgleichung dient nun zu beurtseilen, wie ? von a und 3 abhängt.

Ist nämlich a sehr klein, so läßt sich, weil bank auch B sehr klein ist,

 $Cof \beta = Cof \alpha = 1$ und $Cof (s - \beta) = Cof s$ sepen, also für diesen Fall

$$d\zeta = \mu d\beta \cdot \left(1 - \frac{\text{Cof s}}{\text{Cof s}}\right)^{1/2}$$

ober, weil μ . $\sin(\varepsilon - \beta) = \sin \delta$ ist,

$$d\zeta = \mu . d\beta . \left(1 - \frac{\text{Cof } \epsilon}{\sqrt{(1 - \mu^2 . \text{fin}(\epsilon - \beta)^2)}}\right)$$

$$= \mu d\beta \cdot \left(1 - \frac{\text{Cof } \epsilon}{\sqrt{(1 - \mu^2 \sin \epsilon^2)}}\right)$$

u AReil

sechster Abschn. Anweitsung dieptr. Grundl. zc. \$37

Beil nun / (1—fin s²) = Cos , und > 1 ist, so ist

$$\sqrt{(1-\mu^2 \sin s^2)} \leq \text{Cof} s$$

glich

id daher-für ein sehr kleines a

$$\frac{\text{Cof.s}}{\sqrt{(1-\mu^2 \sin s^2)}}$$

rneint, also auch d? verneint.

Wenn also die Werthe von a von Rull anfangen, geboren wenigstens anfänglich (denn die vorstehenen Säge beziehen sich auf ein sehr kleines a) zu besten Aenderungen von a verneinte von 3, oder 3 mmt für die von Rull an zunehmenden Werthe von stnigstens eine Zeitlang ab.

Aber für $\alpha = 90^{\circ}$ wird $d\zeta = \mu d\beta \times \infty$ als wiß noch eher beiaht als $\alpha = 90^{\circ}$ geworden ist. s liegt also gewiß zwischen $\alpha = 0$ und $\alpha = 90^{\circ}$ ein derth von α , über welchen hinaus die zugehörigen enderungen von ζ beiaht werden, oder über welchen naus ζ zunimmt, wann α wächst.

Es kommt aks barauf zan, den Werth von a zu stimmen, für welchen

g oder a — s also auch a — s n minimum wird.

Bur diesen Fall hat man

$$\frac{\mathrm{d}\,\zeta}{\mathrm{d}\,\alpha}=0$$

§. 88.

Die vorstehenden Sätze geben Mittel an die Hand, das Refraktionsverhältnis μ : I auf eine bequene Weise durch Versuche zu bestimmen.

Allemal dient hierzu die Formel (§. 87. V.)

 $\mu = \frac{\sin \alpha}{\sin \frac{1}{2} \epsilon}$

die nämlich für den Fall gilt, da & oder Dvo (fig. 59) ein minimum ist.

Man macht sich nämlich ein verdunkeltes, Zimmet und bohrt in einen der Sonne ausgesetzen Fenstelle den ein koch, durch welches allem Strahlen in das übrigens dunkle Zimmer fallen können. Man thut noch besser, wenn man ein Stück aus dem Laden ausschneidet, und dafür eine mit einem kleinen koch versehene dunke Platte einsetzt oder vorschlägt. Hiernächst bringt man ein gläsernes Prisma, das an beiden Enden, wie dei k (sig. 54.), mittelst Zärschen ausgelegt werden kann, auf ein Sestelle, auf dem es sich ganz frei herumdrehen und in ieder Lage sest machen läßt, um in der ihm gegebe nen Lage zu beharren.

I. Mit diesem Gestelle bringt man nun das Prisma im Zimmer an eine Stelle, in der die gegen den
durchbohrten Laden (oder gegen die im Laden angebrachte durchbohrte dunne Platte) gerichtete Seite die
einfallenden Strahlen auffangen kann, und zwar so,
daß die einfallenden Strahlen die Ebene, in der des
Prismas Axe liegt, sentrecht durchschneiden. Hinter
dem Prisma muß eine Wand oder eine etwa mit weif
sem Papier belegte seste Tafel F G vorgerichtet sepu,
welche die aussahrenden Strahlen, wie 10, auffänzt,
da dann sur den Fall des Winimums, oder für den

fleinstmöglichen Werth von $\zeta = q vo_i \mu = \frac{\sin \alpha}{\sin \frac{1}{\alpha}s}$

durch die Beobachtung bestimmt wird.

Sechster Abschn. Anwendung dieper. Grundl. zc. 242

dun nun' diesen Fall des Minimums zu erhalten, darf man nur das Prisma so langa um seine Are hete umdrehen, dis der aussahrende Strahl, der während dem Orehen einer gewissen Stelle an der Lasel, z. B. der Stelle o sich nähert, wiederum rückwärts zu gehen oder sich von derselben Stelle o zu entsernen ansäugt, Zu dem so gesundenen Punkt o gehört das minimum ova, daher man nur das Prisma in dieser Lage sessschrauben darf, um den Einfallswinkel wieden zu messen zu messen, und man sinder als gegeben angenemmen, und man sinder also iest durch Rechnung in sind

II. Weil es aber einige Schwierigkeit macht, ben Winkel & genau genug zu meffen, so kann man statt dieses Winkels die Seiten vq, oq und vo des Dreiecks vqo messen und daraus den Winkel ovq = \xi\text{berechnen}, woraus sich dann (\xi\text{5.87. V.)

und dann
$$\mu = \frac{\sin \alpha}{\sin \frac{1}{2} \epsilon} = \frac{\sin \frac{1}{2} (\zeta + \epsilon)}{\sin \frac{1}{2} \epsilon}$$
 ergiebt.

··· \$. ·· \$9.

Strahlen, die auf etwerlei Prisma unter einerlei Wintel & oder parallel auffällen, fahren auch unter einerlei Reigungswinkel & also wieder in paralleler Lage aus dem Prusma heraus, denn es ist für iedem aussahrenden. Strahl

find =
$$\mu$$
. fins. $\sqrt{\left(1 - \frac{\sin \alpha^2}{\mu^2}\right)}$ - Cofs. fina

Eben

Eben diese Gleichung giebt aber, wenn μ und 1 ungeändert bleiben, für verschiedene Werthe von 1 nothwendig verschiedene Werthe von 8; also

Strahlen, die aus einer Stelle D (fig. 54) auf das Prisma fallen, für die sich also verschiedene Werthe von a ergeben, sahren nicht parallel heraus, sondern nach Richtmist lo, lo, welche divergiren.

Daß sie im Fortgange divergiren, ergiebt **k** Gleichung für sin d, wo zu einem größeren **Mach** von a ein fleinerer von d gehört; wenn aber da ist, so ist Blv over 90°—d Blo over 90°—d folglich lo, lo divergirend.

§. 90.

Zwey solche ausfahrende Strahlen lo, le (fig. 54), die von einem strahlenden Elemente b vor dem Prisma herkommen, mussen also ructudit verlängert nothwendig in irgend einem Punkte a de ander schneiden. Nun sey 1 b der lo gleichlausen so ist

ψ = 5'-5 und 5 = 31-4 ober 5' = 5+1

Wenn bemnach für den einfallenden und ausschlerenden Strahl Dk, lo die Reigungswinkel ausschlieben, und nun für einen andern einfallenden und schrenden Strahl die Reigungswinkel al = a-tillenden und d'= d-tillenden werden, so hat man

$$\sin(\delta+\psi)=\mu$$
, $\sin \epsilon$. $\sqrt{1-\frac{\sin(\alpha-\phi)^2}{\mu^2}}$ —Cose, $\sin(\alpha-\phi)$

Bechster Abschn. Anwendung dioptr. Grundl. 2c. 149.
voraus man d-f- ψ findet; hiervon d abgezogen, siebt ψ .

§. 91.

Unfg. ABC (fig. 55.) sey der Durchstenner eines gleichseitigen dreieckigten glästenen Prismas, den die BB' in E in zweit longruente Zälften theilt; das Prisma steht unf einer Ebene, in der die MN liegt, so unf die B'B auf der MN sentrecht ist; oberspalb MN besindet sich, höher als BE, ein Auge: man soll die Art und Weise bestimsmen, wie die Elemente von BN dem Auge bemerkbar werden.

- Att fl. 1. Man verlängere die CB nach D, mb siehe nun z. B. aus den Elementen a, d, N kntrecht durch BC die aa, dS, N γ , so werden die tach diesen Richtungen einfallenden Strahlen nach aa γ β , $\gamma\gamma'$ sentrecht auf AC reslettirt, so daß die ausschrenden Strahlen aa', dS', g γ' rückwärts verlängert is BD in β , ϵ , η schneiden, wo B β = Ba, Bs = Bd, B η = BN wird.
- 2. Run sep d m ein anderer vom Element d auf ie BC fallender Strahl, der das Loth g m f unter werte dem Winkel d m g schneide und vermöge des Retaktionsgesetzes nach m gebrochen werde, so wird der gebrochene m g durch p nach s reslektirt, so daß p = B m wird, und vermöge der zweiten Bredung kommt er bei p aus der Lage ps in die p q.
- 3. Wenn nun die pa rückwärts verlängert durch burchgeht und die AB in n schneidet, so hat man Aps ====

Ap = Bm, well A = B und A = BEs ist daber auch Eps = Ap = Bm .

Rerner Epq = Eps + qps = Ap < + <p> and dmC = Bme = Bm/s + /me = Ap/s +

Es ift aber gmk = rps, also kmd = ine = qps = spn, und baber

dmC Ap + pn = Apn

4. Zieht man nun die gerade du, welche b BC in o schneidet, so ist

 $A \leq p \Rightarrow A n p + \leq p n$ $m \leq B = mnB + \leq mn$ $mnB + \zeta mn = Anp + \zeta np$ alfo $mnB = Anp - (\langle mn + \langle pn \rangle)$ $= Anp - (\beta mn + \beta me)$ = Anp - emn.

sper

Anp=mnB-emn=mnB-(mho+mde)

Aber mnB-mno = Bno ober = Bnd also

Anp = Bnd - mdo

und daher auch

 $Bn\zeta' = Bnd - mdo$

5. Strahlen von d, die nahe um x, also bet nabe senkrecht einfallen, machen also ein Bild von d in s, wo fie die d's' schneiben; Strahlen von d, be nahe bei m einfallen, geben nach einer Richtung pe aus, die ruckwarts verlangert beinahe alle in die q? fallen, also die d's' in μ schneiden. Alle Strahles alse, die von d auszehen und zwischen x und m auf faller

Kichtungen, welche rückwärts verlängert die d's' zwisschungen, welche rückwärts verlängert die d's' zwisschen und s durchschneiden. Die zunächst bei d aussfahrenden Strahlen durchschneiden einander bei s, die zunächst bei p ausfahrenden durchschneiden sich bei u, und so liegt also von u bis s eine Reihe von Bildern. Daher erscheint das Bild von d einem Auge, das sich sehr nahe bei p befindet, undeutlich, weil alsdann Strahlen, die zu einem beträchtlichen Theil von us zehören, in den Stern des Auges kommen können.

Ist hingegen das Auge nur etwas hoch, z. B. oben bei qs, so kommen da, weil die Strahlen divergiren, nur Strahlen von einem kleinen Theil von pe in den Stern, so daß nur die Empfindung von einem einfachen Bilde erregt wird, daher iest das Bild von d dem Auge deutlich erscheint.

Eben so gehen alle von a ausgehende, swischen a und y auffallende Strahlen swischen a und Durch, wo die ausfahrenden au' und Peinander in k'schneiden. Daher fallen hiernach alle Vilder von a in die Bk'. Einem Auge in der Nähe von I würde also das Vild von a in k' erscheinen, also das Vild von a d in uk'.

6. Je mehr sich die von a und d ins Auge kommenden Strahlen der parallelen Lage mit den senkreche ten Strahlen au' und de' nähern, oder ie näher der Winfel, den die von a und d ins Auge kommende Strahlen mit AC machen, dem rechten kommt, desto mäher erscheint das Bild von a an β , und das von dan e, und desto weniger ist also das Bild der ak von Es verschieden. Je höher sich also das Auge über dem Prisma besindet, desto genauer fällt das Bild von BN in die Bn.

^{::} Bangsborfs Photom.

- 7. Einem Auge in B' beträchtlich über E ends Bild von Ba im der BB, und es ist Ea = BB. sin BB\psi = Ba. sin 30° = \frac{1}{2}Ba.

 auch Ba = 2. Ea, woserne nur Ea vielmal als EB' fst. Ist daher noch EA sehr vielmal als B'E, so erblickt ein Auge in B' durch die Breite EA des Prismas das Bild von BN = EA = CA in der BD.
- 8. Ein Auge in EB' fann eine desto gwamenge von den bei E divergirend durchfahre Strahlen aufnehmen, ie naher es bei E ist, und her ganz nahe bei E das Bild von einer ausserver lichen Länge BN bemerken.
- 9. Es können aber auch Elemente von BN telst des Prismas durch Strahlen bemerkbar weldie ohne vorhergehende Resserion durch AC durch ten. So sieht z. B. ein Auge bei M' das Bild din der Linie M'W, die nämlich von M' durch zweiten Brechungspunkt u durchgezogen wird.

§. 92.

Im Bisherigen wurde immer die Voran beibehalten, daß alles in einem bestimmten auf eine brechende Ebene fallende Licht auf Weise von dieser Ebene gebrochen werde.

Inzwischen hat die Erfahrung folgendes

Wenn K (fig. 56.) ein verdunkeltes Z das der Sonne S gegenüber etwa in ein Platte aus momit man eine aus einem t Laden ausgeschnittene Oeffnung a bedecken kleines Loch hat, durch welches die von de mmenben, in A einander burchfreugenden Strab. uf ein Prisma LMN fo fallen, daß ber oberfte Drisma in m, ber unterste dasselbe in n trifft, so en folche nach zweimaliger Prechung in bie biver-Den Lagen og und pa, und so erscheint uns, wir diese gebrochenen Strahlen durch eine in angebrachte weiffe Wand ober weiffe Tafel aufm, ein von g bis a berab erleuchteter Streifen etwa weiß, sonbern in abwechselnben mannigfale Rarben, die von oben berab unter unmertlich forti tenben Schattirungen und Abanberungen allemal efelben Ordnung auf einander folgen, fo baß bie ild zu oberst in g violett, zu unterst in a roth Ent, vom Violetten aber burch bas Duntelblaue Digo), Zellblaue, Grune, Zellgelbe, Belgelbe (Orange) endlich ins Rothe über-Dabei bemerkt man aber wieberum bom Biolet bis jum Dunkelblauen f unjählige Schattieuneben so vom Dunkelblauen f bis jum heltblauen f. f. bis ins Rothe a berab, obne baß fich it. vo plogliche Farbenanderung angeben ließe. Diefe jeinung leitet barauf, daß iebet einzelne Strabl; ber Am, im Durchgange nach o in ungabtige Strablen jerlegt werbe, die bon m divergiburch o'w burchgeben und nun von ow aus Reue gebrochen, mit neuer Divergenz ihren Weg n die Wand DE fortsetzen, die fie j. B. in ge en.

Da aber nicht angenommen werden kann, daß theilchen berselben Art von einer und berselben breden Wasse auf verschiedene Weise gebrochen wers, so wird man anzunehmen berechtiget senn, daß in einem und demselben Strahle, wie Am, hinter inder liegenden Lichttheilchen, z. V. 1, 2, 3, 4, ... gemischtes Licht enthalten, so daß kedes solches

in m auffallende Theilchen hier eine Zerlegung ledte und so zerlegt durch ow nach eg fahre.

Wenn nun n auch febr nabe an m liegt, fo the nen boch zwischen m und n ungabliche verschiebene Strablen auf bas Prisma fallen, ba bann ieber af eine ähnliche Weise zerlegt, in DE ankommt. bem folgenden von m nach n auffallenden Lichttbeildes gehört auf diese Weise eine große Menge unter einer der liegender Punkte in DE, die von zerlegten Bich elementen getroffen werben, und iebe nachstfolgente Reihe folcher auf DE fallenben zerlegten Elementen beinahe mit der nachst vorhergehenden tongruent, b. wenn z. B. ein' Lichtstrahl in m als einzelner Graff auffällt, der nach der Zerlegung in einer Menge biber girender Strablen die Wand DE in eg trifft, fo mit der nächste an Am zwischen m und n anliegente Strahl wiederum in eine Reihe divergirender Strahle jerlegt, beren oberfter ohne merflichen Fehler noch i g und der unterste ohne merfliche Abweichung noch in e bie Wand trifft.

Und da schon in einem sehr feinen physischen Punkte bei m eine sehr grosse Menge von Strassen neben einander liegen können, so werden die von de nem seinen physischen Punkte m herkommende Strasslen hinter dem Prisma in dieselben seinen physischen Linien, z. B. og, vf, we fallen, die violetten mog, die rothen in we.

Würde also ein einzelnes vermischtes Lichttheilder bloß in den violetten nach mo und den rothen nach Mw, dann weiter nach og und we gebrochen, p würden von einem physischen Punfte m unzähliche Strahlen in den physischen Linien og und we af die Wand DE fallen, und der Zwischenraum zwischen

Sechster Abschn. Anwendung dioptr. Grundl. 2c. 149

den physischen Punkten g und e würde von keinem Strable getroffen, also im verfinsterten Zimmer dunkel bleiben.

Ware nun n ein zweiter physischer Punkt, von welchem aus wiederum violette Strahlen neben e und rothe in c fallen, so bliebe der Zwischenraum ec wiederum dunkel.

Und wenn nun ebenbergleichen vermischtes Licht auf alle Punkte von m' bis k auf das Prisma fiele, so mußten von g bis e lauter violette Lichttheilchen so nahe neben einander fallen, daß der ganze Raum d'e violett erleuchtet erscheinen mußte, und aus gleichem Grunde mußte der ganze Raum e c roth erscheinen.

Wird aber das auf den physischen Punkt m fallende Licht nicht bloß in die beiden Strahlen, den rothen we und den violetten og jerlegt, sondern noch in einen mittleren, z. B. einen msärbigen v k, so werben iest auch von dem in k auffallenden Licht drei Punkte e, d, c violett, msärbig und roth erscheinen.

Mile von m bis k liegende vom Licht getroffene Punkte haben also den Etsolg, daß der Raum von g bis f von violetten allein, von f bis e von viosletten und mfärbigen zugleich, von e bis d von mfärbigen und rothen zugleich, und von d bis c von rothen allein getroffen wird.

Mürde das in den Punkt m auffallende Licht in vier verschiedene Lichtarten zerlegt, so daß in x das Pfärbige fiele, so würde ein Punkt k auch z. B. in y pfärbiges Licht bringen, und alle Punkte von m bis k würden das Pfärbige Licht von x bis y zerstreuen. Wan hätte also jest

von g bis x violettes Licht allein,
— x bis f. piolettes und Pfärbiges jugleich,
P 2 von

pon f bis e biolettes, m und ф
— e bis y mfarbiges, rothe

jugleich,

- y bis d mfarbiges und ro

- d bis c rothes allein,

So wird begreiflich, wie von giburch ungabliche Schattirungen nach bis ins rothe abergeht, so daß bas am wenigsten gebrochene Licht allem wenn ein Stuck min bes Prismat Bonnenlicht getroffen wird, das im bas Glas nach der verschiedenen Lungablich verschiebenen Mischungsthei verschiedenen Mischenen Wirfeleichen wir Erfahrung gemäß alle sehr habe an e

Wenn baben von blefen unidle Garben, unter betten und ber bon g Theil bet Wand ober ber Tafel ersche erwähnten Z Faxben von g bis a bi ben, so will man bamit eigentlich i zeichnen, die fatz uns am fenntlich verschieden sind.

6. 93. i.

Da der oberste Strahl og; lauf min fallenben Licht hinter dem in dem verfinsterten Zimmer die Stingabe erscheiten läßt, die wir viol unterste pe hingegen die Stelle a tennbar macht, die wir roth nennet og von der Am allemal mehr abn von der getilden An, d. h. go und

n spißern Winkel machen als ap und An, so brückt in diese Erscheinung auch bamit aus, daß man sagt:

Das violette Licht wird am meisten, das rothe am Wenigsten gebrochen, nämlich zunächst weniger als das dunkelgelbe; dieses weniger als das Hellgelbe, dieses weniger als das Grüne, dieses weniger als das Hellblaue, dieses weniger als das Dunkelblaue, und dieses weniger als das Violette.

: Inzwischen find wir bei ber zahllosen Menge von rablen, die auch in dem feinsten physischen Punkt ben einander auffallen können, auf keine Weise be-btiget, die violette Farbe des Punktes g, oder die be in a, der von einer einfachen Lichtart oder n einem einfachen Bestandtheil des Lichts berbrenden Empfindung juguschreiben. Wir tonnen vielbe von den Punkten g und a wie von den swischen. genden ohne Bedenken behaupten, daß fie einzeln, milich als feine physische Puntte genommen, uns ht nur ungähliche verschiebene Lichtarten ins Auge den, deren verschiedene Eindrücke wir nicht einzelen unterscheiden vermögen, sondern daß sich barunter bft noch gemischte Lichtarten befinden, die bas Glas rch feine Anziehungstrafte nicht zu schefben vermag. enbarum läßt fich schon vermuthen, daß Strablen, n welchen eine bestimmte Farbe berrührt, 3. B. die angefarbe, durch ein zweites Prisma besonders aufangen, Teine neue Zerlegung leiben, also feine neue rbe darstellen werden. Wenn namlich gleich j. B. jur Drangefarbe vereinigten Strahlen aus einer Ben Menge gang verschiebener Strahlen ober veriedenen Lichtes bestehen, so wird der Erfolg ihrer :schiebenen Brechbarkeit boch nur bieser sepn, baß mannigfaltigen auf einen physischen Punkt des 1wei-

ameiten Prismas auffallenben Strubten funter fid ter bon einander gerftreut und fo burch biefes Prisma über eine größere Stelle binter demfelbei breitet merben. Es mirb alfo bie Stelle binte ameiten Belsma biefelben Strablen, welche bie D farbe barftellten, nur minber bicht aufnehmen, aber Strablen empfangen, welche abgefonberte Be theile iener Strablen maren, bie auf biefes Brisma gefallen find. Da aber auch auf biesei feren erleuchteten Stelle hinter bem gweiten P bie mannigfaltigen in ungeheurer Deinge beifamm genben Lichttbeilchen noch immer einander ju nab als bağ bie Einbrude einzelner bon einanber fchieben werben tonnten, fo werben biefelben G auch test in ihrer verminberten Dichtigfeit woch't nur minter lebhafte garbe barftellen.

Siermit flimmen nun auch wirkliche Beobi gen vollfommen überein, wenn man hinter ba Prisma eine Platte mit einer fleinen. Deffining durch welche Strablen von einer gewissen Farba fallen können, und diese durchfallende Strablen dieser Platte mit einer weissen Flache auffängt;

Anm. Anch bei einem parallelepipedischen fig. 57, wird ein turch zwei parallele Placke durchfahrender Strahl Am auf dieselbe Weise legt, daß seine violetten Cheile 3. B. nach n then nach my strahlen, dann aber hinter de ox, vy in Rickungen, die dem einsahrenden Strahle Am gleichlaufend sind, durch die Inswischen können, wenn das Glas nicht et beträchtliche Dicke LM = NO hat, die beiden Pund v so nabe zusammensallen, daß sie in einen phosischen Pault zusammensallen, daß sie in einen phosischen Pault zusammensiesen, und weil sich die ten Strahlen im iesigen Falle nicht weiter von e

89

sechster Abschn. Anwendung bioptr. Grundl. zc. 153

entsernen, sondern in parallelen Lagen ox, vy sortlauseu, so bleibt auch my nur ein kleiner-Punkt, der uns nicht and ders als von vereinigtem Lichte bemerkbar gemacht wird, d. i. so erscheint, als wenn er vom Sonnenlichte unmittelbar beschienen wird, nur etwas matter. Hingegen wird die so beleuchtete Stelle my allerdings gefärbt erscheinen, wenn das Glas häulänglich Mck, b. i. L. M. hindaglich ared ist.

94

Weil ein Kötper, was für eine Farbe er auch n Hellen haben mag, im verfinsterten Bininer violet, lau, gelb, roth u. f. w. erscheint, sobald man mit-lft eines zweiten Prismas "bie violeiten wer bie auen ober bie gelben ober bie tothen Strahlen bat enheit der mannigfaltigen Lichttheilchen berzuleiten, us welchen das Connentifot jufammengefetzt ober geischt ift. Ungerlegt erscheint Vaffeibe weiß, und affe orper murben uns weiß erscheinen, weith fie bas auf e fallende Sonnenlicht unzerlegt in unfer Auge senden. Rorper, die uns nicht weiß erscheinen, muffen lso nur tiese ober iene Art von Lichttheilen, wenigens vorzüglich, in unfer Auge fenden. Colche farige Körper können diese oder jene Theile des auf sie illenden Sonnenlichts in sich aufnehmen, so daß das Strahlen berfelben nach auffen verhindert wird, und ns andere Lichttheile vom Korper wieder abgesendet erden, die ihn uns unter einer bestimmten garbe erbeinen laffen.

Die Entdeckung der Verschiedenheit der Bestandtheile es Sonnenlichts und der verschiedenen Brechbarkeit ieser verschiedenen Lichtarten nebst der davon abgeleiten Erklärung der mannigfaltigen sarbigen Ersch

\$ 5

nungen, gehört zu den grossen Erweiterungen, weiche Wissenschaften Texoton verdanken.

§. 95.

Senaue Versuche haben folgende Refraktionsver haltnisse gelehrt:

für den rothen Strahl 154: 100

— violetten — 156: 100

das mittlere . . . 155: 100

Alle Gläser werden in dieser ersten Abtheilung, so lange nichts besonders erinnert wird, so angesehen, als ob den durchgehenden Strahlen die mittlere Brechter teit zukäme, für welche, $\mu = 155$: 100 ist.

Auch wird durchaus vorausgesett, daß bie Krimmung der sphärisch geschliffenen Gläser nur werier Grade betrage.

Siebenter Abschn. Anwend, bioptr. Grundl. zc. `153

Siebenter Abschnitt.

Anwendung dioptrischer Grundlehren auf Strahlen, die durch Glaslinsen durchzehen und von einem Element herkommen, das in der Are der Linse liegt.

· §. 96.

Hlablinsen ober schlechtweg Linsen heisen bier Gläser mit zweien einander gegenüber liegenden wohlgeschliffenen und polirten sphärischen Flächen, deren Mittelpunkte in derienigen geraden Linie liegen, durch welche iebe anzenommene Ebene die beiden sphärischen Flächen in kongruente Hälften theilt. Ebendiese gerade Linie heißt die Afre der Linse.

Man sieht gleich, daß hier mancherlei Gestalten möglich sind.

- Gläser wie (fig. 58) heisen plankonkave, auch eins fachkonkave.
 - (sig 59) plankonvere, auch eine fachkonvere.
 - Die eine Fläche läßt sich als sphärische Fläche betrachten, die zu einem unendlichen Salbmesser gehörte.
 - (fig. 60. konverkonkave, bei welu. 61) chen nämlich die Ronverkät die stärkse Krümmung oder den kleinern Halbmesser hat.

Jehes solches fonverkonten Glas wie (fig. 60) heißt aud ein Menistus, wo namtto bie beiben Bogen eine gemeinschaft liche Sehne haben.

11. The

Gläser wie (fig 62) heisen konkavkonvere, bei vo chen die Ronfavitat die ffarffe Krumung ober ben fleinen Direchmeffer, wenigstens feinen größern Durchmeffer hat als bie Ronveritat.

-, - (fig. 63)

— tontavtontave, and doppeltkonkave, kave.

— (fig. 64) — tonvertonvere, ma doppeltkonvere, bitons vere.

Linsen, bei welchen die Krummung der Ronves rität särker als die der Ronkavität ist, bellen auch Sammlungsgläser ober Kollektivgläset; dieienigen aber, bei welchen die Krummung der Kontavitat starter als die der Konverität ist, Zerstreuungs alafer. Den Grund diefer lettern Benennungen wir man in der Folge kennen lernen (§. 119). wird in diesem Abschnitt die Mischung des Lichtes bei. Seite gesetzt, und alles Licht als gleichartig angesehen, fo d'af fein Brechungsverhaltniß als gegebett angenom men wird (5. 95).

§. 97.

Aufg. MN (fig. 65.) sey die Vorders fläche einer Linse, die nämlich einem strabs lenden Objekte P zugekehrt ist und ihren Mittels

Mittelpunkt in C hat; die gerade PC vom strahlenden Elemente P durch den Mittels punkt C gezogen, schneide die MN in A, und es sey PA = I, AC = r; m sey ein auf der Linse willkührlich angenommener Punkt und ACm = \gamma; man soll mit Beiseitesegung der zweiten Brechung, die Stelle p oder die Entsernung Ap bestimmen, in welcher der Strahl Pm bloß, vermöge der bei m ersols genden ersten Brechung, die Ac schneidet.

$$Cp = \frac{r \cdot \sin \beta}{\sin (\gamma - \beta)} (b)$$

Nun ist

alfo

$$\sin (\gamma - \beta) = \frac{\sin \gamma^2 - \sin \beta^2}{\sin (\gamma + \beta)}$$

und nun in (**b**)

$$Cp = \frac{r \cdot \sin \beta \cdot \sin (\gamma + \beta)}{\sin \gamma^2 - \sin \beta^2}$$

$$= \frac{r \cdot \sin (\gamma + \beta)}{\sin \beta \cdot (\frac{\sin \gamma}{\sin \beta^2} - 1)}$$

Die Photometrie.

Es ift aber

$$\frac{\sin(\gamma+\beta)}{\sin\beta} = \frac{\sin\gamma \cdot \operatorname{Cof}\beta + \operatorname{Cof}\gamma \cdot \sin\beta}{\sin\beta}$$

$$= \frac{\sin\alpha \cdot \sqrt{(1-\sin\beta^2)} + \operatorname{Cof}\gamma}{\sin\beta}$$

$$= \sqrt{\left(\frac{\sin\gamma^2}{\sin\beta^2}(1-\sin\beta^2)\right) + \operatorname{Cof}\gamma}$$

alfo

$$Cp = \frac{r.\left(Cof\gamma + \sqrt{\frac{fin\gamma^2}{fin\beta^2} - fin\gamma^2}\right)}{\frac{fin\beta^2}{fin\beta^2} - r} (5)$$

3. Weil nun Cp burch γ , δ , r und die Berhältnissahl des Refraktionsverhältnisses μ bestimmt werden soll, so darf man nur noch $\frac{\sin \gamma}{\sin \beta}$ aus dieser Stücken besonders suchen.

Es ist aber $\sin \alpha = \mu \cdot \sin \beta$ (wo füt Glas $\mu = 1,55$ oder $= \frac{31}{20}$ ist), also

$$\frac{\sin \gamma}{\sin \beta} = \frac{\mu \cdot \sin \gamma}{\sin \alpha} = \frac{\mu \cdot \sin \gamma}{\sin Cm P}$$

$$= \frac{\mu \cdot MP}{CP}$$

ober, AP+CA, b.i. δ +r flatt CP geset, $\frac{\sin \gamma^2}{\sin \beta^2} = \frac{\mu^2 \cdot MP^2}{(\delta+r)^2}$

3. Well

Siebenter Abscha. Anwend. dioper. Grundl. 2c. 159

3. Weil nun

$$MP^2 = CM^2 + CP^2 - 2 \cdot CM \cdot CP \cdot Cof\gamma$$

= $r^2 + (\delta + r)^2 - 2r \cdot (\delta + r) \cdot Cof\gamma$

o wird

$$\frac{\sin \gamma^2}{\sin \beta^2} = \frac{r^2 + (\delta + r)^2 - 2r \cdot (\delta + r) \cdot \text{Cof} \gamma}{(\delta + r)^2} \cdot \mu^2$$

$$= \frac{\mu^2 \delta^2}{(\delta + r)^2} + \frac{\mu^2 \cdot 2r \cdot \text{finv } \gamma}{\delta + r} \left(C \right)$$

Diesen Werth in & gebraucht, giebt Cp blog burch µ, d, r und y. Man hat daher aus eben diefen Studen

$$Ap = Cp + r$$

Wenn y flein ift, etwa nur ein paar Grabe betragt, so burchschneiden alle auf die Linsensläche zwie ichen A und m auffallende Strahlen einander febr nabe in einem einzigen Punft p.

In diesem Fall kann nämlich bas zweite Glieb in (vor. §.), welches sinv y enthält, gang bei Beite gefett werben, und fo erhalt man

$$\frac{\sin \gamma^2}{\sin \beta^2} = \frac{\mu^2 \delta^2}{(\delta + r)^2}$$

also in to

$$Cp = \frac{r \cdot \left(Cof\gamma + \sqrt{\frac{\mu^2 \delta^2}{(\delta + r)^2} - fin\gamma^2} \right)}{\frac{\mu^2 \delta^2}{(\delta + r)^2} - r}$$

(160 ni tament Die Photometrie.

ober, weil man in diesem Falle auch ohne merklichen Fehler Cos $\gamma = 1$ und sin $\gamma^2 = 0$ sehen sam beinahe

$$Cp = \frac{r \cdot (1 + \frac{\mu \delta}{\delta + r})}{\frac{\mu^2 \delta^2}{(\delta + r)^2} - 1}$$

$$= \frac{r \cdot (1 + \frac{\mu \delta}{\delta + r})}{1 - \frac{\mu^2 \delta^2}{(\delta + r)^2}} - \frac{-r}{1 - \frac{\mu \delta}{\delta + r}}$$

ober

$$Cp = \frac{r}{\mu \delta} = \frac{r \cdot (\delta + r)}{\mu \delta - (\delta + r)}$$

$$\frac{r}{\delta + r}$$

und

$$Ap = Cp + r = \frac{r \cdot (\delta + r)}{\mu \delta - (\delta + r)} + \frac{\mu \delta r - r(\delta + r)}{\mu \delta - (\delta + r)}$$

$$= \frac{\mu \delta r}{\mu \delta - (\delta + r)} = \frac{\mu \delta r}{(\mu - 1) \cdot \delta - r}$$

Für ieden weiter von A einfallenden Strahl b. k
für ieden größern Winkel y wird auch der Winkel, un
ter dem der gebrochene Strahl nach der Iten Brechung
die Are schneidet, größer, und desto näher fällt dies
Durchschnittspunkt an Az. B. in m, so daß der gestu
dene Ausdruck für Ap eigentlich nur für Strahlen gilt
die unmittelbar neben A auf die Linse fallen.

Biebenter Abschn. Annend Dianer. Grundl. 2c. 361

ird, so wird der in m gebrochene Strabl eigentlich cht genau in mp, sonbern j. B. in mm fallen; enn inzwischen Am nur wenige Brade bespägt, so ird Ap—Am ober pm febr nabe = 0.

§. 99.

Der Punkt p, sür welchen (fig. 65.)
$$Ap = \frac{\mu \delta r}{(\mu - 1) \cdot \delta - r}$$

, beist auch ein Sammlungspunft, und die Läne pr bes Arenftucks zwischen biesem Sammlungspunkt ib dem Punft, worin ein Strahl bei einem schon et-as merklichen Wetthe von 7 nach der 1 ten Brechung n Axe schneibet, heist die von der Augelgestale errührende Abweichung. Die Ap fann auch t tte Sammlungsweite genennt werden.

100.

Aus ber ten Sammlungsweite läßt fich ber Solbe effer der spharischen Flache finden, der ben einem gebenen Werthe von d die verlangte ite Sammlungs. eite zugehört. Mämlich aus

Ap =
$$\frac{\mu \delta r}{(\mu - 1) \cdot \delta - r}$$
 (fig. 65.)

illt man

$$r = \frac{(\mu - \tau).\delta.Ap)}{\mu\delta + Ap}$$

denn für Glas $\mu = 1,55$ wäre....

Agsborfs Photom.

!

Bezoge fich eine furze Sammlungsweite auf eine fehr vielmal weiter entfernten Gegenstand, so bas L Ap <0,001 ware, so hatte man genau genug

$$r = \frac{(\mu - 1) \cdot \delta}{\mu \delta} \cdot Ap = \frac{\mu - 1}{\mu} \cdot Ap$$

§. 10Î.

In der Formel für die tte Sammlungsweite

Ap =
$$\frac{\mu \delta r}{(\mu - 1) \cdot \delta - r}$$
 (§. 98.)

find r und Ap Linten, die auf der einen Seite, win lich hinter ber Linsenfläche, liegen; & eine Linie, in auf der andern Seite, nämlich vor der Linseufich liegt. Und so hat iede dieser drei Linien einen beiab ten Berth.

Inzwischen ist die Formel allgemein, und es w darf, um Ap zu bestimmen, für andere Falle feine neuen Untersuchung, indem sich die erforderlichen I sultate durch bloße Aenderung der Zeichen von felf gehörig ergeben.

Ware z. B. die hohle Seite einer Linfe ben strahlenden Element zugekehrt, so ware dieser for von dem (fig. 65.) nur darin verschieden, daß ist der Halbmesser von A nach P hin fiele, also iest ver neint wurde. Man mußte alfo iest — r statt +1 und — r statt — r schreiben. Für diesen Fall with also

$$Ap = \frac{\mu \delta . (-r)}{(\mu - 1).\delta + r} = -\frac{\mu \delta r}{(\mu - 1).\delta + r}$$

ebenter Abschn. Anwend. Dioptr. Grundl. zc. 163

für diesen Fall ist auch Ap verneint, oder Ap iest ebenso wie i mit der 8 auf einerlei Seite der , also alle drei Livien zugleich auf die hohle Seite.

Es lassen sich baber folgende Fälle für die Beung der isten Sammlungsweite unterscheiden, die inter der obigen allgemeinen Formel begriffen sind.

1 > 1 (wie für Strahlenbrechung aus Luft in Glas)

A.) S beiaht und r beiaht.

- 1.) (μ-1). δ>r giebt Ap beiaht:
 (fig. 65.)
- 2.) (μ -1). δ = r giebt $Ap = \infty$ b. h. ber Are gleiche laufend.
- 3.) (μ —1). Ist giebt Ap verneint; p fällt mit I auf einnerlei Seite, weiter von Aweg als das Objekt P (fig 66). Die gebroch. Strablen mw divergiren und ihr gemeinschaftlicher Durchschnittspunkt p fällt vor das Glas; p ist iest ein Zerstreuungsspunkt.

B.) I verneint und r beiaht (fig. 67.)

Dier liegt das strahlende Element
P so vor der erhabenen Fläche der
Linse, daß sein Durchschnitt mit
L2

B.) ber Are hinter die Linsenst Q fällt, also AQ = 8 m wird. Jest wird, in der meinen Formel sür Ap, — \(\dagger \text{d} \) geschrieben, also A \(\lambda \) \(\lambda

C.) I beiaht und r verneint (fig. 68.)

Jest fällt der Halbmesser t nach P, oder mit I auf e Seite, und ebendarum der l Pm auf die hohle Seite der man muß in diesem Falle— Ir, und Fr statt—r allgemeinen Formel setzen, u

hålt daher Ap = - (μ -1)
gleichfalls verneint, b. i. A
r liegen auf einerlei Seite,
beibe in der entgegengesetzt

von der fig. 65.

- D.) d perneint und r verneint. Jest : & statt &, und r statt : sest werden.
 - 1.) (µ-1). 8> r giebt Ap vei namlich

ebenter Abschn. Anwend. dioper. Grundl. zc. 165

D.)

$$Ap = \frac{\mu \cdot (-\delta) \cdot (-r)}{(\mu-1) \cdot (-\delta) + r}$$

$$= \frac{\mu \delta r}{r - (\mu-1) \cdot \delta}$$
also ben Zähler beiaht, ben
Renner verneint (fig. 69)

2.) $(\mu-1) \cdot \delta = r$ giebt $Ap = \infty$
ober ber Are gleichlaufend.

3.) $(\mu-1) \cdot \delta \leq r$ giebt Ap beiaht
(fig. 70).

I (wie für Strahlenbrechung aus Glas und Enft)

A.) I beiaht und r beiaht.
In diesem Falle ist allemal Ap verneint.

B.) I verneint und r beiaht

- 1.) (µ—1). δ>r giebt Ap verneint.
- 2.) (µ—1). d=r giebt Ap == ∞ ober ber Are gleichlaufenb.
- 3.) (µ-1). I < r giebt Ap betabt,
- C.) I beiaht und r verneint. In diesem Falle
 ist der Zähler allemal verneint, aber der Nenner
 wechselt. Nämlich
 1.) (p-1). I>r giebt. Ap beiaht.

C.) 2.) $(\mu-1).\delta = r$ giebt A'p =

3.) (µ—1). I < r giebt Ap ven

D.) I verneint und r verneint.
In diesem Falle ist sowohl der ler als der Nenner, also auch allemal beiaht.

§. 102.

Bisher war von der iten Sammlungsweite in Bezug auf die Ite Brechung die Rede. Allem zen aber die Strahlen ihren Weg nach der iten dung nur dis zur zten Fläche, der hinteren, derlinse geradlinicht fort und werden dann an der hir Fläche beim Ausgange in die Luft dem oben ang nen Gesetze gemäß aufs neue gebrochen, so da

biese 2te Brechung $\mu < 1$ (hier $=\frac{100}{155}$ doer =

wird. Der gemeinschaftliche Durchschnittspunk Strahlen ober ihrer Richtungen nach der 2ten dung ist das Bild des strahlenden Elementes m Entsernung dieses Buldes von der hinterstäche des ses heist die Bildweite. Allemal wird hier angenommen, daß der Punkt, wi Strahlen auf die Linse fallen, nur wi Grade von der Are oder dem Scheitelp (d. h. von dem Punkt, in welchem eine durch das lende Element und den Mittelpunkt der Kugel von der die Vorderstäche der Linse einen Theil ausi gesogene gerade Linte die Vorderstäche trisst) abl In den solgenden Sähen ist nun von Bestimmun ser Bildweite und den damit zusammenhängenden sen die Rede. . . §. 103.

Auf g. MN (fig. 71.) sey eine doppelt noere Linse; der zur Vordersläche gehö, e Mittelpunkt liege in c, der zur Zintersche gehörige in C; der Zaldmesser. cm se wie disher r, der Cn aber e; TS sey eis durch beide Mittelpunkte gezogene gera-Linie, also die Are der Linse. In dieser e liege ein strahlendes Element P, das B. den Strahl Pm auf MN wirst: man dt die Stelle ü, in welcher dieser Grahl ch der 2ten Brechung die Are schneider, er die Zildweite am, welche a heisen soll; Entsernung AP soll wie vorhin beisen.

Aufl. 1. mn sen die Richtung des Strahls ch der 1 ten Brechung, und ihre Verlängerung schneis die Are in p, so hat man (§. 98.)

$$Ap = \frac{\mu.\delta.r}{(\mu-1).\delta-r}$$

dann $\mu = 1/55$ iff.

2. Jest hat man also folgende Frage zu beantrten:

Wenn ein Strahl nach der Richtung mn oder mp aus Glas in Luft fährt, wie groß ist die Entfernung a, in welcher der in n gebrochene Strahl die Axe-a S schneidet?

Die Austosung dieser Ausgabe ist in der allgemein Formel (no. 1.) mit enthalten. Der hierher gerige besondere Fall ist der (h. 101. II. D.); est nämlich für die 2te Brechung d. h. für die Brechung in, $\mu < 1$, und sowohl d als r verneint. Was dort

bort d, r find, find hier bie Linien - ap, -C. also, für diesen Fall m' statt m gesetzt,

 $\mu'.(-ap).(-Ca)$ $(\mu'-1),(-ap)-(-Ca)$

Ober, wethi man Ap=h, die Glasdicke A PBL,

p'.(h-c).e $(1-\mu').(h-c)+$

skipt why opek

----(h---c).₹

Mun ist (no. 1.) h =

المناسكة (والمسائل) .

 $=(\mu \delta_{\xi}-((\mu-1).\delta-r).c).e$

 $(\mu-1).(\mu dr-((\mu-1).d-1).c)+((\mu-1).d-1).d$

Dber,

X

Siebenter Abschn: Anweine. Diepte: Grundl. 2c. 169

er,
$$(\mu-1).\delta-r.=B$$
 geftet,
 $(\mu\delta r-Bc).e$
 $(\mu-1).(\mu\delta r-Bc)+\mu Be$

5. Rann c ober die Dicke des Glases als unbetend bei Geite gesess werden io erhalt man kurger

$$\mu = \frac{\mu \delta r_{g}^{2}}{(\mu - 1) \cdot \delta r + B_{g}} = \frac{\delta r_{g}^{2}}{(\mu - 1) \cdot \delta r + B_{g}}$$

$$= \frac{\delta r_{g}^{2}}{(\mu - 1) \cdot \delta r + (\mu - 1) \cdot \delta g - r_{g}}$$
in diesem Falle
$$\delta r_{g}^{2}$$

$$= \frac{\delta r_{g}^{2}}{(\mu - 1) \cdot \delta \cdot (r + g) - r_{g}^{2}}$$

6. Vorstehende Formel ist Abrisens wiederum, die für Ap §. 101, allgemein und auf iedes ane e Glas anwendbar, das zu pen Linsen gehört, wenn bieienigen Aenderungen in den Zeichen vorgenomen. werden, die der etwa veränderten Lage einzelner ien angemessen ist.

So batf man z. B. In ber Anwendung auf ben' enistus (fig. 72.) blos ben Halbmesser e mit dem ichen nehmen, "welches bem in vorstehender Formel gegengesett ist. Das gabe

$$\frac{\delta r_{-}(-e)}{(\mu-1).\delta(r_{-}+r_{e})} = \frac{\delta r_{e}}{(\mu-1).\delta(e-r_{e})}$$

7. Ebendiese Formel gilt auch für Gläser wie fig. 62. Ist bei einem solchen Glase die hohle Fläche de erhabenen gleichlaufend, so ist e=r, also=.

$$a = \frac{\delta r g}{-r g} = -\delta$$

Umgefehrt sind beide Flächen einander gloichler fend, wenn $\alpha = -\delta$ wird. Alsbann ist also, be Glasdicke bei Seite gesett, Pzugleich ein Ferstreuunge punkt, d. h. die Strahlen divergiren nach der zwenten Brechung so, als kämen sie von Pher.

§. .104.

Die Winkel amn und APm lassen sich so mit einander vergleichen:

Es ist sehr nahe

: :::awn: apn ==:ap:aw:

apn : APm = AP : Ap

alfo

awn: APm = ap. AP: aw. Ap

sam a misi a ni al

unb $a\pi n = \frac{ap \cdot AP}{a\pi \cdot Ap} \cdot APm;$

 $=\frac{(h-c).\delta}{a.b}.APm$

Rann nun c oder die Dicke des Glases in Bed gleichung mit h bei Seite gesetzt werden, so erhält man $a\pi n = \frac{\delta}{a}$. APm.

Wenn sowohl'r als e in Vergleichung mit d für Rull geachtet werden kann, so heißt w der Brennspunkt, und seine Entsernung von a die Brennsweite, die in der Folge allemal durch f ausgedruckt wird. Kann c in Vergleichung mit h bei Seite gessetzt werden, so erhält man (§. 103. no. 5.)

fest werden, so exhalt man (§. 103. 110.5.)
$$f = \frac{\delta r_{\ell}}{(\mu - 1) \cdot \delta \cdot (r + \ell)} = \frac{r_{\ell}}{(\mu - 1) \cdot (r + \ell)}$$

oder, $\mu = .1,55$ gefeßt,-

$$f = \frac{re}{0.55 \cdot (r+e)}$$
 ober fast $= \frac{2re}{r+e}$

Wird c mit in Betrachtung gezogen ich wird die Formel etwas weitläuftiger, wie die nachstehende Aufogabe ergiebt.

§. 106.

Aufy. Aus μ , c, δ , r und e die Brenn= weite f und hiernachst mittelst f iede Bild= weite α zu bestimmen.

21 ufl. 1. Aus (§. 103. no. 4.) ist allgemein $\frac{(\mu \delta r - Bc) \cdot e}{(\mu - 1) \cdot (\mu \delta r - Bc) + \mu Be}$

Nun giebt sich die Brennweite, wenn man im allgemeinen Ausbruck für die Bildweite $\delta = \infty$ sett, da dann zugleich $B = (\mu - 1) \cdot \infty - r = (\mu - 1) \cdot \infty$ wird; man erhält also

$$f = \frac{(\mu.\infty.r - (\mu-1).\infty.c)...e}{(\mu-1).(\mu.\infty.r - (\mu-1).\infty.c) + \mu.(\mu-1).\infty.e}$$

Die Photometrie.

$$=\frac{(\mu.r-(\mu-i).c).e}{(\mu-1).(\mu.r-(\mu-1).c)+\mu(\mu-1).e}$$

shet

$$f = \frac{(\mu.r - (\mu-1).c).e}{(\mu-1).(\mu.(r+e)-(\mu-1).c)}$$

2. Der Renner im Werth von a (§. 103. 110.4)

if

$$(\mu-1).\mu.\delta(r+e)-\mu r e-(\mu-1)^2.\delta c$$

 $+(\mu-1).r.c$
 $=(\mu-1).(\mu.(r+e)-(\mu-1).c).\delta$
 $+(\mu-1).r.c-\mu r e$

woster ich zur Abkürzung
N.5-(\(\mu-1\).rc-\(\mu\re\)

fdreiben will.

3. Es ist aber aus (no. 1) $N = \frac{(\mu r - (\mu - 1) \cdot c) \cdot g}{f}$

also der Renner im Werthe von a =

$$\frac{(\mu r - (\mu - 1).c).e}{f}.\delta + (\mu - 1).rc - \mu re$$

4. Demnach a =

$$\frac{(\mu \delta r - ((\mu - 1). \delta - r). c). e}{(\mu r - (\mu - 1). c). e}. \delta + (\mu - 1). rc - \mu re$$

5. Sest

_ Siebenter Abicon. Anwend. bioper. Grundl. zc. 173

5. Sest man $(\mu r - (\mu - 1).c).\delta_s = M$, 6 hat man auch

$$\frac{M + c.r.e}{M + (\mu - 1).rc - \mu re}$$

$$= \frac{(M + cre).f}{M + ((\mu - 1).rc - \mu re).f}$$

6. Für ein Glas, bei welchem c in Bergleichung wit r und mit e als unbedeutend angesehen werden Zann, ist beinahe

$$M = \mu r \delta e$$

also, c in der ganzen Formel für Rull genommen,

$$a = \frac{|\mu r \delta \varrho \cdot f|}{\mu r \delta \varrho - \mu r \varrho f} = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

7. Diese Formel (no. 6.) findet am häufigsten thre Anwendung; sie giebt zugleich

$$\delta = \frac{\alpha f}{\alpha - f}$$
 und $f = \frac{\alpha \delta}{\alpha + \delta}$

8. Für $\delta = 2 \, \mathrm{f}$ hat man (no. 6.)

$$a = \frac{2f \cdot f}{2f - f} = 2f = \delta$$

9. fdr d=fwirb

$$a = \frac{ff}{f - f} = \infty$$

d. i- die gebrochenen Strahlen laufen hinter bem Glase parallel neben einander fort.

10. Får 8> f wird ber Werth von a verneing so lange δ beiaht ist, denn nun bleibt $\alpha = \frac{1}{\delta - f}$ Bahler beiaht, im Menner verneint. Die Strahlen bi vergiren also hinter dem Glase, als famen sie von ch nem Punfte in ber Are vor bem Glase ber.

11. Für einen verneinten Werth von & hat man allemal

$$a = \frac{-\delta f}{-\delta - f} = \frac{\delta f}{\delta + f}$$

Anm. Die Reflektirung ber Strahlen ift im Grunde nichts anders als Brechung, bei welcher der Sinus des Einfallswinkels dem des gebrochenen Winkels gleich, son das Verhaltniß der Refraktion 1 : 1 ift, nur daß ber re flektirte Strahl nicht ber hiernach bestimmten Richtung fondern gerade der entgegengesegten folgt.

Daher bleibt die Formel für li oder Ap (S. 103. no-1.) in folcher Allgemeinheit richtig, daß sie felbst für refleb tirte Strahlen ihre Anwendung findet, wenn man nur µ=− 1 fest. Es bleibt namlich auch fur Diese

$$A p = \frac{\mu \delta r}{(\mu - 1) \cdot \delta - r}.$$

oder, $\mu = -1$ gesetzt,

$$A p = -\frac{\delta r}{-2 \delta - r} = \frac{\delta r}{2 \delta + r}$$

wo r und Ap auf der einen Seite des Spiegels, Jaber auf der andern liegt.

Liegt r mit dem strahlenden Punkt auf einerlei Seite fo wird r verneint, also fur den reflektirten Strahl bein Pohlspiegel

$$Ap = \frac{-\delta r}{2\delta - r}$$

Siebenter Abschi. Anwend. divper. Grundl. 2c. 175

ind für d= wird beim Sohlspiegel

$$Ap = f = \frac{-\infty \cdot r}{2 \cdot \infty \rightarrow r} = -\frac{1}{2}r$$

oder der Brennpunkt fällt in der Entfernung I r vor den Sohlspiegel.

§: 107.

Aufg. Aus Ap= (sig. 71.), a==a, der Glasdicke c und dem Refraktionsverhältziß $\mu:1$ die Zalbmesser c.A=r und Ca=e der brechenden Flächen zu sinden.

 $2 \inf_{\mu \delta r} \frac{\mu \delta r}{(\mu - 1) \cdot \delta - r}, \text{ also}$ $\frac{\mu \delta r}{\mu \delta + h}$

2, Aus (§. 103. no. 3.) ist

$$\alpha = \frac{(h-c) \cdot e}{(\mu-1) \cdot (h-c) + \mu e}, \text{ also}$$

$$q = \frac{(\mu-1) \cdot (h-c) \alpha}{h-c-\mu \alpha}$$

§. 108.

Für eine doppeltkonvere Linse, beren Border- und Hinterstäche zu einerlei Halbmesser gehören, und deren Dicke der Summe dieser beiden Halbmesser gleich ist; oder, welches dasselbe ist, für eine Linse, deren beide Flächen in einer einzigen Rugelstäche liegen, her t = g und c = 2t = 2g.

Nun ist (§. 106. no. 1)

$$f = \frac{(\mu r - (\mu - 1) \cdot c) \cdot e}{(\mu - 1) \cdot (\mu (r + e) - (\mu - 1) \cdot c)}$$

also für die erwähnte Linse

$$f = \frac{(\mu r - 2\mu r + 2r) \cdot r}{(\mu - 1) \cdot (\mu \cdot 2r - 2\mu r + 2r)}$$

$$= \frac{(2 - \mu) \cdot r}{(\mu - 1) \cdot 2} = \frac{1 - \frac{1}{2}\mu}{\mu - 1} \cdot r \left(\frac{1}{2}\right)$$

elso, weil hier $\mu = 1,55$ iff,

$$f = \frac{0.45 \cdot r}{1.1} = 0.41 \cdot r$$

Dabei barf man nicht vergessen, daß die den strahlenden Punkt zugekehrte Linsensiäche nur einen sehe kleinen Theil einer Halbkugelstäche betragen darf, wenn sämmtliche darauf fallende Strahlen beinahe in einen einzigen Punkt vereinigt werden sollen.

Auch erhält man für diese Linse (§. 106. no.5) $M = (2-\mu). \delta r^2 \text{ und}$

$$\alpha = \frac{((2-\mu).\delta r^{2}+2r^{3}).f}{(2-\mu).\delta r^{2}+((\mu-1).2r^{2}-\mu r^{2}).f}$$

$$= \frac{((2-\mu).\delta+2r).f}{(2-\mu).\delta+(\mu-2).f}$$

$$= \frac{((2-\mu).\delta+(\mu-2).f}{(2-\mu).\delta-(2-\mu).f}$$

obet

$$= \frac{((2-\mu).\delta + 2r).f}{2-\mu).(\delta - f)}$$

Siebenter Abschn. Amvend. Mopen Grundl. 2c. 177.

So lange $\delta > f$ ist, bleibt $\frac{(2-\mu) \cdot \delta \pi}{(2-\mu) \cdot (\delta - f)}$, f > f um sovielmehr $\frac{(2-\mu) \cdot \delta + 2\Gamma}{(2-\mu) \cdot (\delta - f)}$, f over a > f, and $a > 0/4\Gamma \cdot f$.

Die non P (fig. 73.) auf ein kleines Segment Am der Glastugel fallenden Strahlen vereinigen also in einem Punkte ur der Are TS hinter der 2stugel, so daß um > 0,41.2 C. wirk.

Ist aber rober AC in Vergleichung mit d ober sehr klein, so ist sehr genau am = 0,41. aC.

Für Strahlen, die nach Richtungen auf die Vorläche dieser Linse fallen, welche burch von Mittelikt der Rugelstäche durchgeben in zu der beide Glassben gehören, ist & = 440, also

n gebören, ist
$$\delta = +i\pi$$
, also
$$= \frac{-(2-\mu) \cdot (-i\pi + 2\pi)}{(2-\mu) \cdot (-i\pi + 2\pi)} \cdot f$$

$$= \frac{-(2-\mu) \cdot (-i\pi + 2\pi)}{(2-\mu) \cdot (2-\mu)} \cdot f$$

$$= \frac{-(2-\mu) \cdot (-i\pi + 2\pi)}{(2\mu - 2)} \cdot f$$

$$= \frac{\mu \Gamma}{\mu} = -\Gamma$$

h. am (fig. 71.) fällt bei dieser Linse von a aus h der Seite, wo der strahlende Punkt P liegt, und fällt in den Mittelpunkt. Es tst iest m für die ausangedorfs Photom.

sahrenden Strahlen ein Zerstreuungspunkt, auch für sich klar ist.

Achter Abschnitt.

Amvendung dioptrischer Grundlehren aus Strahlen, die durch Glaslinsen durchzeiten und von Elementen ausser der Linsenare herkommen.

§. 109.

Es (cp (fig. 71.).,

der Wintel nmc = \$

mnC = *

 $-nCA = \bullet$

mca = y

und vm, vn sepen auf cm, Cn senkrecht, Tangenten an m und n, so ist

1) wegen der Bertikalwinkel bei +,

$$\gamma + \epsilon = \beta + \eta$$

und, wegen ber rechten Winfel bei m und ny

 $m\tau n + mvn = 180^{\circ}$

aber auch mon + moc = 180°

Daber.

2) $mvn = m\tau C = s + \gamma$

Sollte der bei n ausfahrende Strahl dem bet einfallenden parallel liegen, so mußte das Element breite

Achter Abschn. Anwendung dioptr. Grundl. zc. 179

chenden Fläche bei n dem bei m gleichlaufend sepn 174). In diesem Falle wären also die Tangenten v, nv gleichlaufend, also

mvn ober $\epsilon + \gamma = 0$.

§. 110.

Jür ieden Punkt m auf der Vorderstäche ner Linse MN (sig. 74.) läßt sich die Lage nes einfallenden Strahls Pm angeben, der ich der zweiten Brechung in eine Lage np mmt, und iene Lage Pm läßt sich sowohl nich Verzeichnung als durch Rechnung stimmen. Rämlich.

durch Verzeichnung.

n sen der Punkt, durch den der bei m einfallende rahl wieder aussahre, und mv, nv sepen Tangenlan m und n, so sind mv, nv einander parallel . 109), folglich auch, wenn C und c die beiden ittelpunkte der Glasslächen sind, die Cn der cm ichlausend.

Daber die ganz einfache Vorschrift:

Man siehe aus C die Cg der mc gleichlaufend, schneidet diese die Hinterstäche in 11, welches der nft ist, durch, welchen der Strahl aus dem Glas ederum in die freie Luft fährt. Also ist die gerade 11 der durch das Glas sahrende Strahl.

Man verlängere nunnicht bie inm und em rückets nach g und d, und ziehe die mP so auf die d, daß sin dmP: sin dmq == 155; 100 ober dmP == 1,55 sin dmq werde, so ist Pm die erstelliche Lage des in m einfallenden Strads.

in a 11. durch

178 ... Die Photometrie.

sahrenden Strahlen ein Zerstreuungspunkt, auch für sich klar ist.

Achter Abschnitt.

Amvendung dioptrischer Grundlehren aus Strahlen, die durch Glaslinsen durchschen hen und von Elementen ausser der Linsenare herkommen.

§. 109.

Es sep (fig. 71.).

ber Wintel nmc = \beta

mnC = \beta

nCA = \beta

mca = \gamma

and vm, vn sepen auf cm, Cn sentrecht, Tangenten an m und n, so ist

1) wegen der Bertikalwinkel bei τ_i , $\gamma + \varepsilon = \beta + \eta$

und, wegen ber rechten Winkel bei m und n.

 $m\tau n + mvn = 180^{\circ}$

aber auch mon + moc = 180°

Daber.

2) $mvn = m\tau C = s + \gamma$

Sollte der bei n ausfahrende Straft dem bet seinfallenden parallel liegen, so mußte das Element brecht

echenden Fläche bei n dem bei m gleichlaufend sepn 174). In diesem Falle wären also die Tangenten V, nv gleichlaufend, also

mvn ober $\epsilon + \gamma = 0$.

§. 110.

Jür ieden Punkt m auf der Vordersläche net Linse MN (sig. 74.) läßt sich die Lage nes einfallenden Strahls Pm angeben, der ich der zweiten Brechung in eine Lage np mmt, und iene Lage Pm läßt sich sowohl rich Verzeichnung als durch Rechnung stimmen. Nämlich.

durch Verzeichnung.

n sen der Punkt, durch den der bei m einfallende trahl wieder aussahre, und mv, nv sepen Tangensan mund n, so sind mv, nv einander parallel . 109), folglich auch, wenn C und c die beident ittelpunkte der Glasslächen sind, die Cn der cm ichlausend.

Daher die ganz einfache Vorschrift:

Man ziehe aus C die Cg der mc gleichlaufend, schneibet diese die Hinterstäche in 11, welches der inkt ist, durch welchen der Strahl aus dem Glas ederum in die freie Luft fährt. Also ist die gerade 11 der durch das Glas sahrende Strahl.

Man verlängere nunnieht bie inm und em rückits nach g und d, und ziehe die mp so auf die d, daß sim dmp: sin dmq = 155; 100 ober [dmp = 1,55 sin dmq werde, so ist Pm die erstelliche Lage des in m einfallenden Strable.

m a 11. durch

II. durch Rechnung.

Es ist
$$\frac{\sin \eta}{\cos \eta}$$
 oder tang $\eta = \frac{mb}{nb}$.

Nun ist

1) mb = Perpendifel ce = cC. sin c Cg = (r+g-c). sinγ
weil γ ober Ccd = cCg ist.

2) nb = nC - bC = g - bC, the wenn Cw auf nq sentrecht gezogen with $= g - (cw - cm) = g - (cc \cdot Cos\gamma - r)$ $= g + r - cc \cdot Cos\gamma = g + r - (r + g - c) \cdot Cos\gamma$

Demnach

$$tang \eta = \frac{(r+e-c) \cdot fin \gamma}{r+e-(r+e-c) \cdot Col \gamma}$$

Wan hat also auch $\beta \Longrightarrow \eta$. With nun the Stelle, in welcher die $\mathfrak{P}\eta$ die CC schneidet, mit bezeichnet, so hat man

Ich will diesen Winkel &mc mit a bezeichnen, so hat man

 $\sin \alpha = \mu \cdot \sin \eta$

wodurch also die Lage des Strahls Pm gegen die de bestimmt wird.

§. 111.

Aufg. Man soll die Entfernung Ach (fig. 74.) bestimmen, in welcher ein Strahl Pm die Are Co nach der ersten Brechung schneiden muß, wenn er nach der zweiter Brechung

Achter Abschn. Anwendung dioptr. Grundl. 1c. 181

Rechung wieder in eine Lage np kommen M, die der Pm gleichlaufend ist.

Aufl. 1. Der Strahl mn schneidet die Axe

 $mc: fin m\sigma c = c\sigma: fin \beta$

also

$$c\sigma = \frac{mc \cdot \sin \beta}{\sin m\sigma c} = \frac{mc \cdot \sin \beta}{\sin (\beta + \gamma)}$$

und

$$A\sigma = cA - c\sigma = r - \frac{r \cdot \sin \beta}{\sin (\beta + \gamma)}$$

$$= r \cdot \left(r - \frac{\sin \gamma}{\sin (\gamma + \gamma)}\right)$$

2. Nun ist ein Perpendikel von C auf nq = $n \cdot \sin \eta = C\sigma \cdot \sin C\sigma m$ und ein Perpendikel von auf nq = $mc \cdot \sin \beta = c\sigma \cdot \sin c\sigma n$. Also

 $Cn \cdot fin_{\beta} + mc \cdot fin_{\beta} = C\sigma \cdot fin_{\alpha} + C\sigma \cdot$

er, weil fin $c\sigma n = fin C\sigma m = fin c\sigma m = i (\beta + \gamma)$ und $\beta = \gamma$, Cn = g und mc = r

 $g \cdot \sin \eta + r \cdot \sin \eta = C \sigma \cdot \sin (\beta + \gamma) + c \sigma \cdot \sin (\beta + \gamma)$

$$(g+r) \cdot \sin \eta = Cc \cdot \sin (\beta + \gamma)$$

= $(g+r-c) \cdot \sin (\eta + \gamma)$

0

$$\frac{\sin \eta}{\sin (\eta + \gamma)} = \frac{r + e - c}{r + e}$$

M 3

3. Dem.

g. Demnach (1.)
$$A\sigma = r \cdot \left(1 - \frac{r + e - c}{r + e}\right)$$

$$=\frac{rc}{r+e}$$

4. Für r == g wird also

$$A_{\sigma} = \frac{r}{2r} \cdot c = \frac{1}{2}c$$

weffern gehören, beren beibe Flächen zu gleichen z meffern gehören, durchschneiden alle auf die Linse Lende Strahlen, für welche die vorausgesetzte B gung gilt, einander nach der ersten Brechung in Mitte des Glases.

5. Für r == e und c == 21 ober, wenn! Glassiächen in einerlei Rugelstäche liegen, wird

$$A\sigma = \frac{r \cdot 2r}{r+r} = r$$

woferne die Bedingung der Aufgabe eintrit.

Die allgemeine Formel (vor. §. no. 3.) er daß der Werth von As bloß von r, s und c, auf teine Weise von y abhängt. Alle Strahlen unter welchem Winkel mit der Ape sie auch ein mögen, durchschneiden die Ape nach der ersten chung in einem einzigen Punkt s, woserne sie sie kinse fallen, daß der aussahrende dem einfallsgleichlausend ist. Und weil $\frac{r}{r+e} < r$ ist, so

auch (fig. 74.) As ober $\frac{r}{r+e}$. c allemal Ac some ober $\frac{r}{r+e}$. c allemal Ac some

§. 113.

Benn Pm ein Strahl ist, welcher der Foderung (h. III.) ein Senüge thut, und dieser verlängert die Ape in – schneidet, so ist

cr: fin cm - = cm: fin crm

socr

 $c\tau: \sin \alpha = r: \sin (\alpha + \gamma)$

alfo

 $c\tau = \frac{r \cdot \sin \alpha}{\sin (\alpha + \gamma)}$

und

$$A\tau = r - c\tau = r \cdot \left(i - \frac{\sin \alpha}{\sin (\alpha + \gamma)}\right)$$

Eine Bestimmung aus r, g, c und μ folgt (h. 116).

§. 114.

Dunkt m in der Linsensläche (si. 110.) sür ieden Punkt m in der Linsensläche (sig. 74.) ein Strahl mp angeben läßt, der eine solche Lage hat, daß der aussahrende Strahl in eine Lage kommt, die der mp gleichlausend ist, so läßt sich auch umgekehtt aus iedem por der Linse liegenden strahlenden Element itgend ein Strahl auf die zläche der Linse ziehen, der nach der zweiten Brechung in die erwähnte gleichlausende Lage komme.

- 1. Aus dem gegebenen Punkt P (fig. 75.) man bie PP sentrecht auf bie Are, und Pr bilich m Mittelpunkt C; diese schneidet die Linse auf der Botto kint flache in m', auf der hinterflache in n.
- 2. Ein Strahl PA wurde in A so gebriche daß er nach ber ersten Brechung sich immer mehr weit a A'a entferien mußte, also für ihn tein Durchinutelbe punte mit der Ape swischen A und a undglich wied wie boch erfodert murbe, wenn ber Bestingung W paraltelen Ausfahrens ein Genüge geschehen (§. 112).

Alfo' muß ber verlangte Strahl hober als ba PA liegen.

- 3. Der Strahl Pm!, welcher berlangert burd ben Mittelpunkt c'burchgeht, geht ungebrochen burch m', wird aber, wenn er nicht felbst durch ben Mitteli punkt der Hinterfiache durchgeht, allemal in der him terfläche, die er in gerader Linie erreicht, gebrochen fann also beim Ausfahren nicht in die verlangte parch lele Lage fommen. Nur in gedachtem Falle, ba bet Strahl Pc zugleich burch ben Mittelpunkt ber hinter flache durchgeht, also c der gemeinschaftliche Mittele punkt beiber Flachen ift, bleibt bie Reigung bes Strable gegen bie Are beim Einfallen und Ausfehres dieselbe. Für ieben andern Fall liegt m', ju hocher im bem ein noch höher auffallenber Strahl Pmu nach be etsten Brechung m"n", die ihn erniedriget, burch die zweite Brechung n"p", noch mehr erniedriget, alfe noch mehr von der parakelen Lage abzeleitet wird.
- 4. Es muß also zwischen PA und Pm' ober PC einen Strahl geben, der die zu tief liegenden pot den zu hochliegenden scheidet, z. B. Pm, und dieset

p nothwendig der Foberung ein Genüge thup, so nach der zweiten Brechung np der Pm gleich. fend wird. . . (:

Der Strahl Pmnp heißt der mittlere Strahl: Pap ein kleiner Winkel, so bag Am' nur wenige ade beträgt, so ist um, soviel mehr Am klein, dadie? Linie Pmnp nicht merklich von :einer geraben Mieben. Det Strahl nip erscheint nämlich einem ige in der Linie np so, als kame er von einem inft x über P ber, ber nur unmerflich über P liegt, N die pn durch das Glas gezogen, sthr nahe bei m togeht und der m P parallel bleibt, fo daß ber aus wende nip ohne merklichen Gehler als Strahl anges en werben fann, welther in geraber Linte von bem ment P felbst herkame. Die Folge wird zeigen, die Erklarung ber Urt, wie Glastinfen Bilter von jetten barstellen, hauptsächlich auf ber Betrachtung ses mittleren Strahls beruhe. Ich will Pm seinen rderen, mn seinen mittleren und np seinen steren Theil nennen.

§. 116.

Aufg. Der vordere Theil des mittleren trabls schneide die Are TS (sig. 75.) in τ , khintere schneide sie in w; r, ϱ , c und μ 5 gegeben; man soll Ar und aw unter r Voraussezung bestimmen, daß PAD r wenige Grade betrage.

Aufl. 1. Aus (h. 101. I. B) hat man, Ac t Ap gesett,

$$A \sigma = \frac{\mu \delta r}{(\mu - 1) \cdot \delta + r}$$

$$\mathfrak{M} 5 \qquad \text{also}$$

also blee

$$A\sigma = \frac{\mu \cdot A\tau \cdot r}{(\mu - 1) \cdot A\tau + r}$$

woraus sich allgemein für leden einfallenden Straff

$$A\tau = \frac{r \cdot A\sigma}{(\mu - 1) \cdot A\sigma - \mu r}$$

ergiebt, wenn a überhaupt ben Punkt in der Are in zeichnet, durch welchen der zum erstenmal gebrocken Strabl durchgeht.

Nun ist insbesondere für denienigen Strahl, in nach der zweiten Brechung wieder in die seiner erfe Richtung parallele Lage kommt, d. h. für den vort ausgehenden Mittleten Strahl

$$A_r = \frac{r.c}{r+s}$$
 (§. 111. no. 3.)

Diesen Werth, in der allgemeinen Gleichung! Ar, substituirt, giebt hier & oder

$$A\tau = \frac{rc}{(\mu-1).c-\mu(r+g)}$$

wo der Nenner einen verneinten Werth hat, weicht zu erkennen giebt, daß d oder Ar hier nicht wie A zur Linken, sondern auf der entgegengesetzten Sa genommen werden musse.

2. Ist nun np der hintere Theil des mittle Strahls, welcher rückwärts verlängert die Are usschneidet, so kann für die Voraussezung, das PM ein kleiner Winkel sey, om der On gleichlausend genommen werden.

Es ist überbas die P τ der wp gleichlaufend, also $\mathbf{em} \tau \doteq \mathbf{Cnw}$, $\mathbf{c}\tau \mathbf{m} = \mathbf{Cwn}$, $\mathbf{mcC} = \mathbf{nCc}$; demnach $\triangle \mathbf{cm} \tau \sim \triangle \mathbf{Cnw}$ und

 $cm : c\tau = Cn : Cw$

ober cA: c7 = Ca: Cw

elfo auch

 $cA:(cA-c\tau)=Ca:(Ca-Cw)$

b. i. $cA:A_{\tau}=Ca:aw$

er r:Ar = e:aw

 $\mathbf{a} \mathbf{w} = \frac{\mathbf{f}}{\mathbf{r}} \cdot \mathbf{A} \boldsymbol{\tau}$

per, den Werth von Ar substituirt,

 $aw = \frac{g \cdot c}{(\mu-1) \cdot c - \mu (r+g)}$

wo wiederum der Renner verneint ift. Sieht man alfo Die Lage von aw als befannt an, so fann man

 $aw = \frac{g \cdot c}{\mu \cdot (r+g) - (\mu-f) \cdot c}$

Regen, auch ebenso

 $A\tau = \frac{rc}{\mu.(r+e)-(\mu-1).c}$

3. Man hat also auch

 $A\tau + aw = \frac{(r+e) \cdot c}{\mu \cdot (r+e) - (\mu-1) \cdot c}$

$$= \frac{(\mu-1) \cdot ((r+\varrho) \cdot c - c^2)}{\mu \cdot (r+\varrho) - (\mu-1) \cdot c}$$

$$= \frac{(\mu-1) \cdot (r+\varrho-c) \cdot c}{\mu \cdot (r+\varrho-c) + c}$$

4. Ist c in Vergleichung mit r--e sehr kick, so ift-beinabe

$$A\tau = \frac{1}{\mu(r+e)}.c; aw = \frac{e}{\mu(r+e)}.c$$
unb $\tau w = \frac{\mu-1}{\mu}.c$

\$. 117.

Aufg. TS (sig. 76.) sey die Are det Linse; c, C ihre beiden Mittelpunkte; Pein strahlendes Element in TS, P ein strahlens des Element über P, so daß PP senkrecht auf TS ist; PR sey durch c gezogen und schneide die Vordersläche in m'; PmnQ sey der mittlere Strahl; PAP soll ein tleinet Winkel seyn: man soll bestimmen, ob und wo ein Bild von Phinter der Linse entste hen könne, vorausgesetzt, daß die von P auf die Linse fallenden Strahlen die Vor derfläche in Punkten treffen, die nur um menige Grade von A abliegen.

Uufl. 1. In Bezug auf die erste Brechum ist PR eine ebensolche Are für die Strahlen von P, wie PS für die Strahlen von P. Erstere vereiniget fich baber vermoge der ersten Brechung eben fo in ch nem Punft k der Are PR, wie lettere in eines Annt Achter Abschn. Anwendung diopte. Grundl. 2c. 189

Punft o ver: Nee TS, und man hat (g. ror), Pmf Ratt o gesett,

$$m'k = \frac{\mu \cdot pm' \cdot r}{(\mu - 1) \cdot pm' - r}$$

so wie

$$Ap = \frac{\mu . AP . r}{(\mu - 1) . AP - r}$$

Dieses bleibt immer richtig, PAP mag groß ober flein seyn.

2. Nun sen aber PAP, also umsomehr PcPsehr klein, so ist beinahe Pc = Pc, also auch sehr nabe m'p = AP, demnach febr nabe.,

$$\frac{\mu \cdot \mathfrak{P} \tilde{m}' \cdot r}{(\mu - 1) \cdot \mathfrak{P} \tilde{m}' - r} = \frac{\mu \cdot AP \cdot r}{(\mu - 1) \cdot AP - r}$$
ober $m'k = Ap$
und $cp = ck$

also auto Cc+ck=Cc+cp=Cp

3. Run ziehe may die gerade Ck, so ist, weil Cck = 180°—CcP, also beinahe = 180° ist, ohne merklichen Fehler Cc—ick = Ck, also (no. 2) sehr nahe Ck = Cp, und Ck - Ct = Cp - Ca, ober

tk = ap

4. Mun sepen (fig. 77.) ab, cd, ef, gh die Richtungen, nach welchen die von P ausgehenden Strahlen nach ihrer ersten Brechung burch bas Glas bis zur hinterfläche DbB burchgeben, so kommen alle Diese Strahlen, wenn bt nur wenige Grabe beträgt, DEK.

192 Die Photometrie.

Dasselbe gilt von iedem Element in Pp; is das Bild von V fällt auf gleiche Weise in v, so in wiederum $Cv = C\pi = Cp$ wird, und so if all der mit $C\pi$ beschriebene Bogen π vp das Bild in Pp. Da aber π Cp nur ein sehr kleiner Winkel if so kann man p π allemal als eine gerade auf der pron PP ist.

§. 118.

Weil die P τ (fig. 76.) der pw gleichlausen ist, so ist $P\tau p = pw\pi$, also $\Delta pP\tau \sim \Delta \pi pW$ und daher

$$\mathfrak{P}P:\mathfrak{p}\pi=P\tau:\pi w=(PA+A\tau):(\pi a+a w)$$

Wenn aber die Dicke des Glases in Vergleichmen mit r und e sehr klein ist, so kann man ohne menke chen Fehler Ic sowohl für Ar als für aw sehren und es bleibt noch sehr nahe

$$\mathfrak{P}P : \mathfrak{p}\pi = (PA + \frac{1}{2}c) : (\pi a + \frac{1}{2}c)$$

$$= Ps : \pi s$$

wenn As = as genommen wirb.

Demnach verhalten sich bei Gläsern, beren Dick in Vergleichung mit ben zugehörigen Halbmessern r, sals klein angenommen werden kann, Durchschnitte linien des Objekts und des Vildes, die in einerste Seene liegen, sehr nahe wie ihre Entfernungen der Mitte des Glases. Man kann daher auch des Vild mp leicht verzeichnen, wenn man, wo iene Voraussetzung der unbedeutenden Glasdicke statt sinder durch w die q'q senkrecht und nun von P eine gerake Al Q durch die Mitte s des Glases durchzieht. Diese schafes durchzieht. Diese

Achter Abschn. Anwendung dioptr. Grundl. 1c. 193

iste we pon PP.

Eben so giebt sich von PP' das Bild np', also pp' das Bild pp', und es tst PP': pp' == : xs.

Man kann also nunmehr die obigen Formelts &. 105. u. 106.)

-

$$f = \frac{fg}{(\mu - 1) \cdot (r + g)}$$
und $\alpha = \frac{\delta f}{\delta - f}$

uf das Bild eines ieden Objekts anwenden, indem f de Brennweite bezeichnet, a die Bildweite, namth dier (fig. 76.) die am, und d die Objektweite AP bezeichnet. Nur muß c oder die Glasdicke sehr lein seyn, in Vergleichung mit r und mit e, wie ann von nun an allemal borausgesetzt werden soll, vo nichts besonders erinnert wird.

Dabei ist dann noch zu bemerken, daß diese Forteln aus Beträchtung eines doppeltkonveren Glases wie sig. 76.) hergeleitet worden sind.

Es mussen also für andere Gläser nur die Zeichen sehörig abgeändert werden, wenn die Werthe von rende gebeaucht werden.

Es finden namlich folgende Falle fatt *).

I. r

Diekt allemal zur Linken ber Zeichnung benken, und so sangeborfs Photom.

192 Die Photometrie.

Dasselbe gilt von iedem Element in PP; is das Bild von V fällt auf gleiche Weise in v, son wiederum $Cv = C\pi = Cp$ wird, und so if der mit $C\pi$ beschriedene Bogen π vp das Bild von PP. Da aber π Cp nur ein sehr kleiner Winklift fo kann man p π allemal als eine gerade auf der TS senkrecht stehende Linie betrachten, die das Bild von PP ist.

§. 118.

Weil die Pr (fig. 76.) der pw gleichlausendie, so ist PrP == pwn, also $\triangle Pro \triangle pp$ und daher

$$\mathfrak{P}P:\mathfrak{p}\pi=P\tau:\pi w=(PA+A\tau):(\pi a+aw)$$

Wenn aber die Dicke des Glases in Vergleichmen mit ründ g sehr klein ist, so kann man ohne mend chen Fehler IC sowohl für Ar als für aw sem und es bleibt noch sehr nahe

$$\mathfrak{P}P : \mathfrak{p}\pi = (PA + \frac{1}{2}c) : (\pi a + \frac{1}{2}c)$$

= $Ps : \pi s$

wenn As = as genommen wirb.

Demnach verhalten sich bei Gläsern, beren Dick in Vergleichung mit den zugehörigen Halbmessern r, sals klein angenommen werden kann, Durchschninde linien des Objekts und des Vildes, die in einenkt Ebene liegen, sehr nahe wie ihre Entsernungen wie der Mitte des Glases. Man kann daher auch der Vilden der geicht derzeichnen, wenn man, wo iene Vor aussetzung der unbedeutenden Glasdicke statt sinde durch wie die Penkrecht und nun von Peine gerale PQ durch die Mitte a des Glases durchzieht. Diek

Achter Abschn. Anwendung dioptr. Grundl. 1c. 193

weibet die senkrechte ma in p und giebt also das id mp von PP.

Eben so giebt sich von PP' das Bild #p', also n PP' das Bild pp', und es sit PP': pp' == i : \pi =.

Man kann also nunmehr die obigen Formeln §. 105. u. 106.)

$$f = \frac{re}{(\mu - 1) \cdot (r + e)}$$
and
$$\alpha = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

Brennweite bezeichnet, a die Bildweite, nambier (fig. 76.) die am, und d die Objektweite Pezeichnet. Nur muß c oder die Glasdicke sehr Lein seyn, in Vergleichung mit r und mit e, wie ann von nun an allemal vorausgesetzt werden soll, von nichts besonders erinnert wird.

Dabei ist bann noch zu bemerken, daß diese Forkeln aus Betrachtung eines boppeltkonveren Glases wie sig. 76.) hergeleitet worden sind.

Es mussen also für andere Gläser nur die Zeichen whörig abgeändert werden, wenn die Werthe von red ebeiaht gebraucht werden.

Es finden nämlich folgende Falle fatt *).

I. r

*) Man truß sich in nachstehenden Figuren das straßlends Objekt allemal zur Linken ber Zeichnung denken, und so auch I. r beiaht und ę beiaht — ein doppeltkonvem Glas wie fig. 76. Hier bleibt

$$f = \frac{r e}{(\mu - 1) \cdot (r + e)}$$
 beiaht
$$\alpha = \frac{\delta f}{\delta - f} \cdot \text{ beiaht, sobald } \delta > f$$

II. r beiaht und e verneint.

1.) r < e (fig. 60. P und fig. 61.) ein konspertonkaves, das dem Objekt die whabene Seite zukehrt.

Hier wird
$$f = \frac{-r e}{(\mu - r) \cdot (r - e)} =$$

Te Dieses hat also, we das vorige, allemal einen Brennpunk hinter bem Glase. Zugleich wird

$$\alpha = \frac{\delta f}{\delta - f} \text{ wie in I.}$$

2.) r > e (fig. 62.) ein konkavkonveru, das dem Objekt die erhabene Seite petert.

hier wird

$$f = \frac{-re}{(\mu-1).(r-e)}$$

verneint; dieses Glas hat also keinen Brennpunkt hinter dem Glase, me

auch den Durchschnittspunkt der Strahllinie mit der Ark Fällt dieser auf die andere Seite des Glases, so muß is allen hier stehenden Formeln — I statt J geschrieben werden

ter Abschn. Anwendung dioptr. Grundl. zc. 195

einen vor der Vordersläche liegenden geometrischen Vereinigungspunkt, in welchem alle der Linsenare parallel einsallende Strahlen nach der zweiten Brechung rückwärts verlängert zusammenstommen würden:

Wird nun dieser Werth beiaht ge- . nommen, so hat man

$$a = \frac{-\delta f}{\delta + f}$$

gleichfalls verneint.

Es giebt also auch kein Bild hinter diesem Glase, keinen Sammlungse punkt sur die Strahlen, die von irgend einem Pankte des Objekts herkommen, sondern einen Zerstreuungspunkt vor dem Glase; die von iedem Elemente des Objekts herkommende Strahlen div vergiren hinter dem Glase, als kamen sie von einem Elemente vox dem Glase in der Entsernung a her. Das Bild ist kein physisches, nur ein geomestrisches.

r verneint und g beiaht (fig. 60. p u. fig. 64 *)

1.) r>r (fig. 60. p), ein konverkonkaves, das dem Objekt die hohle Seite zukehrt.

Sier wird
$$f = \frac{-r\varrho}{(\mu - 1) \cdot (\varrho - r)}$$

$$= \frac{r\varrho}{(\mu - 1) \cdot (r - \varrho)} \text{ beiahe}$$

$$\Re 2$$

Die Photometrie.

und $\alpha = \frac{\delta f}{\delta - f}$, also, für $\delta > f$, and α beiaht, völlig wie I, I; nur I und g verwechselt.

2.) r < g (fig. 64*), ein konkavkonveren das dem Objekt die hohle Seite zukeht.

Sier wird
$$f = \frac{-r_g}{(\mu - r) \cdot (g - r)}$$
 verneint.

Nimmt man den Werth von f beiahts

$$\alpha = \frac{-\delta f}{\delta + f}$$

gleichfalls verneint, und es verhält sich alles wie II, 2, nur r und g verwechselt.

IV. r verneint und e verneint (fig. 63); ein doppelten Bohls glas, auch schlechthin ein Hohlglas.

Spier wird
$$f = \frac{(-r) \cdot (-e)}{(\mu - 1) \cdot (-r - e)}$$

$$= \frac{-re}{(\mu - 1) \cdot (r + e)}$$

verneint. Nimmt man den Werth von f be iaht, so hat man

$$a = \frac{-\delta f}{\delta + f}$$

gleichfalls verneint, und es verhält fich wie berum wie 11, 2.

Achter Abschn. Anwendung dioper. Grundl. 2c. 197

Die Bestimmungen für das plankonvere oder einfachkonvere Glas sind umer (1) mit begriffen, es mag die ebene oder die konvere Seite dem Objekt zugekehrt senn, d. i. es mag $r = \infty$ oder $e = \infty$ seyn. In iedem dieser Fälle wird, wenn man den endlichen Halbmesser mit R bezeichnet,

$$f = \frac{R}{\mu - 1}$$

$$\alpha = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

Die Bestimmungen für das plankonkave ober für das einfache Zohlglas sind unter (IV) mit begriffen, es mag die ebene oder die koutave Seite dem Objekt zugekehrt senn, d. i. es mag r = ∞ oder $e = \infty$ senn. Man hat wiederum, wenn R den Halbmesser der, hohlen Seite bezeichnet, allemal

$$f = \frac{-R}{\mu - 1}$$

und, wenn der Werth von f beiaht genommen wird,

$$a = \frac{-\delta f}{\delta + f}$$

wie in IV.

ulso

Alle Gläser, bei welchen die konspere Seite den kleinern Durchmesser hat (I, II 1, III 1 und V) haben ein physisches Bild hinter dem Glas, solange d>fist; ihr Brennpunkt ist N 3 alles

allemal ein wirklicher physischer Brennpunkt, ein Samme lungspunkt. Sie heisen dahn Sammlungsgläser, Rollek, tivgläser.

Hingegen

Ulle Gläser, bei welchen die konstave Seite den kleinern Durchmesset hat (112, 1112, IV und VI), haben allemal nur ein geometrisches Bild vor dem Glas; ihr Brennpunkt ist nur ein geometrischer, ein Zerstreuungspunkt. Sie beisen daher Zerstreuungsplässet.

§. 120.

Für die Kolleftivgläser (§. 119.) ist allemal

$$\alpha = \frac{\delta}{\delta - f} \cdot f$$
also $\alpha > f$, namelich
$$= \frac{\delta - f + f}{\delta - f} \cdot f = (r + \frac{f}{\delta - f}) \cdot f$$

woferne d>f ift.

Wenn daher f sehr vielmal kleiner als & ist, so hat man beinahe

Es sen z. B. PP' (fig. 76.) ber Durchmesser der scheinbaren Sonnenscheibe, Pihr Mittelpunkt, so giebt es für iedes Element der Sonnenscheibe, von dem Strahlen auf das Kollektivglas fallen, einen Brens-

Achter Abschn. Anwendung diopte. Grundl. 1c. 199

Brennpunkt, z. B. zu P gehört der Brennpunkt π in der Entfernung $\frac{r\varrho}{(\mu-1).(r+\varrho)}$ von a; ebenso zum Element P' der Brennpunkt p', und zum Element P der Brennpunkt p. Daher gehört zu dem Durchmesser PP' die Brennpunktslinie pp', und zur ganzen Sonnenscheibe die Brennpunktsstäche, deren Durchmesser pp', die also eine Kreisstäche ist.

Weil nun hier $\frac{r_{\ell}}{(\mu-1).(r+\ell)}$ ober f einen so kleinen Theil von A P oder J beträgt, daß $(i+\frac{f}{J-f}).f$ wicht von f unterschieden werden kann, so hat man g gleich $\alpha=f$, und die Brennpunftsstäche ist also g gleich daß Sonnenbild.

Es ist aber (§. 118.)

$$P\tau : \pi w = P\mathfrak{P} : \pi \mathfrak{p}$$
also
$$\pi \mathfrak{p} = \frac{P\mathfrak{P}}{P\tau} \cdot \pi w = tang P\tau \mathfrak{P} \cdot \pi w$$

ober beinahe = tang $P \tau \mathfrak{P}$. f

wenn die Glasdicke in Vergleichung mit r und e unbebeutend ist. Wenn man also für die Sonnenscheibe P + p = 16' sett, so hat man beinahe den Halbmesfer des Sonnenbildes

$$\pi p = 0,00465 \cdot f$$

§. 12I.

Aufg. Die verhältnismäßige Stärke der Erleuchtung im Bilde in Vergleichung N 4 mit mit dem Glanze des leuchtenden oder strate Lenden Objekts zu bestimmen.

Aufl. 1. Man benke sich in P (fig. 78.) et Element des Objekts PP', das dem Sammlungsglak DB eine Fläche = E² zukehrt; NaKbO sen ets Halbfreis aus P mit PO beichrieben, und diesen Halbfreis denke man sich um NO so gedreht, daß er eine Halbfugel beschreibe, die durch NaKbO in zwei Halbfugel beschreibe, die durch NaKbO in zwei Halften getheilt sen. Ist nun ab eine dem Durchmefser NO parallele Sehne, so ist ab zugleich der Durchmesser einer Kreisstäche, die sich ergiebt, wenn man die erwähnte Halbfugel in ab senkrecht auf PK schneis det; die Kreisstäche will ich Fläche ab nennen. Die Rugel muß man sich übrigens hohl denken.

2. Alle auf die zur Fläche ab gehörige Mölbung aKb fallende Strahlen gehen durch die Fläche ab durch; ie näher ab an NO genommen wird, desto vollständiger erhält man in ab die Summe aller Strahlen, welche von P auf die halbe Rugelstäche sallen. Fällt ab in NO, so nimmt die Fläche ab alle im Naum der Halbtugel verbreitete Strahlen eines Elements von PP' auf. Diese will ich durch N ausdrücken. Ebenso fängt die Fläche BD des Sammlungsglases alle im Rugelausschnitt BPD verbreitete Strahlen auf, und diese Lichtmenge will ich n nennen; so ist

n: N = Flache BD: Flache NO

Aber $PK = PN = \delta$, also Flache $NO = \pi \cdot \delta^2$, und die halbe Breite KD soll = b seyn, also Flache $BD = \pi b^2$ und

ober
$$n : N = \pi \cdot b^2 : \pi \delta^2$$

$$n : N = \frac{b^2}{\delta^2} \cdot N$$

Achter Abschn. Anwend. dioptr. Grundl. 2c. 201

3. If nun PP' gegen NO sehr klein, so läßt sich iedes Element von PP' als Mittelpunkt der erwähnten Augelfläche ansehen, und der Saß $n=\frac{b^2}{\delta^2}N$ zilt dann von iedem Element in PP', wenn alle Elemente gleich start leuchten. Ist also M die Lichtmenge, welche B Elemente von PP' nach der Fläche BD senden, so hat man

$$M = \beta \cdot \frac{b^2}{\delta^2} \cdot N$$

Ist die von einem zur Einheit gebrauchten Theile der Fläche PP' ausgehende Lichtmenge = S, und ist die Fläche PP' in solchen Einheiten = E^2 , so hat man, wenn β die Anzahl aller Elemente in PP' beseichnet,

$$\beta. N = E^2. S$$
also
$$M = \frac{E^2. S. b^2}{\delta^2}$$

4. Die Bilbstäche hinter bem Glase sen = ϵ^2 , und die Lichtmenge, welche von ihr ein Stück, das der Flächeneinheit gleich ist, aufnimmt, sep = M, so ist

$$\mathfrak{M} \cdot \varepsilon^2 = M, \text{ also } \mathfrak{M} = \frac{M}{\varepsilon^2}$$

$$= \frac{E^2 \cdot S \cdot b^2}{\varepsilon^2 \cdot \delta^2}$$

borausgesett, daß alle auf das Glas fallende Straf. len durch solches durchgeben.

5. Mun ist s²: E² = a²: d² (§. 118), went a die Bildweite bezeichnet,

also
$$\mathfrak{M} = \frac{\delta^2 \cdot S \cdot b^2}{\alpha^2 \cdot \delta^2} = \frac{b^2 \cdot S}{\alpha^2}$$

6. Da aber allemal ein gewisser aliquoter Theil der auf das Glas fallenden Strahlen von demselben westeltert wird, wie uns schon unsere Fensterscheiben ber lehren, in welchen wir bei Nacht nicht nur eine in der Stude brennende Kerze, sondern auch unser eigenes Bild noch ziemlich deutlich vermittelst der restetirten Strahlen erkennen *), so ist eigentlich allemal

$$\mathfrak{M} < \frac{b^2 \cdot S}{\alpha^2}$$

7. Diese Bestimmungsart ist nun auch noch ben schon im Isten Abschnitt beigebrachten Erinnerungen ausgesetzt. Sie setzt nämlich noch voraus, daß von allen Punkten des Objekts nach allen Punkten des Glases Strahlen ausgehen, welches nicht angenommen werden kann, da von einem einzigen Punkt des Objekts auch nur ein Strahl ausgehen kann, und zwet nach der Richtung, welche auf das Element des Objekts senkecht ist. Daher können viele Punkte des Objekts eine Lage haben, vermöge der sie keine Strahlen auf das Glas werfen.

§. 122.

PP' (fig. 78.) sen der Durchmesser der Est nenscheibe; die von ihr in der Halbkugel NaKbO ausströhmende Lichtmenge sen = M, so ist M zugleich die

^{*)} Man fann hierüber noch S. 155. nachlesen.

Achter Abschn. Anwendung diopfr. Grundl. zc. 203

vie durch die Halbkugelfläche NaKbO in iedem Auspenblick durchströhmende Lichtmenge.

Mun sen die Aussenstäche der Sonnenhalbkugel = F^2 , so ist die der Halbkugel NaKbO = K^2 F^2 . Wenn also die Dichtigkeit der Sonnen-

trablen an der Sonnenfläche mit D, die in der Halbe ugelfläche NaKbO mit d bezeichnet wird, so ist

D:
$$d = \frac{P K^2}{P \mathfrak{P}^2} \cdot F^2 : F^2 = P K^2 : P \mathfrak{P}^2$$

ilfo

$$d = \frac{P \, \mathfrak{P}^2}{P \, K^2} \cdot D = (tang \, P \, A \, \mathfrak{P})^2 \cdot D$$

$$= o_{1000022} \cdot D$$

Wenn demnach die von einem Element der Sonnenfläche ausgehende Lichtmenge mit L, die auf ein Element von BD auffallende mit a bezeichnet wird, so hat man

$$\lambda = 0,000022.L$$

woferne die Sonnenstrahlen auf ihrem Wege von der Sonne dis zu uns nichts verlöhren.

Jedes eben so große Element des Sonnenbildes binter dem Glase empfängt also, wenn alles auffallende Licht durchgeht (§. 121. 110. 5), eine Lichtmenge = $\frac{\mathbf{b}^2}{\mathbf{z}^2}$. L, oder, weil hier die Brennweite f sür a gesetzt

werben kann, eine Lichtmenge =

T.

$$\frac{b^2}{f^2} \cdot L = \frac{b^2}{f^2} \cdot \frac{\lambda}{0,000022}$$
$$= \frac{b^2}{f^2} \cdot 45454 \cdot \lambda$$

Die von der Sonne herrührende senkrechte to leuchtung einer auf unserer Erde befindlichen Flätz wird also durch das Sammlungsglas $\frac{b^2}{f^2}$. 45454ml verstärft.

Für $b = \frac{1}{2}$ Fuß und f = 4 Fuß würde and das Licht im Brennraum $\frac{1}{64}$. 45454 = 710 mal des dichtet, woserne die Strahlen auf ihrem Wege der Sonne dis zu uns nichts verlöhren und überdakteine Lichttheile vom Glase restektirt würden.

Meunter Abschnitt.

Von Brenngläsern insbesondere und den Gebrauch einzelner Glaslinsen zum Sehen.

§. 123.

I. Aus dem vorigen Abschnitt hat man geschenden baß einzelne Linsen auch als Brenngläser dienen und daß dahin überhaupt die Sammlungsglässt sehören.

II. Wenn inzwischen Linsen eigentlich zu Grent gläsern bestimmt sind, so zieht man insbesondere bedoppeltkonveren vor, weil sie kürzere Brennweitsgeben, wodurch das Sonnenhild verkleinert wird, ab die Strahlen in einen kleinern Raum zusammengebrakt werden.

III. Die

III. Die einzelnen Abmessungen können immer geserlei oder verschiedene Haldmesser für die heiden Linstächen annehmen; inzwischen werden sowohl die stimmungen als die Arbeit für den Künstler, selbst einerlei Formen, einsacher; man pslegt daher auch :- die Krümmung beider konverer Flächen einerlei ilbmesser beizubehalten, so daß in den obigen Forin r = e angenommen wird.

IV. Man giebt ben Brennglasern größere zeiten, so bag ihre Flächen einen größeren aliquoten eil einer Halbtugelstäche betragen, als Gläsern, die m Sehen dienen sollen, um eine besto größere Menge n Sonnenstrahlen aufzusangen, die beim Gebrauche r das Auge unnüg und selbst schäblich werden könnte. eim Brennglase kommt es nur darauf an, im Brennume eine hinlänglich große Menge von Sonnenstrahet zusammenzudrängen, wobei es also nicht schadet, enn auch die aus einem Sonnenelemente herkommenn über das ganze Glas verbreitete Strahlen nicht in 1em einzigen Elemente des Sonnenbildes oder des rennraums vereinigt werden, welches beim Gebrauch m Sehen ersodert wird, damit ein deutliches Bild tsiehe.

Weil aber die einzelnen Elemente, durch welche aus einem Sonnenelemente herkommenden Straht hinter dem Glase in der Ebene des Sonnenbildes rchgehen, zu weit von einander entsernt und ausser m Brennraume fallen würden, wenn sie von Stelz der Vorderstäche bestrahlt würden, die unter einem er beträchtlichen Bogenstück von der Linsenape ablien, so giebt man der ganzen Breite eines Glases doch ht über 40°, so daß die halbe Breite des Brennsses nicht über 20° beträgt.

V. Die Voraussetzung r = e giebt bie Brem weite

$$f = \frac{r^2}{(\mu - 1) \cdot 2r}$$
 (§. 105.) = $\frac{r}{2 \cdot (\mu - 1)}$

daß sich also f wie r verhält. Wenn nun die Steik eines Glases eine bestimmte Anzahl von Graden enthalten soll, so verhält sich bei derselben Anzahl die halbe Breite b des Glases gleichfalls wie r, und es bleibt also für eine bestimmte Anzahl von Graden, die man der Linse giebt, der Werth von $\frac{b}{f}$ unveränderlich man mag r größer oder kleiner nehmen. Es bleibt also auch das Verhältniß der durch das Glas bewirkten Verdichtung der Strahlen $\frac{b^2}{f^2}$. 45454 (§. 122.)

ungeandert, man mag r wie man will nehmen, vor ausgesetzt, daß die Glasdicke allemal sehr klein gegen r bleibe. Ein Glas von doppelter Flache wirft dop pelt soviel Strahlen auf einen doppelt so großen Brend raum, daher die Dichtigkeit ungeandert bleibt.

Ein Brennglas von größerer Breite hat also boch den Vorzug, daß es eine Fläche, auf die man es wir ken läßt, in einem größeren Umfange in dem selben Wärmegrade angreift.

VI. Plattere Gläser verdichten also bei gleischer Breite die aufgefangenen Sonnenstrahlen wertiger als mehr gewölbte, und leisten barum weniger; sie vertheilen dieselbe Anzahl von Strahlen in einen größeren Brennraume.

Meunter Abschn. Won Brennglafern insbes. 207

§. 124.

3

dufg. Man soll ein Brennglas anges ben, das in einer gegebenen Entfernung f hinter dem Glase seinen Brennraum hat und welches die Sonnenstrahlen mmal im Brennstaume verdichtet, allen Verlust bei Seite geset.

Unfl. 1. Diesen Foberungen zusolge ist, wenn b bes Glases halbe Breite bedeutet (§. 122), m = $\frac{b^2}{f^2}$. 54454, also

$$b^2 = \frac{m f^2}{45454} \text{ and } b = \frac{f \sqrt{m}}{213}$$

2. Aus (§. 105.) ist, r == g geset,

$$f = \frac{r^2}{(\mu - 1) \cdot 2r} = \frac{\cdot r}{0.55 \cdot 2} = \frac{r}{1.1}$$

wenn des Glases Dicke in Vergleichung mit r klein ist. Wan hat also

$$r = r_i r_i \cdot f$$

3. Des Glases Dicke mn (fig. 79.) heise c, der zu Dm gehörige Winkel sen = β , so ist $c = 2.\tau \text{ finv } \beta = 2\tau.(\tau - \text{Cos}\beta)$

$$\frac{c}{r} = 2 \cdot (1 - Cof \beta)$$

Man nehme also B nur so groß, daß 2.(1—Coss)
ein kleiner Bruch werde, weil $\frac{c}{r}$ ein kleiner Bruch
keyn soll.

ES

Ł

Es ist aber
$$Cof \alpha = \sqrt{\frac{r^2 - kD^2}{r^2}} = \sqrt{(1 - \frac{b^2}{r^2})} = \sqrt{(1 - \frac{b^2}{r^2})} = \sqrt{(1 - \frac{b^2}{r^2})}$$
 man b so, daß $\frac{b^2}{r^2}$ ein kleiner Bruch werbe.

Nun ist (1)
$$b^2 = \frac{m f^2}{45454}$$
, also mus nur

ein kleiner Bruch senn, um — unbeben 1,2.45454 tend zu machen. Man barf baher nur m nicht zu gref nehmen, und behalt bann in Bestimmung bes Berte von f volle Freiheit.

便r. Es soll f = 24 Zolle, m == 400 sept wobei der Foderung (no. 3.) schon Genüge geschich so ift (1)

$$b = \frac{24\sqrt{400}}{213} = 2/25 \text{ Boll}.$$

unb (2)

Dabei wird

Cof
$$a = \frac{\sqrt{(26/4^2 - 2/25^2)}}{26/4}$$

$$= \frac{26/3}{26/4} = 0/99621$$

und (3)

$$c = 2r.(r-0.99621)$$

= $52.8.0.00379 = 0.2.301$

6. 115.

Meunter Abschn. Von Breunglasern insbef zc. 209

§. 125.

Aufn. Den Erfolg zu bestimmen, wenn hinter dem Brennglase noch ein Kolektivglas angebracht wird.

Aufl. Des vorberen Glases, das nun das Objektivglas genennt wird, halbe Breite Dbifig. 30.) sin = b, des Köllektivglases halbe Breite c = b', des Objektivglases Brennweite dz = f, des Kollektivglases Bildweite c p = a, seine Breink vette = f'; der Abstand de beider Glaser = a; die Fläche des leuchtenden Objekts PP' (hier der Conne) = E²; die Fläche des Bildes, wie solches dei einer ihr beträchtlichen Größe von dP im Brennraume zurscheinen wurde, wenn das Objektivglas allem down handen wäre, = e²; die Bildstäche, wie sie in poermöge der Verbindung beider Gläser erscheint, = a²; die in diesem Bilde vereinigte Lichtmenge = M; die die in diesem Flächeneinheit bieses Bildes ausgenommene Lichtmenge = Y, und die von ieder ebensolchen Blächeneinheit des Objekts ausstrahlende Lichtmenge = S, so sindet man

 $Y = \frac{(f-a+f')^2 \cdot b^2}{f'^2 f^2} \cdot S$

muf folgende Weise:

Dereinigt wird, ift, es mag nom Bilbe in p ober non dem in z die Rede senn, mit ber einexlei, welche auf das vordere Glas fällt, weil hier immer vordusgesest wird, iedes Glas lasse alle varauf fallende Strahlen durch und das Rollettivglas sen groß genug, alle diese durch das Objektivglas durchgehende Strahlen auszuschmen; also hat man (h. 121. 110. 3.)

- Bangegorfs Photons.

M =

۵

Die Photometrie.

$$M = \frac{E^2 \cdot b^2 \cdot S}{s^2}$$

unb

$$Y = \frac{M}{s^2} = \frac{E^2}{s^2} = \frac{E^2b^2}{s^2 \cdot b^2} \cdot S$$

2. Die allgemeine Formel (h. 119.) a = il

giebt hier für das Kolleftinglas den Werth von cp oder a, wenn man die erfoderlichen Werthe von I un f substituirt.

Der Durchschuttspunkt der vom ersten Glafe ad das zweite fallenden Strahlen mit der Ape ist z, all ist für das zweite Glas

$$\delta = - cz = - (bz - bc)$$
$$= - (f-a)$$

und was im allgemeinen Ausbruck für die Bildmelk der Buchstade f bezeichnet, ist für das zweize Glich kie also hier

$$a = \frac{-(f-a) \cdot f'}{-(f-a) \cdot f'}$$

$$= \frac{(f-a) \cdot f'}{f-a+f'}$$

3. Wenn man nun für bas Objektivglas ber Buchstaben & zur Bezeichnung ber Entfernung bP bebeit, so hat man

$$E^2:e^2=J^2:f^2$$

ober

$$\frac{\mathbf{E}^2}{\mathbf{e}^2} = \frac{\delta^2}{\mathbf{f}^2}$$

incia la en 🗻 e 📆

Meunter Abschn. Bon Breunglasern insbes. 20. 21%

4. Ware das Objektinglas allein, so würde solches in z die Bildfläche — e' geben. Bringt man aber das Rollektinglas bazwischen, so giebt sich das Bild — s' in p; eben so wie ein geometrisches Vilde'tup entstehen würde, wenn in z ein Objekt — e' bestieht ware, dessen Strahlen auf das Rollektinglas sielen, das nun eine Bildsläche — s' in der Entsernung c p — a gabe. Daber

$$e^{2}: e^{2} = (f-a)^{2}: e^{2} \xrightarrow{e^{2}} \frac{(f-a)^{2}}{e^{2}}$$
obes:

5. Demnach
$$\frac{E^{2} e^{2}}{e^{2}} = \frac{\delta^{2} (f-a)^{2}}{f \cdot a^{2}}$$
ober
$$\frac{E^{2} - \delta^{2} \cdot (f-a)^{2}}{f^{2} \cdot a^{2}}$$

sber, wenn man den Werth von a (no 2.) substituirt,

$$\frac{E^{2}}{f^{2}} = \frac{\int_{0}^{2} (f-a)^{2}}{(f-a)^{2} \cdot (f-a)^{2}}$$

$$= \frac{\int_{0}^{2} (f-a)^{2} \cdot (f-a)^{2}}{f^{2} \cdot (f-a+f')^{2}}$$

$$= \frac{\int_{0}^{2} (f-a)^{2} \cdot (f-a+f')^{2}}{f^{2} \cdot f^{2}}$$

6. Substituirt man diesen Werth von $\frac{E^2}{r^2}$ in der

Sleichung für Y (no. 1), so ergiebt sich

$$Y = \frac{b^{2}(f-a+f')^{2}}{f^{1}.f^{12}}.\frac{b^{2}}{s^{2}}.S$$

$$= \frac{b^{2}.(f-a+f')^{2}}{f^{2}.f^{12}}.S$$

$$= \frac{b^{2}.(f-a+f')^{2}}{f^{2}.f^{12}}.S$$

aber

$$= \frac{(f-a+f')^2}{f'^2} \cdot \frac{b^2}{f^2} \cdot S$$

Wenn nun die auf ein Element des ersten Glases fallende Lichtmenge mit s bezeichnet wird, so hat mat ·(6. 122.)

$$s = 0,000022.S$$

$$unb S = 45454.8$$

$$Y = \left(\frac{f - a + f'}{f'}\right)^{2} \cdot \frac{b^{2}}{f^{2}} \cdot 45454.8$$

Demnach wird die burch das einfache Brennglas allein schon beträchtlich verftärfte Erleuchtung ober ver dichtete Lichtmenge durch das damit noch verbundene Rollektivglas aufs Reue $\left(\frac{f-a+f'}{f'}\right)^2$ mal versäntt ober verbichtet.

7. Sollte bas Kollektivglas, gerade groß genng fepn, um-alle auf-bas Objeftivglas auffallende Strab len aufnehmen ju tonnen, so mußte zc: cd = zb: bD femme oder

$$also b' = \frac{f : b}{f}$$
ober and
$$a = \frac{f \cdot (b-c)}{b}$$

Mare also b', welches allemal < b sepu barf, gegeben, so gabe bie lette Gleichung ben Abfand bes Kollektivglases vom Objektivglas, so daß beide Glaser einander nicht näher gerückt werden dürften, wenn die Fläche des Kollektivglases gerade noch groß genns **EDR**

Meunter Abschn. Won Breunglaffern inebes. 2c. 213

fepn follte, um alle durch das Objektivglas durchgen, bende Strahlen aufzufangen.

Aufg. Man soll ein zusammengesetzes Brennglas angeben, das ausser dem Objetzinglase noch ein Rollettinglas hat, wosdurch die mfache Strahlenverdichtung, welche das erste Glas allein gabe, aufs Meue n mal verdichtet, also das Sonnenlicht übetzhaupt n. mmal koncentrirt werde.

Aufl. 1. Es sen des Objektinglases Brennweite = f, der Abstand beider Gläser von einander = a, und die Brennweite des Kollektinglases = f', so ift (§. 125)

$$n = \left(\frac{f-a+f'}{f'}\right)^2$$

- 2. Weil hier a und f' beibe noch unbestimmt sind, so könnte man die eine willkubelich annehmen und die andere hiernach bestimmen.
- 3. Gewöhnlich wird aber verlangt, daß ber Brennraum in einer gewissen Entfernung vom ersten Glase abliegen solle. Ist diese Entfernung == 0, so hat man

and dieses giebt

$$n = \left(\frac{f - e + f' + f'}{f'}\right)^{2}$$
$$= \left(\frac{f - e + 2f'}{f'}\right)^{2}$$

alfo

$$nf'^2 = (f-e)^2 + 4(f-e) \cdot f' + 4f'^2$$

ober

$$(n-4) \cdot f'^2 + 4 \cdot (e-f) \cdot f' = (e-f)^2$$

Daber

$$f + \frac{2(e-f)}{n-4} = \sqrt{\frac{(e-f)^2}{n-4} + \frac{4 \cdot (e-f)^2}{(n-4)^2}}$$

$$= \sqrt{\frac{n \cdot (e-f)^2}{(n-4)^2}}$$

also

$$f = \frac{-\frac{2 \cdot (e - f)}{n - 4} + \sqrt{\frac{n \cdot (e - f)^{2}}{(n - 4)^{2}}}}{(n - 4)^{2}}$$

$$= (-2 \pm \sqrt{n}) \cdot \frac{e - f}{n - 4}$$

4. Die halbe Breite des Kollektivglases sep = b', sp ist

$$(f-a):b'=f:b$$
also
$$b'=\frac{b\cdot(f-a)}{f}$$

Er. Es soll (§ 124) ein Kollestivglas so ansgerbnet werden, daß die durch das Vorder. oder Obsjektivglas schon 400 mal verdichteten Strahlen durch dieses Kollektivglas aufs Reue 25 mal verdichtet werden, daß also n. m = 25.400 == 10000 werde; es soll überdas der Vrennraum nur 16 Zolle von Objektivglas entfernt seyn: wie groß ist die Vrennweite des Kollektivglases und wie weit mussen beide Gläser von einander abstehen?

Meunter Abschn. Won Brennglasern insbes. 2c. 215

Sier iff
$$n = 25$$
, $e = 16$, $f = 24$, elso $f' = (-2 \pm \sqrt{25}) \cdot \frac{16 - 24}{25 - 4}$
 $= (-2 - 5) \cdot \frac{-8}{21} = \frac{56}{21} = 2\frac{2}{3} 301$

und unu

 $a = e - f' = 16 - 2\frac{1}{3} = 13\frac{1}{3}$ Both

$$b' = \frac{2/25 \cdot (24 - 13\frac{1}{3})}{24} = 1300$$

Die halbe Breite des Objektivglases ist (\S . 124) $b = 2\frac{1}{4} 300$.

Ein zweiter Gebrauch, der sich von einzelnen Glaslinsen machen läßt, ist der bei der Ramera obstura (sig. 81).

ABCD sen ein burchaus verschlossener vierectter Rasten, der pyramidisch geformt senn kann. Rur

- 1.) bei m habe er eine Deffnung jum Einsesen, die aber, so gut als es sich thun läßt, beim Einsespen in den Kasten bedeckt wird, um von dieser Seite so wenig als möglich Licht einzulassen. Ausserdem
- 2.) bei n eine kleine Oeffnung, am besten in einer hier angebrachten bunnen Platte, um durch solche Licht ober Strahlen von einem Objekt, das auf dem Boden AB der Kamera obstura abgebildet werden soll, burchzulassen.

Ueber

Ueber der Decke CD des Kastens ist ein ebenn Spiegel CG angebracht, dessen Flache CG geger CD und AB unter einem Winkel von 45° geneigt ist.

Ist CK die Richtung der Ebene, in der CG liegt, so wird der dem Spiegel gegenüber liegende Gogenstand EF, vermöge der auf den Spiegel CG sablenden Strahlen, hinter demselben in EF abgebildet, so daß Fa = Fa, Eb = Eb wird.

Ein Auge in n wurde also bas Objekt EF in ber Lage EF erblicken.

Dieselben Strahlen, die dem Auge in n begegnen würden, fallen nun, da sich in n eine kleine Dessnung besindet, durch n auf den Boden AB des Kastens, und machen hier das Bild ef, welches man durch m sehen kann.

Dieses erfolgt, ohne in n eine Linfe anzubringen.

Inswischen können doch bei der bloßen Deffnung n Strahlen von mehreren Punkten des Objekts son oder seines Bildes EF in einerlei physischen Punkt auf dem Boden AB zusammentressen, welches Undeuts Lichkeit des Bildes ef verursacht.

Ausserdem sehlt es dem Bilde of auch an Zels lickeit, weil n zur Verminderung iener Undeutlichkeit sehr klein gemacht werden muß.

Beibe Fehler werden vermieden, wenn man in n eine Linse einsetz, beren Breite nun viel größer sepn kann, als vorhin die bloße Deffnung seyn durfte.

Ist das Objekt EF weit vom Kasten entsernt, 4. B. wenigstens 100 mal so weit, als die Höhe des Kastens betragen soll, so läßt sich die Bildweite, in Meunter Abschn. Won Breungtafern insbes. 2c. 217

de welcher nämlich das Bild ef untet der Linse n ente Keht, schon sehr nahe der Brennweite

$$f = \frac{re}{0.55 \cdot (r + e)}$$

(5. 105.) gleichsetzen. "

Allgemeiner aber erhält man (§. 196. no. 6.)

$$a = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

wo f ben vorstehenden Werth hat.

Eigentlich ist also a ober die erfoderliche Tiefe des Bodens unter der Linse n allemal etwas größer als k.

Um nun Objekte, die auch nicht sehr weit von der Kamera obstura entsernt sind, auf dem Boden AB deutlich abzubilden, kann man die Linse, das erbabene Glas bei n, in ein 4 bis 3 Boll langes Nobrenstück einsetzen lassen, das sich in den Deckel einsschrauben oder auch nur einschieden läßt (fig. 82). Die Entsernung des Deckels CD vom Boden AB macht man dann = f, und im ersöderlichen Falle zieht man das Nöhrenstück höher hinauf, dis das Bild auf dem Boden deutlich erscheint.

Weil alle Strahlen, auffer benen, die das Objekt auf dem Boden abbilden sollen, soviel möglich abgehalten und unwirksam gemacht werden muffen, so läßt man die Wände der Kamera obstura innerhalbschwarz anstreichen ober mit schwarzem Papier überzieben, damit das etwa einfallende, nicht zum Bild erfoderliche Licht von dem schwarzen Uederzug möglichst verschluckt werde.

Umgekehrt soll aber das zum Anffangen des Bildes bestimmte Stück der Bodensläche AB die größe-D 5 mögmögliche Pelligkeit haben, bamit das Bild in der größe, möglichen Klarheit erscheine. Man muß daher da Theil des Bodens, auf welchen das Bild fällt, mit sehr weisem Papier belegen.

Am einfachsten nimmt man r == e; biefes giebt

$$f = \frac{r^2}{0.55 \cdot 2r} = \frac{r}{1.1}$$

welches also jugleich die innere Höhe der Ramera distura wäre.

Soll aber die Ramera obstura eine verlangte Hohe Hhaben, so hat man

$$H = \frac{r}{1/1} \text{ ober} = \frac{10.r}{11}$$

nnp

$$r = r_i$$
. H

Ein dritter Gebrauch von einzelnen Glaslinke ist, sowohl Weitsichtige als Rurzsichtige seit Sehen zu unterstützen.

Der Weitsichtige braucht ein Sammlungsglas der Kurzsichtige eigentlich ein Zerstreuungsglas; doch kann selbst dem Kurzsichtigen auch ein Sammlungs glas zu statten kommen (s. unten §. 131).

§. 129.

Der Weitsichtige empfindet seinen Jehler unr setrachtung kleiner kurz vor ihm liegender Gegenstähl. B. beim Lesen. Das Bild von Gegenständen, seinem Auge sehr nahe liegen, z. B. nur in der En

ferna

b

H

Ì

k

b

kı

ķ

Meunter Abschn. Won Breunglafern insbes. 2c. 219

ben Boden des Auges, als sich die aus einem Puntte des Gegenstandes auf das Auge fallenden Strahlen wieder in dem Grade vereiniget haben, dem eine deutsche Vorstellung vom strahlenden Objekte entspricht, daher er den kleinen Gegenstand vom Auge weiter entsternen muß.

Aber die Lichtmenge, welche von iedem Elemente des Gegenstandes durch die Dessnung des Sterns im Auge durchgeht, ist, dieselbe Dessnung des Sterns dorausgesetzt, dem Quadrat der Entsernung des Auges dom Gegenstand umgekehrt proportional, daher das Bild des entsernteren Gegenstandes im Auge weniger Licht hat, als das des näheren. Wenn nun gleich das Bild im Auge auch im Verhältnisse der verminderten Lichtmenge kleiner, also ebendarum ebenso helle als das größere Bild des näher gerückten Objekts im Auge ist, so ist doch die Empsindung der größeren Renge heller Punkte allemal lebhaster, giebt uns, denn ich mich so ausdrücken darf, eine lichtvollere Borstellung von der Beschassenheit des vorliegenden Objekts, als die Empsindung der kleineren Menge iden so heller Punkte desselben Objekts.

Der Weitsichtige, bessen Sehweite z. 8. 12" ware, seht baher sleine Gegenstände, z. 8. eine reine Schrift, doch nicht so lebhaft in der Entsernung von 12 Zollen, als sie ein Rurzsichtiger, dessen Sehweite 6 Zolle ware, n der Entsernung von 6 Zollen sieht. Letzterer erhält nämlich die Eindrücke einer (4 mal) größern Strabienmenge von derselben Fläche, sonstige Verschiedensheiten dei Seite gesetzt. Eigentlich erscheinen ihm dies seiten Punkte des Objekts nicht heller als dem Weitsichtigen, sondern es erscheinen ihm 4 mal soviel eben

eben so helle Puntte von iedem Clemente. Et a

Eben daher rührt es, daß der Weitsichtige, der bei Tage eine reine Schrift noch lesen kann, zu Racht zeiten bei dem geringern Grade von Delligkeit, unter der die Schrift bei einer Lichtstamme erscheint, solch öfters nicht mehr zu lesen vermag, indes der Kurzsichtige auch bei der Lampe ungestöhrt fortliest.

Dem Fehler der Weitsichtigseit kann daher de durch abgeholsen werden, daß dem weitsichtigen Ause die Strahlen 1) in der Divergenz, die seiner Sehweike angemessen ist und die der parallelen Lage sehr nahe kommt, und 2) in größerer Menge zugeführt werden, als geschehen würde, wenn das Objett seibst die zur deutlichen Sehweite abgerückt würde.

Beides geschieht burch ein einfaches Samme lungsglas, wozu man ein doppelt erhabenes Glas wählen fann, wie im folg. §. gewiesen wird.

§. 130.

Aufg. Dem Jehler der Weitsichrigkeit durch ein einfaches Glas auf iede verlangte Weise zu Zülfe zu kommen.

Aufl. 1. Die deutliche Sehweite muß für del Auge, welchem geholfen werden soll, gegeben sepn. Sie soll D beiffen.

2. Ist nun die Entsernung des Objekts von Glase wie bisher — 3, so daß diese Entsernung dem Weitsichtigen zur Erzeugung eines deutlichen Bildes im Auge zu klein ist, so wird verlangt, der Gegenstend soll

deunter Abschn. Won Breungläfern insbes. 221

in der größern Entfernung D. vor dem Ginfe erinen.

3. Die Entfernung des Bildes hinter dem Glase bisher a, also hat man im tegigen Falle eink verate Bildweite, nämlich

$$a = -D$$

$$\frac{\delta f}{\delta - f} = -D$$

$$\mathbf{J}\mathbf{f} = \mathbf{D}\mathbf{f} - \mathbf{D}\mathbf{J}$$

Dennad

$$f = \frac{-D}{I-D}$$

$$f = \frac{D^3}{D-3}$$

h. die Brennweite eines Glases, das dem Auge den genstand soweit vom Glase abruckt, als kamen die rablen von einem Gegenstand in der Entsernung: Sebweite D ber, muß

$$= \frac{D-3}{D}$$

sommen werben.

4. Wie foll aber hier D bestimmt werben?

Der Weitsichtige muß dieses durch die Angabe der utsernung bestimmen, in der er kleine Gegenstähde, t denen er es oft zu thun hat, z. B. Buchstaben, t deutlichsten von einander unterscheiden und wodurch zugleich von der Form des Ganzen die deutlichste VorBorftellung ethalten tann. Daju To mit fleinen ober boch nur mittlern Lett kann man j. B. D = 20 Bolle fin febr unrichtig, dafür D = 00 fegen

- 5. In der Zeichnung (fig. 83 Linfe, fe das Objett, FE das Bi die Hälfte des Objetts, FE die Häl cf = 8, cF = D.
 - ") In Fällen, wo ber Weitsichtige, nach g hindlickend, etwa noch auf 1. B. 400 gi einem Gegenftanbe, beren glache nur 1 ware, in three Zufammenreibung in foweit bağ er dadurch eine Vorfiellung vom @ moge ber er folchen fur bas ju ertenne wirklich ift, wo er alfo auf eine fold Baume, Menfchen u. b. gl. noch grit (und unterscheiben fann, wirb ein folch Bebrauch eines Fernrohres, allemal ble nen gelten laffen, baf ibm Gegenftanbe Auge noch auf eine Beite von 400 Fuj nen. Die Bildweite fut Muge, in ber fi fallenben Strahlen ju bemienigen Bilbe eine beutliche Borftellung entspricht, ble liche Aenberung, es mag D == 400' ober ben, weil D = 🗢 fegen nur foviel fi Die von einem Elemente, bas 400' weit gebenben und burch bes Auges Deffin Strablen fegen einander parallel, melch Lichen Fehler angenommen werben fann. bei Anordnung eines Bernrohres für für ben im Dert bei fleinen Gegenftan gilt, auch mohl D = co fegen. Er fo roht nicht lefen.

Meunter Abschn. Bon Brennglafern insbes. 2c. 223

Hier muß also bie Linse mo so geschliffen sepn,

$$\mathbf{f} = \frac{c\mathbf{F} \times c\mathbf{f}}{c\mathbf{F} - c\mathbf{f}}$$

Die Strahlen fm, so werben nach ma; ob
so gebrochen, baß am, bo rückwärts verlängert in
Kusammenkommen; die Strahlen em, so werden
nach mn, op so gebrochen, daß nm, po rückwärts verlängert in E zusammenkommen. So entsteht in EF das Bild von e k.

Der mittlere Strahl Ed geht rudwärts verlängert gleichfalls durch E.

6. Weil nun cf: fe = cF: FE, so hat man

3: ef = D: FE

also

$$J = \frac{D \times ef}{FE}$$

aber

$$\delta = \frac{ef}{EF}$$
. D.

Muge in c bas Objett fe bis Fq abgerüft werden müßte, um in die Entfernung cF = D zu kommen, in welcher das Objett dem weitsichtigen Auge deutlich erscheint, das Auge aber in F statt des dahin gebrachten Objetts fe = Fq das Vilo FE erblickt, so et scheint ihm iest der Gegenstand sovielmal größer durch das Glas, als mit bloßem Auge, so vielmal FE größer als Fq ist.

Aber

Aber
$$\frac{FE}{Fq} = \frac{FE}{fe} = \frac{D}{J}$$
 (no. 6.)

also erscheint burch das Glas dem Weitsichtigen det Gegenstand $\frac{D}{s}$ mal höher und breiter, oder $\frac{D^2}{s^2}$ mal der Fläche nach verzrößert.

8. Verlangt also ber Weitsichtige, daß ihm bet Begenstand nach tevem Durchmesser umal verzrößert erscheinen solle; so muß.

on the second of the second of

sepn, also

$$\text{cf ober } \delta = \frac{D}{n}$$

wonach man also auch f (no. 5.) einrichtet.

9. Weitsichtige verschiedener Art, für die näm lich D verschieden ist, können ein und dasselbe Glas benüßen, nur nicht mit gleichem Vortheile. Denn es ist $s=\frac{fD}{f+D}$, wo sür ein größeres D auch swächst, daher der in särkerem Grade Weitsichtige das Objekt nur etwas weiter vom Glase abrücken mus, wodurch er freilich am Vortheile verliehrt.

10. Ex. Es sey D = 20 Bolle, der Weitschifte verlangt 4 fache Vergrößerung des Oprihmes sers, so muß

cf over
$$\delta = \frac{20}{4} = 5$$
 Bolle

Meunter Abschn. Von Breunglasern inshes. 2c. 225

also (no. 5.)

$$f = \frac{20 \times 5}{20 - 5} = \frac{100}{15}$$
$$= 6\frac{2}{3} \text{ 3off}$$

gemacht werben.

Nimmt man nun $r = g_1$ so ist (§. 127.)

$$f = \frac{r}{r_{/I}}$$

ober

$$r = 1/1.f$$

also hier

$$r = 1/1.6^{\frac{2}{3}} = 7^{\frac{1}{3}} 300$$

Man läßt also ein erhabenes Glas so schleifen, daß seine Krummung auf ieder Seite zum Halbmesser von $7\frac{1}{3}$ Zoll gehört.

Der Weitsichtige sindet nun beim iedesmaligen Gebrauche dieses Glases leicht von selbst, wie nahe er es dem Objekt bringen musse, um es am deutlichsten misen, ohne dabmessen zu mussen.

11. Das Bild EF erscheint mit dem Objekte ef in einerlei Lage.

12. Weil iedes Element der Glassläche Strahlen von iedem Elemente des Objekts ef empfängt und durchläßt, so empfängt auch ein Auge nahe am Glase dei C Strahlen von iedem Elemente des Objekts ef und zwar (die etwaige Reslerion einzelner Lichttheile dei Seite gesett) dieselben Strahlen, die es auch ohne das Glas von demselben Elemente des Objekts an derselben Stelle C erhalten würde. Das ganze Objekt sendet also einem Auge dei C dieselben Strahlen zu, Langsdorfs Photom. die es auch ohne das Glas empfangen würde, nur ge gen das Auge minder divergirend. Demnach wird auch das durch diese Strahlen bargestellte Bild Ek durch dieselbige Strahlenmenge bemerkbar, durch web che das Objekt ef ohne Glas einem Auge bei c be merkbar werden würde, nur in einer dem Weitsichtigen angemesseneren Olvergenz gegen das Auge.

Weil inzwischen das n² mal vergrößerte Bild unt dieselbe Strahlenmenge aussendet, wie das Objekt selbst, so ist es im Verhältnisse 1: n² minder helle als das Objekt. Aber das n² mal größere Bild in der n mal größeren Entsernung macht im Auge dasselbe Bild mit derselben Strahlenmenge, wie das Objekt selbst, erscheint also auch dem Auge in c nothwendig in derselben Helligkeit von F aus, in welcher das Objekt ef von f aus dem Auge in c erscheinen würde.

Das Objekt ef in die Stelle bei F gebracht würde ohne Glas einem Auge im n² mal kleineren Silde, auch unter n² mal weniger Strahlen, also wiederum in derselben Helligkeit wie in der Stelle f ohne Glas erscheinen. Es ist also in Bezug auf Helligkeit einerkei, ob durch das Glas in F das Bild EF oder ohne Glas in F das Objekt Fq — ef gesehen wird. Aber dei gleicher Helligkeit erscheint doch das Bild EF deut licher als das in F gebrachte Objekt ef. Das Auge demerkt n² mal soviele eben so helle Punkte im Vilde, als im Objekt, das sich an eben der Stelle besände.

Man kann daher die Verhältnißsahl $\frac{E\,F^2}{e\,f^2}$ das Maaß der vergrößerten Deutlichkeit nennen.

Meunter Abschn. Bon Brennglafern inebes. 2c. 227

§. 131.

Unfg. Dem Rurzsichtigen durch ein erhabenes Glas zu Zülfe zu kommen.

Aufl. Es ist für diesen alles anwendbar, was vorhin für den Weitsichtigen vorgetragen worden ist, nur daß iett D fürzer angenommen wird, z. B. = 3.4.5 Zollen, wie es dem Kurzsichtigen angemessen ist. Daher wird für denselben Werth von n tett auch d und f kleiner.

Der Kurzsichtige bringt nämlich das Objekt dem Auge viel näher, als es der ihm dentlichen Sehweite angemessen ist, und entfernt das Bild mittelst des Glases in die richtige Sehweite, in der es ihm dann noch unter derselben Strahlenmenge sichtbar wird, die ihm auch von dem so ganz nahe vor das Auge gebrachten Segensiand unmittelbar ins Auge kommen würden.

Er. Der Kurzsichtige verlangt, daß ihm das Bild eines Objekts in der Entfernung von 4 Zollen erscheinen und zwar zmal so groß erscheinen soll, als ihm das Objekt selbst in dieser Entfernung erscheinen würde.

Sier ist
$$D = 4$$
, $n = 3$, $s = \frac{D}{n} = \frac{4}{3}$, also $f = \frac{4 \times \frac{4}{3}}{4 - \frac{4}{3}} = 2 \text{ Boll}$, daher $r = 1,1.2 = 2\frac{1}{3}$ Boll.

· §. 132.

Der Kurzsichtige braucht also erhabenere Gläser als der Weitsichtige. Weil er dabei den Segenstand P 2 dem dem Glase sehr nahe bringen muß, wie im vor. Exin die Rahe von 1½ 30ll, so ist ein solches erhabenes Glas beim Lesen und Schreiben für den Kurzsichtigen etwas unbequem. Ueberdas verlangt der Kurzsichtige nicht sowohl Unterstüßung, um Gegenstände, die innerhalb seiner Sehweite liegen, zu betrachten, als um Gegenstände noch deutlich zu erkennen, die ausser seiner Sehweite liegen. Dazu dient nun folgendes.

§. 133.

Aufg. Dem Kurzsichtigen bei Bestrachtung kleiner Gegenstände zu Zülse zu kommen, die ausser seiner Sehweite liegen (fig. 84).

Unfl. 1. EF sey der Gegenstand, welcher dem Auge bei czu weit entfernt ist; cf sey die Sehweite, zu welcher das Objekt dem Auge genähert werden müßte, um von solchem deutlich erkennt zu werden, so muß die Spiße e des Bildes fe in den mittelern Strahl Eck fallen, den man ohne merklichen Fehler in gerader Linie von E durch die Mitte des Slases ziehen darf.

2. Man nehme zu dem Ende ein Zerstreus ungsglas (§. 119. VI.), das die von E auf seine Vorderstäche fallenden Strahlen, z. B. Em, Eo, nach Richtungen mn, op bricht, welche rückwärts verlängert in e zusammenkommen.

3. Hier ist nun
$$\delta = cF$$

und im Allgemeinen die Bildweite (§. 106. no. 6.)

$$\alpha = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

und

Meunter Abschn. Won Brennglasern ine bef. 2c. 229

und (§. 119. no. 4.)

$$f = -\frac{re}{0.55 \cdot (r+e)}$$

folglich, wenn hier die Bildweite a einen verlangten Werth D haben soll,

$$D = cf = \frac{-\delta \cdot \frac{re}{0.55 \cdot (r+e)}}{\delta + \frac{re}{0.55 \cdot (r+e)}}$$

wo das verneinte Zeichen blaß die Bedeutung hat, daß das Bild nicht hinter, sondern wie das Objekt vor dem Glase liegt.

4. Weil das Objekt aus der Entkernung cF in die cf durch das Glas beigerückt wird, so wird es D mal näher gebracht, also

$$\frac{s + \frac{re}{0,55 \cdot (r+e)}}{\frac{re}{0,55 \cdot (r+e)}}$$
 mal

oder, den Werth von f beiaht genommen, $\frac{\delta + f}{f} \text{ mal näher.}$

5. Soll also das Objekt nmal näher durch das Slas erscheinen, so ist

$$\frac{\delta + f}{f} = n$$

P 3

unb

into
$$nf = J + f$$
, also $f = \frac{J}{n - f}$

6. Macht man r = g, so ist wiederum die Größe von f (§. 127.)

$$=\frac{r}{r_{/1}}$$

alfo (no. 5.)----

$$\frac{r}{r/r} = \frac{s}{n-r}$$

und

$$r = \frac{1/1 \cdot \delta}{n-1}$$

7. If
$$\delta = m \cdot D$$
, so hat man
$$r = \frac{1/1 \cdot m \cdot D}{n-1}$$

So groß müßte also ber gemeinschaftliche Krümmungshalbmesser bes doppelten Hohlglases senn, wenn der in der Entfernung m. D abltegende Segenstand durch das Glas in der Entfernung $\frac{m}{n}$ D erscheinen sollte.

8. Sollte also ber Gegenstand in der Entfernung Derscheinen, so ware n = m und

$$r = \frac{1/1 \cdot m}{m-1}$$

Neunter Abschn. Bon Brennglafern insbes. 2c. 231

9. Je größer m und n find, besto weniger ist $\frac{m}{n-1}$ von $\frac{m}{n}$ verschieden, also besto genauer

$$r = \frac{r_1 \cdot m \cdot D}{n}$$

Da für den Kurzsichtigen D kaum zund oft nur zug beträgt, so ist für eine Entfernung von 100 Fussen = 8 = m. D der Werth von m schon ziemlich groß, und daher, n = m genommen, schon sehr nahe

$$r = \frac{r_{,1} \cdot m \cdot D}{m} = r_{,1} \cdot D$$

Und da das Auge selbst beim Sehen sich so abandert, daß es gar wohl eine Abanderung im Werthe von r, die etwa nur $\frac{1}{10}$ r betrüge, vertragen kann, so kann schon, sür $\delta = 10$ Fuß,

$$r = 1/1 \cdot D$$

genommen werden, wenn der Gegenstand durch das Glas in die erfoderliche Sehweite D gebracht werden soll.

Sett man nämlich auch nur m = 15, und n = 15, und n = 15, so ist n = 16, und wenn max daher in diesem Falle

$$r = \frac{r,r \cdot m \cdot D}{n-r} = r,r \cdot D$$

nimmt, so wird das Objekt durch dieses Glas aus der Entsernung von 15. D in die $\frac{15}{16}$. D gebracht, also nicht genau in die verlangte D.

Es

Es kann aber ber Kurzsichtige seine Sehweite ne so genau bestimmen, daß er nicht ohne Nachtheil der Deutlichkeit das Objekt dem Auge um $\frac{1}{16}$ seiner ange nommenen Sehweite näher bringen dürfte.

Daher kann einem Kurzsichtigen ein doppeltes Hohlglas, dessen Krümmungshalbmesser r=1,1. Dist, und das ihm zunächst zur Betrachtung ziemlich ent sernter Gegenstände behülslich senn soll, auch noch bei Gegenständen, die nur 4 bis 5 Fuße von seinem Auge entsernt sind, noch dieselben Dienste leisten, nämlich den Gegenstand dadurch in die Gränzen der ersober lichen Sehweite zu bringen.

10. Sollte aber das Glas für Entfernungen von 3. B. nur 10 Zollen dienen, und wäre für einen Rurzsichtigen D = 5 Zolle, so daß m = n = 2 sepn sollte, so müßte man

$$r = \frac{1,1.m.D}{m-1} = 1,1.2.D = 2,2.5 = 11$$
 3086

beibehalten, da dann ein solches Glas entferntere Gegenstände allemal bis zur Entfernung $\frac{1}{n}$. I beirückt,

b. i. bis zur Entfernung = $\frac{1}{2}$ d; baher ein solches Glas, für zwei Augen doppelt gefaßt, nicht nur als Brille dem Kurzsichtigen beim Schreiben dienen könnte, sondern auch beim Sehen als ein schwaches Fernglas *).

dic

^{*)} Sehr häufig haben das linke und das rechte Auge verschiedene Sehweiten, da dann in einem solchen Falle für iedes Auge ein besonderes Glas gewählt werden mußt. Pflege gesunder und geschwächter Augenvon I. G. Beer, Wien und Leipz. 1800.

Neunter Abschn. Von Breungläfern insbes. 2c. 233

hingegen konnte umgefehrt ein gutes Bernglas, = das die Objekte 10. 12. 15 mal näher brächte, nicht augleich zur Betrachtung naber Gegenftanbe, g. B. beim Lesen und Schreiben gebraucht werden, weil baburch Bergleichen Objette, j. B. die Buchstaben, dem Auge in eine Rahe gebracht wurden, in der sie felbst der L'Aurzsichtige nicht deutlich zu erfennen vermag, j. B. wur einen ober gar nur einen halben Zoll weit vom Muge.

II. Man bemerft gleich, daß ein folches Sohlalas das Bild in derfelben Lage barftellt, die das Dbfeft hat, d. h. die oberen Theile oben, die unteren unten u. s. w.

§. 134.

Die Täuschung beim Gebrauch dieser Glaser perdient eine besondere Aufmertfamfeit.

Der Beobachter fieht das Bild unter eben dem Sesichtswinkel, unter welchem ihm ber Gegenstand felbft ohne das Glas erscheint, welches auch beim erhabenen Glase der Fall ist; bennoch wird er auch bet bem Hohlgtase wie bei dem erhabenen getäuscht.

Wenn inzwischen ein Mensch, ber etwa 100 Kuß weit vom Auge entfernt ware, burch biefes Glas auf Die Mahe von j. B. 6 Fußen beigeruckt wird, so wird bennoch beim Beobachter nie die Empfindung entstehen, als stände iener Mensch wirklich nur 6 Fuße weit von ihm; er wird ihn vielmehr immer noch für vielmal _6 guße entfernt halten.

Gegentheils erscheint bas Bild bes Gegenstandes Sei n facher Annäherung nmal kleiner, nämlich aus EF (fig. 86.) entsteht das Bild ef, aber dem Beobachter wird ber beobachtete Mensch im erwähnten Falle P 5 nicht nicht so vorkommen, als ein Mensch in der Rähe was Sußen betrachtet, der etwa 16 mal kleiner were. 4

Wir sind namlich durch unsere Erfahrungen sing gewöhnt, mit ausserster Schnelligkeit die wahre Schwines Gegenstandes immer in Vergleichung mit seines Gegenstandes immer in Vergleichung mit seine Entsernung zu schätzen, solange solche innerhalt gewisser Gränzen liegt.

Einen 7 Fuß hohen Mann am einen Ende eine Saales finden wir, wenn wir am andern Ende pen, immer viel größer als einen 5 Fuß hohen, uganz nahe vor uns steht, wenn gleich bei ienem usehewinkel vielmal kleiner ist. Die Rleinheit usehewinkels macht uns gar nicht irre.

Ein Mensch, der nur 6 Fuße weit vor a fände und wirklich nur $\frac{6}{100}$ Fuß hoch wäre, wir

uns bei weitem kleiner vorkommen, als ein Man von 6 Fuß hoch, welcher uns in größerer Entfern unter eben dem Sehewinkel erschiene.

Wir glauben daher auch (fig. 86.) nicht, to bes Menschen EF in F den sehr kleinen Mensch in f zu sehen, sondern wir sinden den so sehr klein scheinenden Mensch ef in der Einbildung sehr mal größer, als wir ohne das Glas einen in f siche den Mensch von der Höhe ef sinden würden.

Doch finden wir ihn immer noch merklich siem als wir einen in so geringer Entfernung of vor ustehenden Mensch ohne Glas zu sehen zewohnt kaber setzen wir ihn in der Einbildung zugleich viell weiter vom Auge weg, als die Entfernung of betä Darum kommt uns der Gegenstand durch ein soll Fernglas betrachtet so vor, in Rücksicht auf Entwo Entfernung, als besände er sich zwischen und EK.

Neunter Abschn. Bon Breungläfern inebes. 225

Aber wir gewinnen in Rucksicht auf Deutlichkeit, il test die Strahlen nicht nur in derselben Menge i tedem Elemente des Objekts in das ganz nahe an desindliche Auge fallen, in der sie auch ohne Glas dasselbe kommen würden, sondern zugleich so diverend einfallen, wie es der dem Auge deutlichen Sehrite angemessen ist, wenigstens das die veränderte thernung der deutlichen Sehweite naher zebracht d. Dieselbe Strahlenmenge muß aber eben darum mer eine deutlichere Vorstellung vom Objekte zur ige haben.

Wird ein Objekt weiter von unserem Auge abgekt, so wirken zwischen seinen Gränzen weniger
utte auf unser Auge; die Anzahl derienigen Punkte,
liche Strahlen in unser Auge senden, wird geringer
das Objekt scheint uns darum eigentlich kleiner.

He weiter das Auge hinter dem Glase von c abovet, besto weniger Strahlen können von denen, die ergirend durch das Glas durchgeben, in das Auge sen; empfängt es z. B. bei c die Strahlenmenge Λ , \mathcal{L} die λ , so ist $\Lambda:\lambda = \mathrm{fc}^2:\mathrm{fc}^2$, und $\lambda = \mathrm{fc}^2:\mathrm{fc}^2$, und $\lambda = \mathrm{fc}^2:\mathrm{fc}^2$

3 · Λ·

r';

Wenn baber ein Auge hinter dem Glas zuerst bei dann bei & weiter vom Glase weg die Strahlen pfängt, so ist der Erfolg derselbe, als würde im vern Falle dem Auge das Objekt im Verhältnisse ist weiter entrückt. Auch bleibt derselbe Erfolg im ein Auge z. B. unverändert bei & bleibt, das aber vor ihm hin und her gerückt wird.

3ehen'ter Abschnitt.

Von dioptrischen oder gemeinen Fen röhren oder Teleskopen.

§. 135.

- I. Das Galiläische oder Zolländische Sernrohr.
- 1. BD (fig. 85.) sen ein Hohlglas, Emstahlendes Element; Ea, Eß zwei ausserse Straßlen, so werden solche nach mx, ny gebrochen, das sie rückwärts verlängert die durch E gezogene Estes Glases in f schneiden.
- 2. Also umgekehrt: ein Strahl xm, ber verlagert in den Zerstreuungspunkt f treffen würde, wie der einem strahlenden Element E zugehört, wird an nach al gebrochen.
- Ist E unendlich weit entfernt, so ist der parche Ex gehörige Zerstreuungspunkt f der Brend, punkt.
- 3. Fällt also ein Strahl xm so auf bas hop glas, daß er verlängert die Are im Brennpunkt trifft, so wird er nach «e parallel mit f.E. gebrochen.
- 4. Wenn also Strahlen Fa, F\$ (fig. 86) vermöge des erhobenen Glases BD, das iest de Borderglas das Objektiv heißt, nach xf, ys specialen werden, daß sie den durch F und G gespenen men mittleren Strahl Fa in f schneiden, und wischen BD und f ein Hohlglas PT, welches ist das Okular genennt und von den beiden Strahlen k

- B' getroffen wird, so gesetzt wird, daß dieses ases Brennpunkt in denselben Punkt f fällt, so muß er Strahl des Strahlenkegels, der wie x a' verlandt durch f gehen würde, durch das zweite Glas P.T. gebrochen werden, daß er, wie der rs, der fK rallel fortlauft.
- 5. Werben also die beiden Gläser BD und PT, ten Weite und Brennweite Gf und df sind, so zusmengeordnet, daß Gf und df sich in einem Punkte ndigen, so fallen die von F ausgehenden Strahlen ter sich parallel aufs Ange hinter PT, und ein deitsichtiger erhält auf diese Weise eine deutliche opfindung.
- 6. Ist EF in Vergleichung mit EG sehr klein, baß die von F ausgehenden Strahlen, welche auf vordere Objektivstäche fallen, als parallel angemmen werden können, so ist die Bildweite Gf gleich des Glases BD Brennweite.
- 7. Ein so zusammengeordnetes Fernrohr aus eism erhabenen Objektiv und einem hohlen Okularglase einem übrigens dunkelen Rohre heißt ein Galiläis des oder Zolländisches Fernrohr.
- 8. Für sehr entfernte Gegenstände ist (110. 6), un Vildweite und Brennweite

für das Objektiv mit a und f — Okular mit a' und f'

seichnet werben,

$$Gf = f$$
, $df = f'$, $Gd = f - f'$

Nur wird des Ofulars Brennpunkt f hier zur Recht genommen, da er eigentlich zur Linken des Okues liegt. 9. Soll die Bestimmung von Gd nicht ge auf den Weitsichtigen (no. 5.) eingeschränkt sepn, sep xa' (fig 86) ein Strahl, welcher verlängert Fr in der Bildweite Gf bei f schneide. Man nun nach der allgemeinen Formel (§. 106. no.) iest Gf oder

 $a = \frac{3f}{3-f}$

wo d = Fa ober FG ift.

10. Für das Okularglas ist nun xa' der ein lende Strahl. Nähme man d = df = a' als Bildweite für den strahlenden Punkt f', der in burch f und d gezogenen mittleren Are fz in der E fernung df' = D von der Stelle d abläge, so hi man

$$\omega' = \frac{\mathrm{Df'}}{\mathrm{D-f'}}$$

Strahlen, die von f' nach a' fahren, schein bei r' von oh herzukommen. Umgekehrt mußten a Strahlen wie oa' von f' herzukommen scheinen; würden in die Lage rt gebrochen, welche die verligerte f'r ist. Auf gleiche Weise mussen dann auch unter demselben Winkel einfallenden Strahlen xa' in dieselbe Richtung f't gebrochen werden.

11. Soll also das Hohlglas die Strahlen so i chen, daß alle von F herkommende Strahlen, wie I von einer gegebenen Weite df — D herpuloms scheinen, so muß man

$$dG = Gf - df = \frac{\delta f}{\delta - f} - \frac{Df}{D - f}$$

nehmen, wodurch der Abstand des Objektivs vom I

Zehenter Abschu. Won dioptr. Ferngläsern. 239 iglase beim Galiläischen Zernrohre bestimmt zd.

Der allgemeine Gebrauch eines ieben Fernrohres st übrigens große Gegenstande voraus, die durch reile kennbar werben, welche ein Beobachter auch ch auf eine beträchtliche Entfernung mit bloßem Auge e bas erkennen konnte, was sie wirklich sind, ohne rabe von solchen wieder kleinere Theile unterscheiben tonnen. Go fann also selbst für einen Rurgsichtin die Gehweite D, die für fleine Gegenstände, wie m Lesen, Schreiben u. d. gl. 5 . 6 . 7 . 8 Bolle bekgen kann (wie im vor. Abschn.), im ietigen Abmitt 20 · 30 · 60 · 100 · und mehrere hundert Fuße Eragen, nach Beschaffenheit ber vorliegenden Objette. D erkennt j. B. ein Rurgsichtiger, der es nicht in Bem Grade ift, einen Menschen in der Weite von > Fußen noch hinlänglich, das äuffere Unsehen eines Ofen Gebäudes noch sehr wohl in der Ferne von 80 D mehreren Fußen, bas auffere Ansehen einer Stadt ber Entfernung von mehreren hundert Jugen.

12. Ware das Hohlglas nicht vorhanden, so Arden die im Strahlenpinsel βF_{∞} enthaltenen Strahlen in dem Punkt f, die im Strahlenpinsel βE_{∞} entitenen im Punkt e zusammentressen, und so würde Bild se des Gegenstandes FE entstehen, in extehrter Stellung.

Aber das Hohlglas fängt die nach f gebrochenen Erahlen, wie xa', y \beta,, auf, und bricht sie nach ichtungen, wie hier rt, die ruckwärts verlängert in dem gemeinschaftlichen Punkt st des durch den Mitsunkt des Glases a gezogenen Strahls faz zusamentommen.

Einem Auge hinter dem Okular bei M konner also alle von F ausstiesende und bei M durchgehend Strahlen so entgegen, als kamen sie aus der Punkte k.

Eben so kommen die bei M durchgehenden von I herkommenden Strahlen dem Auge so entgegen, Aktamen sie alle aus dem gemeinschaftlichen Punkt e'n der Are DE her.

Da dasselbe von allen Zwischenpunkten gilt, kerhält ein Auge in M dieselbe Empfindung, als sies von M aus in e'f' das Bild von EF.

- 13. Durch bas Galiläische Fernrohr erblickt ma also die Gegenstände nicht in verkehrter, sondern it ihrer natürlichen Stellung.
- 14. Ohne Gläser würde das Objekt EF einen Auge in G unter dem Winkel EGF erscheinen, alle einem Auge in M sehr nahe unter demselben Winkel weil bei entfernten Gegenständen allemal MG in Borgleichung mit GE als unbedeutend angesehen weiter kann.

Es ist aber dieser Sehewinkel = eGk.

- 15. Durch die Glaser erscheint ber Gegenfundeinem Auge in M unter dem Winkel e'd f' = edk
- 16. Es verhält sich also der Sehewinkel (no. 14) zu dem (no. 15), weil hier nur kleine Winkel 160, kommen,

wie de su Ge ober wie df su Gf

also (no. 9. und 10.)

wie
$$\frac{Df'}{D-f'}$$
 zu $\frac{\delta f}{\delta -f}$

17. 3

d

Zehenter Abschn. Won bioptr. Fernglasern. 241

17. Ist also s' gegen D und f gegen d unbedeus mb, so ist sür dieses Fernrohr in Bezug auf den Zehewinkel

die Vergrößerungszahl $=\frac{\mathbf{f}}{\mathbf{f}'}$

är Durchschnittslinien verstanden, die beim Objekte ud dem Bilde in einerlei Durchschnittsebene liegen. Ich will diese Zahl — N setzen.

18. In ber Zeichnung verhält fich

e'f': EF = de' × tang e'df': dE × tang EdF = de' × tang edf: dE × tang eGf = de' × Gf: dE × df

Lio

$$e'f' = \frac{\frac{de' \times Gf}{dE \times df}}{\frac{dE \times Gf}{df}} \cdot EF = \frac{D \cdot \frac{\delta f}{\delta - f}}{\delta \cdot \frac{Df'}{D - f'}} \cdot EF$$

$$= \frac{f \cdot (D - f')}{f' \cdot (\delta - f)} \cdot EF$$

der für beträchtliche Werthe von D und &, gegen beten die von f' und f sehr klein waren, sehr nabe

$$= \frac{\mathbf{D} \cdot \mathbf{f}}{\mathbf{J} \cdot \mathbf{f}} \cdot \mathbf{E} \mathbf{F}$$

Iso in Bezing auf das Verhältniss der wirks Echen Durchschnittslinien des Bildes zu denen Es Objetts

die Vergrößerungszahl $=\frac{D.f}{\delta.f'}$

Langsborfs Photom.

D

Diese

Diese ist also allemal kleiner als die Vergrößen zahl des Sehewinkels; ich will sie — 11 sepen. Quadrat ist das Maaß der vergrößerten Deuts (§. 130. 110. 12). Allemal ist also

$$N = \frac{\delta}{D} \cdot n \quad .$$

19. Soviel Licht auf ein Stücken bes (BD fällt, das so groß als die Oeffnung im mare, ebensoviel fällt unmittelbar in dasselbe Auge sich an der Stelle des Objektivs BD befände.

Aber alle auf das Objektiv BD zwischen es auffällende Strahlen werden durch die Bredes Objektivs in den kleineren Raum a's zusangebrängt, also im Verhältniß fG: fd' verdidemach empfängt ein Auge am Okular bei Min G ohne Glas die Lichtmenge aufnehmen wie Lichtmenge fd'. a, vorausgesetz, daß die kausfahrenden Strahlen die ganze Deffnung im ausfüllen, daß also a's' größer sen als der kmesser der Deffnung im Auge, oder daß BD wesser der Deffnung im Sterken Von fie für BD niemes der Großen Werthen von fie ist BD niemes der Großen Werthen von fie BD niemes der Großen Werthen von fie BD niemes der Großen Buge fallen, kleiner als die Orssaulge. Deißt sener z², die Fläche der Oeffnung

Stern w^2 , so ist in solchem Falle die ins Auglende Lichtmenge nur noch $=\frac{z^2}{w^2}\cdot\frac{fG^2}{fd^2}\cdot\lambda$.

Aber unter dieser Strahlenmenge sieht das Auge scht das Objekt, sondern sein Bild e's; demend verhält sich die Deutlichkeit des Objekts zu der Sildes

wie
$$\frac{\lambda}{E F^2}$$
 in $\frac{\left(\frac{z^2 \cdot fG^2}{w^2 \cdot fd^2} \cdot \lambda\right)}{\left(e'f'\right)^2} = \lambda$ in $\frac{\left(\frac{fG^2}{fd^2} \cdot \lambda\right) \cdot z^2}{\left(\frac{D \cdot f}{f'}\right)^2 \cdot w^2}$

ober wie
$$\left(\frac{D \cdot f}{\delta \cdot f'}\right)^2 : \frac{z^2 \cdot f G^2}{w^2 \cdot f d^2} = \frac{(D \cdot f)^2}{(\delta \cdot f')^2} : \frac{z^2 \cdot f^2}{w^2 \cdot f'^2}$$

i. wie
$$D^2$$
. w^2 ju δ^2 . $z^2 = 1 : \frac{\delta^2 \cdot z^2}{D^2 \cdot w^2}$.

Hit sich ohne und mit dem Fernrohre schlechthin

wie
$$w^2$$
 zu $z^2 = 1 : \frac{z^2}{w^2}$

eil das Bild im Auge nach der Flächengröße, ohne exprohr = 1 geset, durch das Fernrohr = $\binom{f}{f'}$ trd, daher im obigen Verhältnisse nur i statt EF^2 nd $(\frac{f}{f'})$ statt $(e'f')^2$ gesetzt werden darf, um das lexhältnis der Helligseit zu erhalten.

20. Weil
$$\frac{Df'}{D-f'} = \frac{D-f'+f'}{D-f'} \cdot f' =$$

 $1+\frac{f'}{D-f'}$). f', also besto größer ist, ie kleiner I genommen wird, so wird (no. 11.) dG besto kleier, ie kleiner man D verlangt. Der Kurzsichtige muß

muß daher beide Gläser etwas näher zusammenricknals der Weitsichtige, und erhält hiermit zugleich den Wortheil, daß ihm das Bild heller erscheint (no. 19), aber kleiner (nach no. 16. und no. 18). Wenn de her iedes der beiden Gläser in eine besondere Röhne gesaßt wird, wie dieses allemal geschieht, so daß sich die engere mit dem Ofularglas in die wettere einschieden läßt, so kann ein solches Fernrohr vom Kurzsichtigen wie vom Weitsichtigen gebraucht werden; Ersterer sicht sie weiter heraus. Man bedient sich desselben zu kiehnen Taschenperspektiven.

- 21. Je kleinee 8 wird, desto größer wird $\frac{3f}{3-f}$ also besto größer dG (no. 11). Je näher baher bei Objekt ist, welches man durch dieses Perspektiv sehen will, desto weiter muß die engere Röhre mit dem Otwlar herausgezogen werden.
- 22. Wenn der Sehewinkel sehr vielmal vergrößsert werden soll, so fällt der Haldmesser des Hohlste ses allemal so klein aus, daß die Abweichung der Strahlen vom Bilde wegen der Gestalt des Glases des Bild undeutlich macht, und diese Undeutlichkeit wird noch durch die Abweichung wegen der Farbenzerstremmy vergrößert. Wan darf daher die Vergrößerungszehl oder das Verhältniß f: f' nicht so ganz willkührlich annehmen. s. den folg. §. no. 15. und die Tasels am Ende dieser 1. Abtheil.

§. 136.

- II. Das Replerische oder astronomische Jernrohr, oder das Sternrohr.
- genannte Sternrohr besteht gleichfalls aus zweien Blasern und unterscheidet sich von dem Galiläischen bloß durch das Okularglas, welches beim Sternrohe ein erhabenes oder ein Sammlungsglas ist, da es beim Galiläischen ein Zohlglas war. Diese Absanderung des Okularglases hat aber zugleich eine Aenderung in der Stellung beider Gläser zur Folge.
- 2. Es sen namlich vom aussersten Elemente F tes Objetts EF (fig. 87.) burch die Mitte A des Objettivs BD, das allemal ein erhadenes Glas ist, der mittlere Strahl FAL gezogen, so werden alle Strahlen des Strahlenpinsels aF & in einen gemeinschaftlichen Punkt f der geraden FL gebrochen, so wie alle Strahlen von E aus auf BD in einen gemeinschaftlichen Punkt e der Linsenare EA gebrochen werden. So bilden die durch BD gebrochenen Strahlen, welche vom Objett EF herkommen, dieses Objett in es in umgekehrter Stellung ab.
- 3. Ist nun weiter von A weg auf der andern Seite des Bildes ein zweites erhabenes Glas MN als Ofular angebracht, so werden durch solches die nach fa', fh' wieder divergirenden Strahlen, welche im Strahlenpinsel a'fh' von f herkommen, aufs Neue gebrochen, so daß die auffersten Strahlen fa, fh z. B. nach m'x, n'y hinter dem Ofularglase aussahren.
- 4. Man ziehe nun von diesen Strahlen, von welchen die m'x, n'y die aussersten sind, durch d Q 3 und

und f ben mittleren ST, so kommen alle von f ho kommende Strahlen nach ihrer neuen Brechung, wie die m'x, n'y, rückwärts verlängert in einem so meinschaftlichen Punkte G zusammen, woserne xm', yn' nach diesen Richtungen konvergiren. Es kommen also hier darauf an, daß die von f auf das Ofwier fallende Strahlen eine verneinte Bildweite d G geben.
Es ist aber (§. 106.) allgemein a = $\frac{\delta f'}{\delta - f'}$, went die Linie δ' statt $\delta = fd$, so soll hier $\frac{\delta' f'}{\delta' - f'}$ eine derneinten Werth = dG geben, also muß δ' obs fd < f' seyn, damit

$$\frac{\delta' \cdot f'}{\delta' - f'} = -D$$

werbe, die dG = D gesetzt. Hieraus folgt - D. δ' + D. f' = δ' . f'und $\delta' = \frac{D \cdot f'}{D + f'}$

Also auch sehr nahe

$$de = \frac{D.f'}{D+f'}$$

Da nun, wenn man EA = 8 und bes Objet tivs Brennweite = f sest,

$$Ae = \frac{\delta \cdot f}{\delta - f}$$

ift, so hat man

Ad = Ae+de =
$$\frac{\delta f}{\delta - f} + \frac{Df}{D + f}$$

li

GF

Zehenter Abschn. Won diopte Fernglasern. 247

Wie nun das Bild von f in G fällt, so fällt das in e in H, und das Bild von ef erscheint in GH war in verkehrter Stellung.

5. Man erhält also ein Sterntohr, wenn iedes der beiden Gläser, wie beim Galiläischen, ein besonderes Nohr faßt, so daß sich das engere it dem Okularglas in das weitere mit dem Objektiv nschieben läßt. Es dient, das Bild des Objekts jestsmal auf eine bestimmte Entfernung dH — D zu ühern, wenn man das engere Nohr soweit heraus of D

the, daß $Ad = \frac{\delta f}{\delta - f} + \frac{Df'}{D + f'}$ wird.

6. Ist f in Vergleichung mit d und f' in Verleichung mit D sehr klein, so wird sehr.nahe

$$\Delta = Ad = \frac{\delta f}{\delta} + \frac{Df'}{D} = f + f'$$

- t. Ad ber Summe beiber Brennweiten gleich.
- 7. Man erblickt burch bieses Sternrohr bas Bilb in umgekehrter Stellung.
- 8. Das Bilb erscheint einem Auge bei O unter im Sehewinkel GdH = fde; bas Objekt erscheint, hne bas Rohr, dem freien Auge bei A, also auch ihr nahe bei O, unter dem Winkel EAF = eAf. ist also, in Bezug auf den Sehewinkel,

die Vergrößerungszahl $=\frac{\mathrm{fde}}{\mathrm{eAf}}$

hier, wo die Winkel nur flein sind, sehr nahe
$$= \frac{Ae}{de} = \frac{\left(\frac{\partial f}{\partial - f}\right)}{\left(\frac{D \cdot f'}{D + f'}\right)}$$

Die Photometrie.

$$=\frac{\delta f.(D+f')}{Df'.(\delta-f)}$$

9. If also f und f' gegen d und D unbedeutent, so ist sehr genau

die Vergrößerungszahl $N=\frac{\delta f D}{D f' \delta}=\frac{f}{f'}$ wie beim Galiläischen (vor. δ . no. 17).

10. In der Zeichnung ist

EF:GH = AE.tang EAF:dH.tang HdG = \(\delta \).tang e Af: D.tang e df = \(\delta \).ed: D.eA Df' \(\delta \) of

$$= \delta \cdot \frac{Df'}{D+f'} : D \cdot \frac{\delta f}{\delta - f}$$

also

$$GH = \frac{D.\delta.f.(D+f')}{\delta.D.f'.(\delta-f)} = \frac{(D+f).f}{(\delta-f).f}$$

sber, in Bezug auf Durchschnittslinien des Bildes und des Objekts,

die Vergrößerungszahl $n = \frac{(D+f').f}{(\delta-f).f'}$

und für sehr beträchtliche Werthe von D und d, sehr nahe

diese Vergrößerungszahl $=\frac{\mathbf{D} \cdot \mathbf{f}}{\delta \cdot \mathbf{f}'}$

und das Maaß der vergrößerten Deutlichkeit $\frac{D^2 f^2}{J^2 (f^2)^2}$ wie beim Galiläischen (vor. §. no. 18).

II. Dem

Zehenter Abschn. Won bioptr. Fernglasern. 249

11. Demnach verhält sich auch die Helligkeit des disekts an seiner Stelle zu der des Bildes an seiner stelle wie 1 zu $\frac{Z^2}{W^2}$ oder auch wie W^2 zu Z^2 , wie dor. §. no. 19).

In Fällen, wo nicht $z^2 \triangleleft w^2$ ware, ware das wähnte Verhältniß der Helligkeiten des Objekts und is Bildes allemal $x : x = x^2$ were es für $x^2 = x^2$ berouskommt, weil die übrigen Strahlen des größeren duerschnittes nicht ins Auge fallen, also auf die Helgkeit weiter keinen Einfluß haben können.

12. Je größer man D verlangt, besto größer $\frac{Df'}{D+f'}$, also besto größer auch Ad, wenn sonst les ungeändert bleibt (no. 4). Der Weitsichtige uß daher Ad größer machen oder das kleinere Rohr witer herausziehen, als der Rurzsichtige; Ersterem erscheint daher auch ein größeres Bild, als Letzerm (wegen no. 10.), hingegen hat sür Letzteren das ill mehr Helligkeit als sür Ersteren (no. 11). Es uß auch hier BD allemal $> \frac{f}{f'}$. $\frac{1}{5}$ Boll seyn (vor. §. 10. 19).

- 13. Je naher das Objekt ist, desto weiter muß de kleinere Rohre herausgezogen werden, wie vor. §. O. 21. Daher dient dieses Sternrohr, wie das Salaische, sowohl dem Kurzsichtigen als dem Wettsichtism, und beiden in größeren und geringeren Entservungen vom Objekte.
- 14. Auch hier gilt vor. §. 110. 22. Eine hierher thörige Tafel s. unten am Ende dieser I. Abtheil.

15. Sind

Is. Sind die Halbmesser, e und r'e' für bie Worder. und hintersische des Objektivs und des Omlars noch nicht gegeben, so lassen sie sich nach (h. 105.) so bestimmen, daß eine verlangte Vergrößerung bei Sehewinkels erfolgen muß. Soll er namlich N mel vergrößert werden, so hat man, wenn D sehr vielmigrößer als f' bleibt,

$$\frac{\mathbf{f}}{\mathbf{f'}} = \mathbf{N}$$

Mber
$$f = \frac{r e}{(\mu - 1)(r + e)}$$
 (§. 105), ebens

f', weil es hier verneint ist, = $-\frac{r'e'}{(\mu-1)(r'+r')}$

Man muß also, bas verneinte Zeichen bei Seite geft

$$\frac{r_{\ell} \cdot (r'+\ell')}{r'_{\ell} \cdot (r+\ell)} = N$$

machen. Dabei ist es nun am bequemsten, r=4 und r' == g' zu nehmen, welches bann

$$\frac{r^2 \cdot 2r'}{(r')^2 \cdot 2r} = \frac{r}{r'} = N$$

giebt. Man hat also die aufferst einfachen Beste mungen

$$r = N \cdot r'$$
 und $r' = \frac{r}{N}$

Sollte aber f! in Vergleichung mit D nicht pur in unbedeutend senn, so hätte man, woferne doch f gent in dusserft klein bliebe, sehr nahe (no. 8.)

$$N = \frac{\delta f.(D+f')}{D.f'.\delta} = \frac{(D+f').f}{D.f'}$$

Pi

Zehenter Abschn. Won bioptr. Fernglafern. 251

$$= \frac{\left(D - \frac{r'e'}{(\mu - 1) \cdot (r' + e')}\right) \cdot \frac{re}{(\mu - 1) \cdot (r + e)}}{D \cdot \frac{-r'e'}{(\mu - 1) \cdot (r' + e')}}$$

or, für $r = e$ und $r' = e'$,
$$N = \frac{\left(D - \frac{r'}{2 \cdot (\mu - 1)}\right) \cdot \frac{r}{2 \cdot (\mu + 1)}}{\frac{D \cdot r'}{2 \cdot (\mu - 1)}}$$

$$= -\frac{Dr - \frac{r' \cdot r}{2 \cdot (\mu - 1)}}{Dr'}$$

 $=-(1-\frac{r'}{2(\mu-1)\cdot D})\cdot \frac{r}{r'}$

er, weil hier das voranstehende verneinte Zeichen bei eite gesetzt werden kann,

$$=\frac{r}{r'}-\frac{r}{2(\mu-1).D}$$

Es ist also die Vergrößerungsjahl (no. 8.) bet geänderten Werthen von r und t' desto größer, je ößer D ist, und daher für den Weitsichtigen größer 5 für den Kurzsichtigen, doch in beinahe unmerkliem Maase, insoferne D immer vielmal größer als ist.

Aber die Vergrößerungszahl (no. 10), die sich f wirkliche Größe des Bildes bezieht, wächst in gleiim Verhältnisse mit D. Da nun die Vergrößerunzstahl N oder -

 $\frac{r}{2(\mu-1).D}$ in keinem Falle sehr von $\frac{r}{r'}$ oder von verschieden ist, hingegen die Vergrößerungszahl

(no 10.) immer sehr nahe = $\frac{D}{\delta} \cdot \frac{f}{f'}$ wird, so w

die Verschiedenheit im Werthe von D eigentlich mut westug auf die davon abhängende Vergrößernzeigeh auf die Geschaftlichen Einfluß auf die Geschachters.

Für ben Kurzsichtigen ist namlich D fleiner di für ben Weitfichtigen, also für Erfteren bie Bergiff rungszahl n beträchtlich fleiner. Er fieht wirflich d viel fleineres Bild, nur viel naber und daber febr mit unter bemfelben Wintel, wie ber Weitfichtige. Di Bild vertrit hier die Stelle des Objefts; da nun d kleineres Objekt vom Beobachter nie in demiska Maafe für größer gehalten wird, in welchem es tet Auge naber fommt (wie g. B. ein Mensch auf t Weite von 10 Fußen von uns nicht für merklich po fer erkannt wird, als auf die Weite von 30 Fufen), so halt auch ber Rurgsichtige bas ihm beträchtlich tie ner als dem Weitsichtigen dargestellte Bild für beträch lich fleiner, als es ber Weitsichtige findet. wenn ber Rurgsichtige bas Rohr mit bem Dtularglet weiter herauszieht, also D vergrößert (no. 12), w durch die Vergrößerungszahl N nicht merklich vergiff fert wird, so glaubt er bennoch, aus bem angeführte Grund, den Gegenstand iett weit größer zu sehen weil er nämlich benselben iest unter einem wirklich vid größeren Bilbe fieht, wenn gleich weiter entfernt mit daber unter gleichem oder doch nicht merklich verschit Denen

sehewinkel. Er würde auch mit unbewassnetem nen 600 Fuß hohen Thurm in der Entfernung. 50 Fußen gewiß für höher halten, als einen ß hohen Thurm in der Entfernung von, 200 wenn er gleich den letztern unter einem bes größern Sehewinkel erblickte.

§. 137.

des Pater Rheita.

Vier erhabene Gläser mittelst Adhren, die sichen lassen, wengeordnet, daß dem Beobachter hinter dem der dem Ofularglase das Vild des Objekts in rlangten Entsernung deutlich und in derselben e das Objekt selbst hat, erscheine, machen in erbindung dasienige Fernrohr aus, welches Erdserrohr genannt hat.

BD (fig. 88.) sen das Objektiv, seine Entown Objekt oder $AE = \delta$, seine Brennweite die Brennweiten der drei folgenden Gläser solft, f" und f" bezeichnet werden, so daß k" nweite des dritten Okulars ist.

A nun das Bild dem Beobachter in einer Ente D erscheinen, so setze man das erste Okular in d, als ob das Auge gleich hinter NN jeft oder eigentlich sein Bild in der Entser-: D erblicken sollte.

Bu dem Ende nehme man (h. 136. 110. 4)

$$Ad = \frac{\delta f}{\delta - f} + \frac{Df'}{D + f'}$$

Da nun die Vergrößerunzstahl N ober 🕝

Toder von $\frac{r}{r'}$ ober von $\frac{r}{r'}$ ober von $\frac{r}{r'}$ ober von $\frac{r}{r'}$ verschieden ist, hingegen die Vergrößerungsjahl (no 10.) immer sehr nahe $=\frac{D}{\delta}\cdot\frac{f}{f'}$ wird, so hie Verschiedenheit im Werthe von D eigentlich nur k Bezug auf die davon abhängende Vergrößerungszahl n des Vildes beträchtlichen. Einsluß auf die Co

pfindung bes Beobachters.

Für ben Rurgsichtigen ift nämlich D fleiner d für den Weitsichtigen, also für Ersteren die Bergele rungszahl n beträchtlich fleiner. Er sieht wirklich viel fleineres Bild, nur viel naher und daher febr wie unter bemfelben Winfel, wie ber Weitfichtige. Di Bild vertrit hier die Stelle des Objetts; da nun de Kleineres Objekt vom Beobachter nie in demkka Maafe für größer gehalten wird, in welchem es ki Auge naber kommt (wie z. B. ein Menfc auf W Weite von 10 Jugen von uns nicht für merklich po fer erkannt wird, als auf die Weite von 30 Fugm), so balt auch ber Rurgsichtige bas ibm beträchtlich lich ner als dem Weitsichtigen dargestellte Bild für beträch lich fleiner, als es ber Weitsichtige findet. wenn der Rurzsichtige bas Rohr mit dem Ofularglet weiter herauszieht, also D vergrößert (no. 12), w durch die Vergrößerungszahl N nicht merklich vergiff fert wird, so glaubt er bennoch, aus bem angeführte Grund, ben Gegenstand iest weit größer zu feben weil er nämlich benselben iett unter einem wirklich vid größeren Bilbe fieht, wenn gleich weiter entferpt un baber unter gleichem ober boch nicht merklich verfole penen

ven Sehewinkel. Er würde auch mit unbewaffnetem ige einen 600 Juß hohen Thurm in der Entfernung n 1800 Jußen gewiß für höher halten, als einen 100 Juß hohen Thurm in der Entfernung von, 200 ißen, wenn er gleich den letztern unter einem besichtlich größern Sehewinkel erblickte.

\$. 137. _{11.2} .

- III. Das Erdfernrohr oder das Jernrohr des Pater Rheita.
- I. Vier erhabene Gläser mittelst Röhren, die sich einander einstecken und außeinander ziehen lassen, zusammengeordnet, daß dem Beobachter hinter dem tren oder dem Ofularglase das Vild des Objetts in er verlangten Entsernung deutlich und in derselben se, die das Objett selbst hat, erscheine, machen in ser Verbindung dasienige Fernrohr aus, welches n das Erdsernrohr genannt hat.
- 2. BD (fig. 88.) sen das Objektiv, seine Entenung vom Objekt oder $AE = \delta$, seine Brennweite; f, die Brennweiten der drei folgenden Gläser solmit f', f'' und f''' bezeichnet werden, so daß f''' Brennweite des dritten Okulars ist.

Soll nun das Bild dem Beobachter in einer Entoning D erscheinen, so setze man das erste Okular N so in d, als ob das Auge gleich hinter N N Objekt oder eigentlich sein Bild in der Entsersig — D erblicken sollte.

3. Zu dem Ende nehme man (§. 136. 110. 4)

$$Ad = \frac{\delta f}{\delta - f} + \frac{Df'}{D + f'}$$

- 4. Soll das Erdfernrohr überhaupt dienen, schrentfernte Segenstände zu betrachten, so braucht mit die genaue Bestimmung von I nicht, weil alsom $\frac{f}{f-f}=\frac{f}{f}=f$ gesetzt werden darf.
- 5. Bei dieser Stellung des ersten Ofulars misten fich also die von iedem Elemente des Objekts hertom menden Strahlen vermöge der durch dieses Okular bewirkten Brechung wieder in einem Punkte der zup hörigen mittleren Are vereinigen, der hier vor den Okular NN liegt.

Seschieht nämlich diese Vereinigung in der Exfernung β vom Otular, so hat man (vermöge in Formel für die Vildweite $\alpha = \frac{\delta f}{J-f}$) hier $\beta = \frac{de \times f}{de-f'}$; nun ist

$$\beta = \frac{\frac{Df'}{D+f'} \cdot f'}{\frac{Df'}{D+f'} - f'} = \frac{Df' \cdot f'}{Df' - (D+f') \cdot f'}$$

$$= \frac{\frac{D \cdot f'}{D-(D+f')} = -D$$

b. h. ber Vereinigungspunft ber auf bas erste Other fallenden Strahlen fällt nicht hinter, sondern vor bas Otular in der Entfernung D vom Glase, wir man auch schon aus dem vor. h. weiß.

- 6. Bei ber (no. 3:) angegebenen Stellung bes kulars divergiren also alle von einerlei Elemente bes bjefts herkommende Strahlen, und fallen so divergind hinter dem ersten Ofular NN auf das zweite. ur weicht diese Divergenz für sehr große Werthe von nur unmerklich vom Parallelismus ab.
- 7. Die von F herkommenden Strahlen, die hinse dem Objektiv in dem Strahlenpinset mfn gegen karvergiren und von da in dem Strahlenpinsel als flessen und von da in dem Strahlenpinsel als flesser dem okular wieder divergiren, zehen nut inter dem Okular nach Richtungen z. B. alt, gflesser, der, die rückwärts verlängert in Gerusammensessen, so daß dG ober dH = D wird, wenn man ich nach no. 3. einrichtet.

Unter allen diesen Strahlen ist nun auch einer d, welcher ohne merkliche Brechung durche NN in erader Linie fcf durchgeht; dieset 4st der mittlere ir das Okular NN von f aus genommen.

8. Zieht man durch C im zweiten Öfular wiedes im einen mittleren Strahl n Ct, welcher rückwärts erlängert gleichfalls durch G durchgeht, so empfängt unmehr das zweite Ofular QR die Strahlen ebenso, ie von einem strahlenden Elemente G, das seine strahlen unmittelbar diesem Glase zusendete, und desen Are die Gt wäre.

Sett man nun CG ober CH = D', so wird le Vildweite

$$Cs = \frac{D' \cdot f''}{D' - f''}$$

nde die Strahlen a'r, B' und alle dazwischenfalnde durch das zweite Okular in den Punkt s gebrochen ... werwerden, der nun wieder das Bild von F, wie ? det von E ist.

So hat man also auch sehr nahe

$$C\zeta = \frac{D'.f''}{.D'-f''}$$

und in ζ bas aufgerichtete Bilb ζ s von EF.

9. Der zum Element F gehörige Strahlenpinst pust divergirt bei s aufs Neue und fällt als ein Strahlenpinsel dsw auf das dritte Ofular. Sollen nun die Strahlen hinter diesem dritten Ofular so ausschen daß sie wie z. B. der wa, db, ructwärts verlänget in einem gemeinschaftlichen Punkte V zusammen kommen son daß die Bildweite

$$IV = D$$

werde, so ziehe man durch l wiederum einen mittlens. Strahl is, der so gut als ungebrochen nach it durch geht.

Man hat nun wieberum

$$\mathbf{1}\zeta = \frac{\mathbf{D}.\mathbf{f'''}}{\mathbf{D} + \mathbf{f'''}}$$

unb

$$C_1 = C_2 + 1_2 = \frac{D'f''}{D' - f''} + \frac{Df'''}{D + f'''}$$
so $D' = D + Cd$ iff.

10. Nimmt man also Cl nach (no. 11), wo Cd willführlich angenommen werden kann, so scheint das Bild bei V auf der Axe EP in der vor langten Entfernung D vom dritten Ofular TW weberselben Stellung wie der Segenstand EF selbst.

1,7 · II. Für einen beträchtlichen Werth von D, also eim gewöhnlichen Gebrauch biefes Fernrohres fann ian f" und f" in Bergleichung mit D bei Seite feen, also

Cl = f' + f''

unehmen. So wird also die Lange bes gangen Fernbbres

= f + f' + Cd + f'' + f'''

so Cd willtührlich ist.

١

18.77 12. Beim Sternroht, das nur aus imeien Slafern besteht, dem Objettiv BD und dem Ofular IN, erblickt ein Auge binter d bas Bilb fe in IG, und es ist dann HG nur ein scheinbares Bild.

Bei bem aus 4 Glafern jusammengesetzten irbi-Wen Fernrohre macht bas zie Glas ein zweites wirk. liches Bild in 's und das Auge hinter bem 4ten Glas oder dem zien Otular erblickt solches in dem schein= baren Bilde bei V, und zwar, wie man hier siebt, in der natürlichen Stellung des Objekts.

13. Unmittelbar bei A. mare ber Sebewinkel = EAF = fAe. Gleich binter d ist er = fde.

Ift nun der Gegenstand beträchtlich entfernt, auch D vielmal größer als f', so ist sehr nabe

$$Ae = f$$
, $de = f'$

und sehr nahe

$$\frac{fde}{fAe} = \frac{f}{f'}$$

welches die Vergrößerungszahl für das Sternrohr ift.

N

14. Unter den erwähnten Boraussehungen ihnen, was Winkelbestimmung betrifft, alle von eine Clemente des Objekts herkommende Strahlen hints dem ersten Okular, wie a'r, df, eC, B'u, all Parallelstrahlen angesehen werden.

Daffelbe gilt von Strahlen hinter bem zien Obelar, wie wa, bb, die von einem Punkte s fer kommen.

Weil nun hiernach die ff der ex parallel ange nommen werden fann, so hat man

$$edf = Cdf = \zeta Cs$$

also
$$Cs = \frac{f}{f'}$$
. fAe (no. 15.)

15. Ein Auge hinter dem 3ten Ofular fieht bei Bild zs unter bem Winkel zls, aber sehr nahe

$$\zeta ls : \zeta Cs = C\zeta : I\zeta$$

alfo

$$\zeta ls = \frac{C\zeta}{l\zeta} \cdot \zeta Cs$$
$$= \frac{C\zeta}{l\zeta} \cdot \frac{f}{f'} \cdot fAe$$

und baber febr nabe

$$= \frac{f''}{f'''} \cdot \frac{f}{f'} \cdot fAe = \frac{f''}{f'''} \cdot \frac{f}{f'} \cdot FAE$$

Es ist also bei diesem irdischen Fernrohre die Vergrößerungszahl Nbes natürlichen Sehe. $=\frac{f''}{f'''}$ winkels

... 16. **D**

Zehenter Abschn. Won dioptr. Fernglasern. 259

16. Haben also beibe lette Gläser einerlei-Brennwiten, so ist schlechthin

$$N=\frac{f}{f'}$$

Man sieht alsbann den Gegenstand ebenso, wie urch ein einfaches Sternrohr, das aus den beiden vrdern Gläsern zusammengesetzt wäre, nur in der ichtigen Stellung, die nämlich das Objekt selbst hat.

- 17. Haben bie beiden mittleren Gläser einerlei Frennweiten f'=f'', so ist die Vergrößerungszahl chlechthin $\frac{f}{f'''}$. Wan sieht ietzt das Objekt wie durch in einfaches Sternrohr, das aus dem Iten-und 4ten Blase in der Entfernung f+f''' zusammengesetzt wäse; nur in der natürlichen Stellung.
- 18. Uebrigens würde in den beiden Fällen (no. 18. 18nd 19) der Segenstand doch nicht ganz so helle, wie durch das Sternrohr erscheinen, weil iedes Slas einen Theil der darauf fallenden Strahlen' restektirt, der dann für das Auge verlohren geht.
- 19. Gewöhnlich find f', f'', f''' gleich groß, also im gewöhnlichen Falle die Vergrößerungszahl N schlechts $\sin = \frac{f}{f}$.
- OV = 10 × tang OlV, so but man

$$OV = \frac{10 \times tang \ OIV}{AE \times tang \ EAF} \cdot FE$$

Es ist aber, weil hier von kleinen Winkeln & Rede ist, beinahe

$$\frac{\text{tang OIV}}{\text{tang EAF}} = \frac{\zeta \text{is}}{\text{FAE}} = \frac{f'' \cdot f}{f''' \cdot f'}$$

und 10 = D, AE = 3, also

$$OV = \frac{f'' \cdot f \cdot D}{f''' \cdot f' \cdot \delta} \cdot FE$$

Demnach

- 21. Da nun ein kleineres Objekt (also auch at kleineres Bild, das hier die Stelle des Objekts wortit) auch bei gleichem Sehewinkel doch immer kleints scheint, als ein größeres, z. B. ein ziähriger Rukt in der Nähe von 10 Fußen Jedem kleiner vorkommen als ein erwachsener Mensch selbst in einer Entsemmen von 50 Fußen, so muß dem Weitsichtigen, sür den Omerklich größer ist, als für den Rurzssichtigen, wie Bild OV auch merklich größer vorkommen, als der Rurzssichtigen, wenn gleich für Beide, woserne Diedlich groß ist, die Vergrößerungszahl N (no. 17) begut als völlig einerlei ist.
 - 22. Auch findet man hier völlig wie (§. 135110. 19) das Verhältniß der Deutlichkeit des Objett
 22. Auch findet man hier völlig wie (§. 13524. Auch findet man hier völlig wie (§. 13525. Auch findet man hier völlig wie (§. 13526. Auch finde

$$D^2 \cdot w^2 \ u \ \delta^2 \cdot z^2 = r : \frac{\delta^2 \cdot z^2}{D^2 \cdot w^2}$$

bei der dortigen Voraussetzung und mit Beiseisstellendes von den Gläsern restektirten Lichtes. Das Behältniß der Helligkeit ist

$$W^2: Z^2$$
 oder $1: \frac{Z^2}{W^2}$

k

Zehenter Abschn. Won dieptr. Fernglasern. 261

23. Alle von A aus auf das erste Okular MN Mende Strahlen haben hinter demselben in der Are P einen Vereinigungspunkt, z. B. in O in einer utsernung dO, die $=\frac{Ad \bowtie f'}{Ad-f'}$ ist.

Den Werth von Ad hat man aus (no. 3); man inn aber für den Gebrauch dieses Fernrohres hier lemal f als unbedeutend sowohl gegen D als gegen duehmen, so daß hier

$$Ad = f + f'$$

sett werben barf, bieses giebt hier

$$dO = \frac{(f+f') \cdot f'}{f+f'-f'} = \frac{f+f'}{f} \cdot f'$$
ober auch = $(x + \frac{f'}{f}) \cdot f'$

24. Aber alle von A aus auf das erste Okular Lende Strahlen sind mittlere aus den verschiedenen unten des Objetts EF durch A gezogene Strahlen. umach haben alle zum Objett EF gehörige mittlere och A durchgehende Strahlen hinter dem ersten Okuin einem Punkte O der Are EP einen gemeinschafte den Vereinigungspunkt, so daß für grosse Werthe

13 D und δ bie Weite $dO = (1 + \frac{f'}{f})$. A wird.

eneben muß nun auch der hinter dem Glase durch O echgehende Strahl (welcher vorher von dem Objekte burch A durchgegangen und so auf das Okular N gefallen ist) rückwärts verlängert durch den korpondirenden Punkt des Bildes durchgehen, z. B. e gO rückwärts verlängert durch G, weil er von Elemente F des Objekts herkommt.

R 3

25. Da

25. Da alle von dem Objekt EF herkommente mittlere, d. h. durch A durchgehende Strahlen gemeinschaftlich durch O durchgehen, so fallen solche von O aus wie von einem strahlenden Punkte auf das zweite Okular.

Nimmt man also OC = f'', also $dC = (1+\frac{f'}{f}) \cdot f' + f''$ (no. 23), so gehen diese von. Objekt herkommenden mittleren Strahlen nach die

Objekt herkommenden mittleren Strahlen nach kei Brechung des zweiten Okulars hinter solchem in perallelen Richtungen nämlich der CP gleichlaufend sort so daß ieder durch den ihm zugehörigen Punkt des Sildes sieder durchgehen muß.

Da nun diese ber Are EP gleichlaufend auf das Sild von E.

Eilfter Abschnitt.

Von katadioptrischen Fernröhren oder Spiegelteleskopen.

§. 138.

Unter Spiegeltelescopen, the auch katas bioptrische Fernröhre heisen, versieht man Ferntöhre, bei welchen Glaslinsen mit Hohlspiegeln veriunden, das Bild eines Gegenstandes darstellen.

Die wichtigsten hierher gehörigen Telestope find

das Remtonsche,

- Gregorische,
- Caffegrainische.

§. 139.

I. Das Memtonsche Spiegelteleskop.

Das Rewtonsche Spiegelteles fop (fig. 89.) ift in Rohr, das am einen dem Objett zugekehrten Ende offen ist, am andern Ende aber statt des Bodens einen Hohlspiegel AB hat; irgendwo ist in diesem Rohre eine Seitenössnung GH angebracht, welcher parallel im Rohre ein doppelt erhabenes Glas pa befestiget ist, bessen Are of zügleich durch den Mittelpunkt s eines ebenen Spiegels durchgeht. Dieser Spiegel kehrt seinen Spiegels durchgeht. Dieser Spiegel kehrt seinem Winkel von 45° gegen die Are os geneigt; sein Mittelpunkt s liegt zugleich in des Rohres Are EK.

\$. 14q. ·

Wirkungsart und dazu erfoderliche Bedingungen,

Weil hier EF vor dem Rohre allemal nu Salfte des Objetts vorstellt,, nach deffen Mitte Rohres Are gerichtet wird, so ist hier Eak des red jund Jugleich bes Doblsviegels Art.

2. A sep ber Krummung AKB Wittelpunft: man nyn:

 $KE = \delta$

for suctification in Kale = Post

so hat man, d>r vorausgesetzt und BA als Bogen von nur wenigen Graden angenommen, nahe für das Bild von E die Entfernung.

$$Ks = \frac{\delta \cdot \frac{r}{2} r}{\delta - \frac{1}{4} r} (\S. 41.)$$

3, Cine gerabe: Linie von F. durch ben I punft & gezogen, ift gleichfatts eine Are bes Sol gels, und die F.A gleichfalls - & gesetzt, giebt so (§. 41,) für das Bild von F. die Entfernung Holdspiegel bis zu diesem Bilde D

$$\frac{\delta \cdot \frac{1}{2}r}{\delta - \frac{1}{2}r}$$

So wird also das Sild so von EF in durch diesen Ausbruck bestimmten Entfernung bom spiegel erzeugt — den Planspiegel MN noch bei gesett.

4. Der Planspiegel anbert in ber Reffeftirun auf den Hohlspiegel fallenden Strahlen nichte

Eilfter Abschu. Won fatabioptr. Fernglafern. 265

ne Wittung befteft unr barin

- 1.) daß er einem Theile der vam Objekt ausgehenden Strahlen im Wege steht, daß also weniger Strahlen als sonsten auf den Hohlspiegel fallen konnen;
- 2.) daß er die nom Hohlspiegel restetirten Strahlen verhindert, das Bild so wirklich zu erzeugen, indem Ks. kleiner als Ks senn muß, so daß der Planspiegel die dom Hohlspiegel, restetieten Strahlen aust wege und zwar gegen das zur Seite angehrachte erhae dene Glas pa restetstri.
- 5. Vermöge dieser zweiten Resterion, die der inspiegel bewirkt, erscheint das Bilb von EF in selben Größe in ef, wie es sonsten in op erscheis witten Dieses erheller so
- 3. B. der Strahl FA wird vom Hohlspiegel nach p restektirt. P ist der Durchschnittspunkt dieses lektirten Strahls mit der von F durch & gezogenen e FAP, die verlängert den Hohlspiegel in z trifft.

Der Planspiegel nimmt-diesen restektirten Strahl g auf und restektirt ihn aufs Reue nach gm, so

 $Ngm = AgM = Ng\phi$

Der Strahl FB, welchet vom Hohlspiegel nach pressettirt wird, wird vom Planspiegel in a aufgesen und vom solchem aufs-Neue nach all restetirt, daß

 $N\alpha\beta = B\alpha M = N\alpha\phi$ o auch $\beta\alpha M = \phi\alpha M$ wird.

Der aß durchschneibet ben gm in f, so baf

wird, weil

nnb

$$f \alpha g = \phi \alpha g$$
 $f g \alpha = \phi g \alpha$
 $\alpha g = \alpha g$

ift.

Daher auch af = ap und gf = gp.

Dasselbe gilt von allen aus F auf den hobbie gel fallenden Strahlen; sie werden alle durch den pe meinschaftlichen Punkt f vom Planspiegel restettirt, mi es ergiebt sich daher in f das Bild von F.

Man kann nun durch frund o eine gerade And ziehen, welche die Spiegelstäche MN in einem Punk Trifft, den ich in der Zeichmung nicht angegeben beit Es ist alsbann

 $\Delta gx\phi = \Delta gxf$

weil

$$g\phi = gf$$

$$\phi gx = fgx$$

unb

gx == gx i

ift.

Daher ist die gerade f auf MN sentrecht ist $\mathbf{x} = \phi \mathbf{x}$.

Daffelbe gilt von iedem andern Punkt des De jefts EF.

3. B. die von E ausgehenden Strahlen webes vom Hohlspiegel alle nach s restektirt und vom Planspiegel aufgefangen, von dem sie alle durch e restektive werden, so daß in e das Bild von E entsteht.

344

Eilfter Abschn. Bon fatabioptr. Ferngläsern. 267

Bieht man von s eine gerade Linie senkrecht durch N, die der Spiegelsläche in r begegnet, und macht i re = rs, so ist e das Bild von E.

So entsteht in ef das ganze Bild von EF.

6. Alle von F nach AB fahrende Strahlen genach der zweiten Resterion, die der Hohlspiegel virkt, von Ma durch f und bilde Sinter f einen das Glas pa fallenden Strahlenpinsel mfß, def Strahlen nach Richtungen durch die hintere Fläcke Glases durchgeben, die, wie no, Byr rückmärts Längert sich in F durchschneiden.

Auf gleiche Weise fällt durch e ein Strahlenpinauf das erhabene Glas, dessen Strahlen durch die Lere Fläche des Glases nach Nichtungen durchgehen, we rückwärts verlängert einander in E schneiden.

Auf solche Weise ergiebt sich in EF bas schein= re Vild des Objekts, welches einem Auge erscheint, i sich ausserhalb dem Rohre hinter der Linse bedet.

§. 141.

Aufg. Der Effekt eines Newtonschen leskops.aus seinen einzelnen Abmessungen bestimmen.

Unfl. 1. Man denke sich in der verlängerten i den Gegenstand $\mathrm{EF} = E'F'$, und bei μ ein erdenes Glas AB, so daß

 $E\mu = E'K$

daß des Glases AB Brennweite der des Hohlesgels AB gleich sep.

Wacht man nun zugleich me = Ke, so mit das erhabene Glas AB dasselbe Bild von EF in ek welches der Hohlspiegel AB in sch macht, um mit ches der Planspiegel gleichfalls in ef zurückwirft.

- 2. Der Effett ist also ganz so, als wirde in Hohlspiegel AB mit dem Planspiegel MN weggener men, der Gegenstand EF in EF gebracht, und ien erhabenen Gast pq das erhabene AB zugentucht also wie dei dem Sternrohre (§. 136), dessen Stinglas die Brennweite $\frac{1}{2}$ r hatte (§. 140. 100.2.) und dessen Entsernung vom Objekt = KE ware.
- 3. Soll also bas Objekt in einer verlangten in fernung m E = D vom Okular erscheinen, sign man (§. 136. no. 4.)

$$ec = \frac{D f'}{D + f'}$$

wenn f' die Prennweite des Ofulars bedeutet.

4. Es sen $Ks = \alpha$, ks = h, so iff $ss = \alpha - h$

und a aus (vor. &. no. 2.) befannt.

Aber

also auch

$$se = a - h$$

nup

$$sc = se + ec = a - h + \frac{Df'}{D+f}$$

$$= \frac{\delta \cdot \frac{1}{5}r}{\delta - \frac{1}{5}r} - h + \frac{Df'}{D+f'}$$

Eilfter Abschn. Won katabioper. Ferngläfern. 269

ihes die Entfernung ist, in welcher der Mittelpunkt: Okularglases c vom Mittelpunkt der Ebene des inspiegels oder von der Axe des Rohres DABC lehen muß.

5. Je kleiner & ist, d. i. ie näher das Objekt pt', besto größer wird

v desto größer 3C, oder desto weiter muß das Ofnglas vom Planspiegel abgerückt werden.

Dieses kann, wie fig. 90 zeigt, sehr bequem ech ein Seitenrohr geschehen, das am Hauptrohr estigt ist, und in welches ein besonderes Röhr mit m Okular mehr oder weniger eingeschoben werden un.

6. Je fleiner D ist, - besto fleiner wird

$$\frac{Df'}{D+f'}$$

d, unter sonst gleichen Umständen so desto kleiner, kleiner Dist.

Bedeutet nun D die Grenze der Sehweite, so ist che für den Kurzsichtigen kleiner, als für den Weitztigen.

Es muß also ber Kurzsichtige bas Okular näher ben Planspiegel rücken, als ber Weitsichtige.

7. Ist der Gegenstand sehr entlegen, so wird der iehewinkel im Bilde

$$\frac{\frac{1}{2}r}{f'} \text{ oder } \frac{r}{2f'} \text{ mal (§. 236. no. 9.)}$$

 $\frac{D \cdot \frac{1}{2} r}{3 \cdot f'}$ (§. 136. no. 10.) und die Bemerkungen:
12. upd 13. (§. 136.) gelten auch hier.

§. 142.

Worin bestehen die Vorzüge eines solchen geltelestops vor dem Sternrohre (3. 136)?

Durch die doppelte Refraktion im Obj glase werden die Strahlen nicht so genau nach Punkte des Bildes gebrochen, als sie durch t slerion des Objektivspiegels nach einem restektirt werden.

Ueberdas entsteht bei der Refraktion der Sallemal eine mehr oder minder merkliche Faistreuung, wodurch das Bild aufs Neue an der lichkeit verliehrt.

Ein nachtheiliger Umstand bei dem Etelestop ist dieser, daß der erfoderliche Glanz des spiegels sehr vergänglich ist, weil die metallische

Gilfter Abschn. Bon katabioptt. Fernglafern. 271

Man muß, wegen des letztern Umstandes, den hlspiegel nur breit genug, machen, aber zu seiner Ammung ebendarum auch einen hinlänglich großent ihmesser nehmen, damit sein Bogen doch immer sich wum wenige Grabe von der Are entserne.

Noch besser kann man der Abweichung wegen der istalt begegnen, also die Breite desso mehr vergrößern, un man dem Hohlspiegel, wie Zerschel, eine trabolische Krümmung zu geben versteht.

Auch kann man den Planspiegel in Rücksicht auf sen Umstand desto unschädlicher machen, ie kleiner mihn macht, er kann aber unter sonst gleichen Umstehn desto kleiner gemacht werden, ie näher mant dem vom Hohlspiegel erzeugten Bilde so bringt.

Es ist namlich genug, dem Planspiegel eine Größe D Entfernung vom Hohlspiegel zu geben *), bei der Bilb P\$ noch zur Linken von MN fällt, und hierzu erfoderliche Spiegelstäche dorf desto kleiner n, je naher der Spiegel dem Bilde P\$ liegt.

. §. 143.

Aufg. Die Bedingungen des kleinste Sglieben Machtheils und den Machtheil bst zu bestimmen, welchen der Planspiegel en Zohlspiegel dadurch bringt, daß er zern verbindert, alle vom Objekt in das ohr fahrende Strahlen auszufangen.

Aust.

Das Objekt ist namlich in der Zeichnung nur zur Halfte vorgestellt, man muß also Φs bis in ψ verlängern, daß sψ = Φ werde, um das ganze Bild zu erhalten. Ks hochstens = Ks-sφ = Ks-

2. Es ift aber

$$= ec \times tg E cF$$

$$= ec \times tg E cF$$

$$= ec \times tg E'sF'$$

$$= \frac{Df'}{D+f'} \times tg E'sF' \text{ (bor.)}$$

unb

$$Ks = \frac{\delta \cdot \frac{1}{3}r}{\delta - \frac{1}{3}r}$$

alfo

Ks höchstens =
$$\frac{\delta \cdot \frac{1}{2}r}{\delta - \frac{1}{2}r} - \frac{Df'}{D+f'}$$
. tg

3. Für diesen Fall ist aber die von s nach foberliche kange des Spiegels nur

$$= s\psi = \sqrt{(\varepsilon s^2 + \varepsilon \psi^2)} = ef. \sqrt{\varepsilon}$$

Eilfter Abschn. Won katadiopte. Ferngläsern. 273

ober = 1,6.
$$\frac{Df'}{D+f'}$$
. tang Es F

nehmen, und

Ks etwas fleiner als

$$\frac{\delta \cdot \frac{1}{2}r}{\delta - \frac{1}{2}r} - \frac{Df^{\perp}}{D + f'} \cdot \tan EsF$$

machen, also, wenn dund D in Vergleichung mit ind f' sehr groß sind,

Ks < ½r — f', tang Es F nehmen, aber nur um ein weniges.

5. Da dieses Telestop immer zur Betrachtung fernter Gegenstände bestimmt ist, so kann man in en Fällen zufrieden senn, wenn Es F ein paar abe beträgt, z. B. 2 Grade, und hiernach die Länges bestimmen, da dann das Telestop auch für tleise Sehewinkel brauchbar bleibt.

§. 144.

Eine hierher gehörige Tabelle findet man am Ende fer 1. Abtheilung.

II. Das Gregorische Teleskop.

§: 145.

Das Gregorische Telestop unterscheibet sich von m Rewtonschen in zwei Punkten:

1.) Statt des Planspiegels bewirkt ein Sohlspiegel die zweite Restexion.

Langeborfe Photom.

2.) Die

2.) Die Are des Rohres geht senkrecht bemit diesen zweiten Hohlspiegel, durch eine kann großen Hohlspiegel befindliche Desseung mit durch das hinter diesem durchlochten hohlspiegel liegende Okular hindurch.

Es entstehen übrigens dabei, wie bei bem Restonschen, 3 Bilber, wovon das dritte durch das Oblar dem Auge erscheint.

In der Zeichnung (fig. 91.) ist EF das Objekt, EK die Axe des Rohres, AB der große hoppiegel, MN der kleinere, pq das erhabene Glas.

sp ist das Bild, welches der Hohlspiegel Almacht; ef das Bild, welches der MN zurücknich und EF das Bild, welches durch das Ofular plins Auge fällt.

§. 146.

Aufg. Den Effekt eines Gregorische Teleskops aus der Urt seiner Zusammenschung zu bestimmen.

Unfl. 1. Es sey $K\lambda = r$ der Halbmest des Bogens AKB, und $KE = \delta$, so machen it von AB restetirren Strahlen, völlig auf dieselt Weise wie beim Newtonschen Telestop (§. 140. no. 14 und 3), in der Entsernung $Ks = \frac{\delta \cdot \frac{1}{3}I}{\delta - \frac{1}{3}I}$ die Bild $s \varphi$.

2. Nun sen x der Mittelpunkt der Krümmen.
M'N, und y dieses Spiegels MN Breunpunkt; bist das Bild εφ für den Hohlspiegel MN als ein Objekt zu betrachten, das in der Entfernung ζε vor für

Eilfter Abschn. Won katadioptr. Ferngläsern. 275

t, und bessen Strahlen er so zurückwirft, daß das in e ein neues Bild ef entsteht, welches gleich er bestimmt werden soll.

3. Es sep namlich $\zeta = \Delta$, $\zeta x = \varrho$, so ist die Brennweite $\zeta y = \frac{1}{2} \varrho$

die Vildweite
$$\zeta_s = \frac{\Delta \cdot \frac{1}{2}g}{\Delta - \frac{1}{3}g}$$

Diese Bildweite heise a, so ist, wenn man? — Ke oder

$$K\zeta - \frac{\delta \cdot \frac{1}{2}r}{\delta - \frac{1}{2}r} \text{ flatt } \triangle$$

reibt,

$$\kappa = \frac{\left(K\zeta - \frac{\delta \cdot \frac{1}{2}r}{\delta - \frac{1}{2}r}\right) - \frac{1}{2}g}{K\zeta - \frac{\delta \cdot \frac{1}{2}r}{\delta - \frac{1}{2}r} - \frac{1}{2}g}$$

er, dals sehr groß angenommen,

$$\alpha = \frac{K\zeta - \frac{1}{2}r}{K\zeta - \frac{1}{2}r - \frac{1}{2}\varrho} \cdot \frac{1}{2}\varrho$$

4. Nun sey Ke = b, so ist Ks = a + b,

$$\alpha = \frac{\alpha + b - \frac{1}{2}t}{\alpha + b - \frac{1}{2}r - \frac{1}{2}e} \cdot \frac{1}{2}e$$

d hieraus giebt fich, wenn a gegeben ware,

$$b = \frac{\alpha(\varrho + \frac{1}{2}r - \alpha) - \frac{1}{4}r\varrho}{\alpha - \frac{1}{2}\varrho}$$

man bann a fo nimmt, bag b flein berausfommt.

S 2

5. Soll

5. Soll nun das Bild ef in einer verlangten Entfernung c E durch das Ofular erscheinen, so hat man wie (§. 141. 110.3), Ec = D gesetzt,

$$ec = \frac{Df'}{D+f'}$$

wenn f' des Glases pa Brennweite bedeutet.

Hierdurch wird also die Stelle für das Otula bestimmt.

6. Der Segenstand wird bei c, wegen seiner großen Entfernung ohne merklichen Unterschied unter demselben Winfel, mit bloßem Auge gesehen, wie wie das, b. i. unter dem Winfel ExF.

Es ift aber

$$< ecf = \frac{\epsilon \lambda}{\epsilon x} \cdot \frac{ex}{ec} \cdot < E\lambda F$$

Heißt also die Vergrößerungszahl des Sehewittels wie bisher N, so hat man hier

$$N = \frac{\varepsilon \lambda}{\varepsilon x} \cdot \frac{e x}{e c}$$

7. Nun ist

$$s\lambda = K\lambda - \frac{1}{2}r$$

$$sX = X\zeta - s\zeta$$

$$= g - \Delta = g - (K\zeta - \frac{\delta \cdot \frac{1}{2}r}{\delta - \frac{1}{2}r})$$

ober, wenn man dals sehr groß annimmt,

$$\epsilon x = e - K \zeta + \frac{1}{2}r$$

Ferner

$$ex = e\zeta - x\zeta = a - \xi$$

$$ec = \frac{Df'}{D + f'}$$

Demnach (no. 6.)

$$N = \frac{K\lambda - \frac{1}{2}r}{e + \frac{1}{2}r - K\zeta} \frac{\alpha - e}{\frac{Df'}{D + f'}}$$

$$= \frac{K\lambda - \frac{1}{2}r}{e + \frac{1}{2}r - K\zeta} \cdot \frac{(\alpha - e) \cdot (D + f')}{Df'}$$

lfo, D als hinlänglich groß angenommen,

$$N = \frac{K\lambda - \frac{1}{2}r}{e + \frac{1}{2}r - K\zeta} \cdot \frac{\alpha - \varrho}{f'}$$
$$= \frac{\frac{1}{2}r \cdot (\alpha - \varrho)}{(e + \frac{1}{2}r - K\zeta) \cdot f'}$$

Man findet aber (no. 3.)

$$a - e = \frac{(-K\zeta + \frac{1}{2}t + e) \cdot \frac{1}{2}e}{K\zeta - \frac{1}{2}t - \frac{1}{2}e}$$

fo

$$N = \frac{\frac{1}{2}r \cdot \frac{1}{2}e}{(K\zeta - \frac{1}{2}r - \frac{1}{2}e) \cdot f'}$$

er

$$N = \frac{r g}{(4K \zeta - 2(r+g)) \cdot f'}$$

ver auch, weil $K\zeta = K\lambda - \lambda\zeta = r - \lambda\zeta$, also $\zeta - \frac{1}{2}r = \frac{1}{2}r - \lambda\zeta$ is,

$$N = \frac{\frac{1}{2} \mathfrak{e}}{\frac{1}{2} \mathbf{r} - \lambda \zeta - \frac{1}{2} \mathfrak{e}} \cdot \frac{\frac{1}{2} \mathbf{r}}{\mathbf{f}'}$$

. Die Photometrie.

$$= \frac{\frac{1}{2}e}{\frac{1}{2}r - \lambda y} \cdot \frac{\frac{1}{2}r}{f}$$

$$= \frac{\frac{1}{2}e}{\frac{1}{2}(Ky - \lambda y)} \cdot \frac{\frac{1}{2}r}{f}$$

$$= \frac{\frac{1}{2}e}{\frac{1}{2}(Ky - \lambda y)} \cdot \frac{\frac{1}{2}r}{f}$$

8. Ex. Es sep $K_{\lambda} = r = 31 \text{ Boll, s}$ 2,343 Boll, g = 4,296 Boll, also y = 2,1so is

$$K_{\xi} = 15,500$$
 $e_{\zeta} = 2,343$
also $K_{\zeta} = 17,843$

Ueberdas sep f' = 1,973; so wird

$$N = \frac{31 \cdot 4/296}{(4 \cdot 17/843 - 2 \cdot 35/296)}$$

$$= \frac{133/176}{1/539} = 86/5.$$

9. Die Vergrößerungszähl in Bezutz a Durchmesser des Bildes und des Obje

$$n = \frac{\Re \mathcal{E}}{FE} = \frac{D \cdot tang \mathcal{E} c \mathcal{R}}{\delta \cdot tang \mathcal{E} \lambda F}$$

$$= \frac{D \cdot tang \frac{\varepsilon \lambda}{\varepsilon x} \cdot \frac{e x}{e c} \cdot \mathcal{E} \lambda F}{\delta \cdot tang \mathcal{E} \lambda F}$$

Eilfter Abschn. Won katadiopte. Fernglasern. 279

er wenn von kleinen Winkeln die Rede ist

$$n = \frac{D}{\delta} \cdot N$$

Daher auch bei diesem Telestop dem Kurzsichtigen 8 Objekt allemal merklich kleiner vorkommt, als dem eitsichtigen, der ein größeres D hat.

§. 147.

Es würde zu nichts bienen, die Deffnung im shlspiegel bei K verkleinern zu wollen, um mehr trahlen aufzufangen, weil die vom Gegenstand ins shr fallende Strahlen wegen der großen Entfernung! Objekts beinahe parallel mit der Are des Rohres fallen, diese Strahlen also einem Stück des großen viegels A.B entzogen werden, das beinahe der Oessengsstäche des kleinen Spiegels MN gleich ist.

Vielmehr hat man, wenn die Deffnung K klei, als die Deffnungsstäche ober die Breite MN gecht wird, noch den Nachtheil, das das Gesichts, dadurch verkleinert wird.

Daher macht man das Loch bei K und die Oeff1gsstäche des Spiegels MN ohngefähr gleich groß,
r beide doch so klein, als es der Umstand erlaubt,
i dadurch zugleich das Gesichtsfeld verkleinert wird.

Man kommt hierbei noch mit einer besondern Eintung zu Halfe, um ein sonst kleineres Gesichtsfelb p etwas zu vergrößern. s. den folg. s.

148.

Unfa. Den Erfolg zu bestimmen, wet ausser dem Okular pa noch ein besonden Glas pa angebracht wird. (sig. 92).

Unff. 1. Es wird vorausgesett, daß das M ef, welches vorbin oberhalb K fiele, iest unterhall entstehe, oder baß iest se > &K sep, wenn bas Glat pq weggenommen wurde.

2. Nach biefer Voraussetzung ift im tegigen gul das Bild fe für das Glas pa als ein Objekt ju be trachten, das in der Entfernung - Ke vor he ffånde.

Es sen Ke = b, so entsteht von biesem eine bildeten Objett fe, das in der verneinten Entfernm - b vor bem Glase pa ftebt, binter diefem Glafe in Bild ef in der Entfernung

$$Ke = \frac{-b \cdot f'}{-b - f'} = \frac{b f'}{b + f'}$$

wenn f' bes Glases pa Brennweite bedeutet.

Es ist also

$$Ke = \frac{f'}{b+f'}$$
. $b < b$ over $< Ke$

3. Soll nun bas Bild ef durch bas Glas p4 deffen Brennweite f" ift, in ber Entfernung c = D erscheinen, so ist wie (§. 146. no. 4.) $ec = \frac{D f''}{D + f''}$

$$ec = \frac{D f''}{D + f''}$$

und, wenn D gegen f" sehr groß ist, beinahe

$$ec = f''$$

b

Elfter Abschn. Von katabiopte. Ferngläsern. 281

4. Wurde das Objekt von c aus geradezu ohne Plas und Spiegel betrachtet, so wurde es unter einem Binkel FcE erscheinen, der wegen der angenomme- und Entlegenheit des Objekts

$$= F\lambda E$$

efegt werben fann.

5. Durch dieses mit 2 erhabenen Gläsern verrhene Telestop erscheint aber das Objett bei c unter
em Wintel fc = fce.

6. Sest man nun fce = N'. F & E

D hat man

$$N' = \frac{\varepsilon \lambda}{\varepsilon x} \cdot \frac{e x}{e K} \cdot \frac{K e}{c e}$$

7. Es ist aber (§. 146. no. 7.)

$$\begin{cases} s\lambda = \frac{1}{2}r \\ sx = g - K\zeta + \frac{1}{4}r \end{cases}$$

ind, se = a gesest,

$$\begin{cases} ex = \alpha - \zeta \\ eK = \alpha - K \zeta \end{cases}$$

end hier (no. 2. und 3.)

$$\begin{cases} Ke = \frac{b f'}{b+f'} = \frac{(\alpha - K\zeta) \cdot f'}{\alpha - K\zeta + f'} \\ ce = f'' \end{cases}$$

Miso (no. 6.)

$$N' = \frac{\frac{1}{2}r \cdot (\alpha - \varrho) \cdot \frac{(\alpha - K\zeta) \cdot f'}{\alpha - K\zeta + f'}}{(\varrho - K\zeta + \frac{1}{2}r) \cdot (\alpha - K\zeta) \cdot f''}$$

unb (§. 146. no. 6.) $N' = N \cdot \frac{(\alpha - K\zeta) \cdot f}{(\alpha - K\zeta) \cdot (\alpha - K\zeta + f)}$

 $=\frac{N \cdot f'}{a-K\zeta+f'}$

Es ift also allemal

N' < N

weier erhabenen Ofulare fleiner als beim Gebrauche eines einzigen, weil

 $\frac{f'}{a-K\zeta+f'}=\frac{f'}{eK+f'} < r$

ift.

8. Zwischen beiben Ofulargläsern wird im Brendpuntte des dem Auge am nächsten liegenden Ofulars e ein Ring oder eine durchiochte Schiedwand (ein Diephragma) angebracht, beren Oeffnung nur so groß ist,
daß der Strahl of noch durchgeht, um auf solche Weife alles überslüßige Licht abzuschneiden.

§. 149.

Eine hierher gehörige Tabelle findet man am Ente der I. Abtheilung.

III. Das Cassegrainsche Teleskop.

ģ. 150.

Das Caffegrainsche Telestop unterscheibet sich von dem Gregorischen in der ganzen Anordnung bloß-darin, baf

Eilfter Abschn. Won katabiopte. Fernglasern. 283

daß bei zein erhabener Spiegel statt eines hohlen ansebracht wird (fig. 93).

In nebenstehender Zeichnung ist EF bas Obest, EKc die Are des Rohres, AB der große Hohlspiegel, MN der erhabene Spiegel, pg das vordere Ofularglas, pq das hintere.

würde, wenn der Spiegel MN nicht im Wege wäre; of das Bild, welches durch die Resterion von MN entstehen würde, wenn das vordere Ofular pa nicht vorhanden wäre; ef das Bild, welches statt des Bildes ef vermöge des vordern Ofulars pa wirklich in eentsteht; EF das Bild, welches der Beobachter statt des Bildes ef vermöge des hintern Ofulars pa zu sehen glaubt. X ist der Mittelpunkt der Krümmung MN; der Mittelpunkt der Krümmung AB.

Das Objekt erscheint also durch dieses Telessop in verkehrter Stellung, da es durch das Gregorische in seiner natürlichen Lage erscheint.

g. 151.

Anfg. Den Effett eines Cassegraines schen Teleskops zu bestimmen.

Aufl. 1. Da der Unterschied des Cassegrainschen Teleskops vom Gregorischen nut darin besteht, daß bei ersterem

 $\zeta x = g$

verneint genommen werden muß, so schreibe man (§. 146. 110. 7.) mur

- e fatt e.

2. Daburch wird a. a. D. für eint Ofulargies

$$N = -\frac{\frac{\frac{1}{2}r \cdot \frac{1}{2}g}{(K\zeta - \frac{1}{2}r + \frac{1}{2}g) \cdot f'}$$

wo sich das verneinte Zeichen nur auf den Umstand be zieht, daß der vergrößerte Sehewinkel nicht auf der Seite von MN liegt, auf welcher der Dalbmesser; liegt, sondern auf der entgegengesesten. Man hat also für die wahre Größe der Winkelvergrößerung

$$N = \frac{\frac{\frac{1}{2}r \cdot \frac{1}{2}g}{(K\zeta - \frac{1}{2}r + \frac{1}{2}g) \cdot f'}$$

Ober, wenn F, f die Brennweiten des großen Hohlspiegels und des kleinen erhabenen Spiegels bedeuten,

$$N = \frac{F \cdot f}{(K \zeta - F + f) \cdot f'}$$

3. Für 2 Ofulargläser, da die Brennweite des vordern pq = f' und die des hinteren pq = f' ware, ist (§. 148. no. 7.) die Vergrößerung des Sehewinkels

$$N' = \frac{f'}{\alpha - K\zeta + f'} \cdot N$$

da dann

$$\alpha = \frac{(F - K\zeta) \cdot f}{F - K\zeta + f}$$

ift.

Ex. Es sey bei einem Cassegrainschen Telestop mit einem Okularglas

$$F = 15.5 300$$
 $f = 2.196$
 $f' = 1.797$
 $K\zeta = 13.508$

p findet man (no. 2.)

$$N = \frac{15,5 \cdot 2,196}{(13,508 + 2,196 - 15,5) \cdot 1,797}$$
$$= \frac{34,038}{0,366} = 93.$$

Hierher gehörige Tafeln findet man am Ende dies ex ersten Abtheilung.

> Zwölfter Abschnitt. Von den Mikroskopen.

> > , §. 152.

Mikroskope werden in soferne den Teleskopen der Fernröhren entgegengesett, als durch sie nur nahe egende, aber sehr kleine Gegenstände betrachtet weren sollen.

Wer nämlich z. B. in der Entfernung von 8 30len von kleinen Gegenständen, wie etwa von den Buchaben eines reinen oder mittlern Drucks, ein deutstzes Bild empfängt, wird dennoch einzelne Punkte solder kleinen Objekte wegen des allzukleinen Sehewinels nicht deutlich von einander unterscheiden; er müßte
Iso, um den Sehewinkel zu vergrößern, oder, woruf es hier eigentlich ankommt, dem Auge eine größere Menge strahlender Elemente eines gegebenen kleien Objekts bemerkdar zu machen, so kleine Gegentände sehr viel näher vor das Auge bringen; aber mit
ieser Annäherung verschwindet zugleich das deutliche
Bild im Auge.

Beibes zusammen, Vergrößerung des Sehand tels und Vereinigung der Strahlen zu einem denst den Bilde im Auge, kann daher nicht anders als durch ein optisches Werkzeug erhalten werden, welches im erwähnten Falle das kleine Objekt nicht nur unter einem vergrößerten Sehewinkel, sondern auch so der stellt, als kämen die Strahlen von einem Segenstande her, der z. B. 8 Zolle weit vom Auge entfernt wäre.

Eben dieses optische Werkzeug heißt ein Alikros stop oder auch ein Vergrößerungsglas.

§. 153.

Aufg. Ein einfaches Mitrostop, d. h.
ein solches, das nur aus einem einfachen Glase besteht, für eine verlangte Vergrößer rung anzugeben.

Aufl. Die Aufgabe ist mit der (z. 130.) völlig einerlei, sie bekommt nur hier eine neue Av wendung.

1. Soll nämlich der kleine Segenstand unter de nem N mal vergrößerten Sehewinkel erscheinen, und ist D die deutliche Sehweite, so müßte der Beobackt das Objekt so nahe an das Auge rücken, daß die Enfernung vom Auge nur noch

$$=\frac{1}{N}$$
. D

ware, wofern er gar fein Glas gebrauchte.

2. Weil aber kleine Gegenstände nur in der Eds fernung D ein deutliches Bild ins Ange bringen, p muß das dem Auge so nahe gebrachte Objekt durch de as betrachtet werden, das die Strahlen so ins Auge ngt, als kämen sie von Punkten her, deren Entserseg vom Auge = D wäre, und das übrigens ienen hewinkel, unter welchem der Gegenstand wegen der men Entsernung $\frac{1}{N}$. D dem bloßen Auge erscheinen ste, nicht abändert.

3. Dieser Foberung geschieht nun nach (§. 130. .3.) durch ein bikonveres Glas Genüge, wenn n in dem dortigen Ausdrucke für die Brennweite es Sammlungsglases

$$f = \frac{D\delta}{D-\delta}$$

: IN D statt & schreibt.

4. Man erhält also für die erfoberliche Linfe hier

$$f = \frac{D \cdot \frac{1}{N}D}{D - \frac{1}{N}D}$$
where $f = \frac{D}{N - 1}$

N die Vergrößerungszahl für den Seheminkel ift o. 1).

5. Zugleich wird nun aber auch die Vergröße-13siahl des Bildes (h. 130. 110. 8.)

$$n = \frac{D}{I} = \frac{D}{\frac{I}{N} \cdot D} = N$$

Daher glaubt der Beobachter wirklich ein Objekt zu sehen, dessen Durchschnittslinien durchaus Nucl vergrößert sehen. Des Vildes Fläche scheint ihm also N° mal so groß als die des Objekts, und des körperliche Vild oder seine körperliche Ausdehnung N³ mal so groß als die des Objekts.

6. Ex. Ein Weitsichtiger, für den D = 12.
Bolle sey, verlangt einen kleinen Gegenstand some im Durchmesser vergrößert zu sehen: man sucht die hierzu erfoderliche Brennweite eines Sammlungsglaset

Sie ist

$$= \frac{12}{10-1} = 1\frac{1}{3} 300.$$

Nimmt man ein doppelt **erhabenes Glas, det** auf beiden Seiten gleichviel erhaben ist, so hat man (§. 127.) den zur Krümmung des Glases gehörign Halbmesser

Das Objekt scheint also durch ein solches Siel nach seiner körperlichen Ausdehnung 103 oder 1000ml im Bilde vergrößert. Die Erscheinung ist so, als sie man einen 1000 mal größern Körper sähe.

7. Für den Kurzsichtigen ist D, also auch f m r kleiner; dieser braucht also ein exhabeneres sie als der Weitsichtige.

§. 154.

Ē

Unfg. Ein Mikroskop aus zwei Glbsern so zusammenzuserzen, daß es nahe Ge

Zwölster Abschn. Won den Mikroskopen. 289 penstände in einer verlangten Vergrößerung varstelle (fig. 94).

Aufl. Man findet alles hierher gehörige schon ben (§. 136.) vorgetragen, indem es hier bloß daruf antommt, dem astronomischen Fernrohre diesenigen ihmessungen zu geben, die einem nahen Gegenstande ugemessen sind.

- 1. EF sen der kleine Gegenstand, der hier in ex Entsernung $AE = \delta$, die nur klein ist, vom Ibsektiv BD abliegt.
- 2. Des Objektivs BD Brennweite sep = f, v ist, Ae = a gesetzt,

$$a = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

In dieser Entsernung von A erscheint das Bild ef.

3. Soll nun dieses Bild durch das Ofular MN derscheinen, als kamen die Strahlen von Punkten der, die in der Entsernung D von dentlegen wären, i. soll, wenn dH = D ist, das Bild of durch des Okular MN in HG erscheinen, so hat man, die Brennweite des Okulars = f' gesett,

$$ed = \frac{Df'}{D+f'}$$

4. Macht man Hm = EF, so erscheint bas Bilb in der Größe

HG = n.Hm

wo n auf folgende Weise bestimmt werden kann.

ef: EF = Ae: AE

ober

$$ef = \frac{Ae}{AE} \cdot EF$$

Lerner

HG: ef = dH: de

oder

$$HG = \frac{dH}{de} \cdot ef = \frac{dH}{de} \cdot \frac{Ae}{AE} \cdot EF$$

alfo

$$HG = \frac{dH}{de} \cdot \frac{Ae}{AE} \cdot Hm$$

unb

$$n = \frac{HG}{Hm} = \frac{dH}{de} \cdot \frac{Ae}{AE}$$

5. Nun ist

$$dH = D$$

$$dc = \frac{Df'}{D+f'}$$

$$Ae = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

und

$$AE = \delta$$

also

$$n = \frac{D \cdot (D + f')}{D f'} \cdot \frac{\delta f}{\delta \cdot (\delta - f)}$$

$$= \frac{(D + f') \cdot f}{f' \cdot (\delta - f)}$$

6. R1

Zwölfter Abschn. Won ben Mifrostopen. 291

6. Run ift zwar auch beinabe ..

$$\frac{\text{HdG}}{\text{Hdm}} = \frac{\text{HG}}{\text{Hm}}$$

Wenn aber das Objett sich wirklich in ÉF und cht in Hm besindet, so ist der wirkliche Sehewinkel in d aus nicht der Hdm, sondern der EdF.

Es ist aber sehr nahe

$$Hdm = \frac{dE}{dH} \cdot EdF$$

so für ben Sehewinkel bie Vergrößerungszahl

$$N = \frac{HdG}{EdF} = \frac{HdG}{\frac{dH}{dE} \cdot Hdm}$$

$$= \frac{dE}{dH} \cdot \frac{HdG}{Hdm} = \frac{dE}{dH} \cdot \frac{HG}{Hm}$$

ber, wenn man dE = \triangle' fest,

$$N = \frac{\triangle'}{D} \cdot n, \text{ also > n *)}.$$

L 2

7. Man

*) Inswischen wird für den Beobachter bloß die Bergrößerung n und nicht die N empfindlich, weil er sich das in der Rähe besindliche Objekt doch allemal an sich so vorsiellt, wie es ihm in der deutlichen Seheweite erscheint. So wie ihm ohne Glas z. B. ein kleines Schrotforn, das er zuerst in der Entsernung von 18 Zollen betrachtet, nicht etwa doppelt so groß dem Durchmesser nach, oder 8 mal so groß in der körperlichen Ausdehnung scheint, wann er es nachber in der Entsernung von 9 Zollen betrachtet, obgleich ietzt der Sehewinkel doppelt so groß ist als vorher. Demnach ergiebt sich die Vergrößerung, welche das Mikroskop 7. Man sieht hieraus, daß ein und dasselbe **M**trostop 1) zu sehr verschiedenen Vergrößerungen 2) se wost

su bewirken vermag, ben Durchschnittslinien nach allema blog burch ben Werth von n. Bei ben Fernrohren binge gen mischt fich in das Urtheil von ber Vergrößerung au die von der Vergrößerung des Winkels berrührende Em Wir sind namlich genothigt, Objette wirklig für kleiner zu halten als sie sind, fobald fie zu weit auftr der Granze der Seheweite liegen, innerhalb welcher wir ik Große von Dingen auch bei Berschiebenbeit ihrer Entie nung von uns schätzen gelernt haben. Umaekebrt balm wir also auch Dinge in Vergleichung mit folchen, die af fer iener Granje liegen, für größer als diefe, sobald fie mi nur unter einem größeren Sehewinkel erscheinen, nur M weitem nicht in demfelben Berhaltniffe, in welchen in Sehewinkel wachst. Es fällt daher die scheinbare Bergrift. rung, nach unserem Gefühle, bei so entlegenen Ob jeften swischen dieienige, welche der Wergrößerum W Sehemintels gemäß mare und die mahre Große des Bild d. h. swischen N und n 4. B. bei dem Galilaischen und be Keplerischen Fernrohre zwischen f und D. f.

auch, wenn nämlich $\frac{D}{\delta}$ klein ift, das Bild eines sehr wiedenen Gegenstandes selbst bei einer Seträchtlichen Bennisserung des Sehewinkels oder bei einem beträchtlichen Bennisserung des Sehewinkels oder bei einem beträchtlichen Bennisserung des Fernrohr sogn wieden bei die der das Fernrohr sogn wieden das Fernrohr sogn wieden als mit blokem Auge vorkommen kann.

Soll sich aber N auf die Vergrößerung destenigen Bis kels beziehen, unter welchem das Objekt dem Auge bis erscheinen würde, wenn dasselbe in H gesetzt und ohne Gla von a aus betrachtet würde, so hätte man Zwolfter Abschn. Won den Mikroskopen. 293

vol dem Kurzsichtigen als dem Weitsichtigen dienen nur s gehörig abgeandert werden darf.

Man erhält nämlich aus der Gleichung für n $n.f. \delta - n..f'.f = (D - f').f$

$$\delta = \frac{(D+f') \cdot f + n \cdot f'f}{n \cdot f'}$$

$$= (1 + \frac{D+f'}{n \cdot f'}) \cdot f$$

8. Er: Es sey D = 8", f' = 2", f = 4", n = 30, so wird

$$\delta = (1 + \frac{8 + 2}{30 \cdot 2}) \cdot 1$$

$$= 1\frac{1}{6}$$

5. der Gegenstand muß in diesem Fall 14 Linien Sit vom Objektiv ertfernt werden.

9. Der Abstand beider Gläser Ad ist $Ae + ed = \frac{\delta f}{\delta - f} + \frac{Df'}{D + f'}$

bier =
$$\frac{18 \cdot 1}{11 - 1} + \frac{8 \cdot 2}{8 + 2}$$

$$= 7 + \frac{16}{10}$$
 oder 8,6 30N.

Daffelbe Mitrostop tonnte nun auch ein Weite btiger brauchen, für den 3. B. D = 16 Bolle mare.

Für diesen ware

$$\delta = (1 + \frac{16 + 2}{30 \cdot 2}) \cdot 1$$

= 1/3 301

und der Abstand beider Gläser von einander

$$= \frac{1/3 \cdot 1}{1/3 - 1} + \frac{16 \cdot 2}{16 + 2}$$

$$= 4\frac{1}{3} + 1\frac{7}{3} = 6\frac{1}{9} 30\%$$

Der Weitsichtige barf also den Gegenstand um etwas weniges weiter vom Objektiv abrücken, das Okular etwas näher an das Objektiv bringen, den Gegenstand ebenso deutlich und ebenso vielmal größert zu sehen, als der vorige Beobachter.

- 10. Das Mikrostop muß baber so einger werben, daß sich das Objekt, welches man betra will, etwa mittelst einer Schraube vom Objektiv nabrücken oder näher an letteres beirücken läst; das Okular kann etwa mittelst eines kurzen Roldas sich ein- und ausschieben läst, mehr oder werden.
- verschiedene Augen sowohl I ober AE als Ad a andert werden; bloß um ein deutliches Bild zu fitann für Augen von ganz verschiedener Art Ir ändert bleiben, und bloß Ad abgeändert werden. den Weitsichtigen wird Ad größer als für den ksichtigen, bei einerlei Werth von I, vermöge der Echung

$$Ad = \frac{\delta f}{\delta - f} + \frac{Df'}{D + f'}$$

Dreizehenter Abschn. Wom undeutlichen Bildert. 295

Auch ist für den Weitsichtigen die Vergrößerung es deutlichen Vildes größer, als für den Kurzsichtigen, ei einerlei &, vermöge der Gleichung no. 5.

$$n = \frac{(D+f') \cdot f}{(\delta-f) \cdot f'}$$

Demnach bleiben Mikrostope noch, für ganz verstiebene Augen brauchbar, wenn sich auch bloß das Vular verschieben läßt, nur daß der Weitsichtige das Itular weiter herausziehen muß, und daß dann zusleich die Vergrößerung für ihn stärker wird, als' für im Kurzsichtigen.

12. Die Helligkeit des Objekts verhält sich zu der Bildes

wie I zu
$$\frac{Z^2}{w^2}$$
 (§. 136. no. 11.)

Dreizehnter Abschnitt.

Bom undeutlichen und falschen Bilde, den Zerstreuungskreisen und dem Halbschatknring und ihrer Vergleichung mit dem deutlichen Bilde in Bezug auf Klarheit.

§. 155.

Soll hinter einer Sammlungslinse MN (fig. 97) in deutliches Bild des strahlenden Gegenstandes Pp imerkbar werden, so mussen die durch die Linse geschrecken

brochenen Strahlen in der Sammlungsweite von i Fläche aufgefangen werden, z. B. in mv.

Die Strahlen, welche von einem physischen P ober einem Elemente des Gegenstandes auf die Bo släche der Linse fallen, konvergiren nach der Brei hinter dem Glase, so daß sie wieder in einem ; schen Punkte in der Sammlungsweite zusammentr

Co ist also ieber in der Sammlungsna aufgefangene Punkt des Bildes die Spiße eines Slenkegels, dessen Grundstäche die Linse bildet.

In der Zeichnung (fig. 95) ist

MpN der oberste bon assen ienen Strahlenke beren Spisen zusammen MpN der unterste bild machen.

Diese unsähliche Menge von Strahlenkegeln sen nothwendig einander burchschneiben, bevor Spißen das deutliche Bild machen.

In der Zeichnung sind Mp'N, Mp.N D schnittsstächen, welche eine durch die Are PS gebene mit den beiden aussersten Strahlenkegeln nebendiese Ebene giebt die Durchschnittsstäche M des mittleren Strahlenkegels, und diese Durchschlischen haben die Mp'N mit einander gemein.

Also haben die Durchschnittsflächen aller Slenkegel, deren Spißen das Bild machen, den Dschnitt Mp'N mit einander gemein.

Ware nun das Vild ein Kreis, dessen D pp' ware, so ware Mp'N ein Strahle sub ieder auf die Are Kp' sentrecht genom :eizehenter Abschn. Bom undeutlichen Bilbe zc. 297

erchschnitt, z. B. durch EF gabe für diesen Strabkegel eine Kreissläche, deren Durchmesser VW re,

Dieser Kreis kann dann als gleichförmig erschtet angenommen werden und das falsche Bild gen.

Die aussersten Strahlen aller Strahlenkegeln bilin diesem Falle, da das Objekt oder sein Umfang Rreis ist, einen in pp' abgekürzten Regel, bessen undsiche die Linse ist, und wovon Mp'pN einen urchschnitt nach der Are vorstellt.

Offenbar gehen burch die auf die Are senkrechten terschnitte dieses abgekürzten Regels alle Strahlen, in pp' das Bild machen, und man kann daher en Querschnitt dieses Regels, wovon z. B. EF ein trchmesser ist, das undeutliche Bild nennen.

Die Erleuchtung dieses undeutlichen Bildes ist nur 3 an den Kreisumfang, dessen Durchmesser VW ist, ichformig; von W bis E, und von V bis F nimmt rings um das falsche Bild herum ab.

Wegen dieser abnehmenden Erleuchtung heißt ber wähnte äussere Ring des undeutlichen Bildes der albschattenring.

Die Querschnitte der einzelnen Strahlenkegel, ren Spizen das deutliche Bild machen, beißen die erstreuungstreise, wovon z. B. WB, WF, EV urchmesser sind.

Aber bei mehreren dieser Benennungen von Kreia und Kegeln wird porausgesetzt, daß der Umsang S Objekts, also auch der des deutlichen Bildes, ein teis sen.

Nam-

eizeheater Abschn. Vom undeutlichen Bilderc. zor

ch den zum Punkt des Objekts gehörigen Punkt des des durchgehen.

Sind also Kp', Kp (fig. 97.) die Verlängegen von P'K, PK, so gehen alse mittlere Strah, die von der Durchschnittslinie PP' des Objetts
Hehen, hinter der Linse zwischen Kp' und Kp
ch. Dasselbe gift von allen Durchschnittslinien des
jetts.

Ist also der Umfang des Objekts ein Kreis, so en die davon ausgehenden mittleren Strahlen ter der Linse einen Strahlenkegel, dessen Spize in lægt, und dessen Grundsläche das kreisförmige Bild-welches (fig. 97.) p'p zum Ourchmesser hat.

Allgemein bilden also die vom Objekt ausgehenden tieren Strahlen hinter der Linse eigentlich eine Kahlenpyramide, die der Linse Mittelpunkt zur ihe und das Bild zur Grundsläche hat.

Jeder auf die Are der Linse senkrechte Querschnitt er. Strahlenpyramide ist also eine Projektion des Elichen Bildes, und kann daher das projicirte Etliche Bild genennt werden.

In der Folge kann man nun für diesen Abschnitt ver solche Voraussetzungen gelten kaffen, bei weldurchaus die disher erwähnten Querschnitte für kee und die Strahlenpyramiden für Reget angenomt werden können.

Aus bem Bisherigen überfieht man schon, daß

	, ,	•
KM = b	cw =	S
$Kp = \alpha$	KC =	2
pp'=q	$K_{P'} = 1$	E
CE = R	$p p' \Longrightarrow 0$	
$C \mathfrak{W} = e$	$C\pi = 1$	

Nämlich ben Zerstreuungstreisen kommt biek Benennung immer zu, weil sie allemal vermöge ber freisformigen Linsen Querschnitte von Kegeln sind.

Aber die äussersten Strahlen, von dem Umfang der Glaslinse nach dem Umfang des Bildes (wie Mp', Np) bilden nur dann in ihrer Nebeneinanderreihung die äussere Fläche eines abgefürzten Regels, wenn alle Punkte im Umfang des Bildes in der Entsernung pp' — pp von p abliegen.

Die undeutlichen Bilder, d. h. die Oned schnitte bes von ienen ausseren Strahlen begrenzen Raums zwischen der Linse und dem deutlichen Bilde können also auch nur dann Kreise seyn, wann das deutliche Bild einen Kreis macht.

Auch fann das Dreieck Mp'N, welches die von M nach p und von N nach p' gebrochenen Straffen machen, nicht allemal als Durchschnitt eines konischen Raums angesehen werden, den alle von der Linse aufschrende Strahlenfegel mit einander gemein hätten; diese Behauptung ware falsch, wenn im Umfange des Vildes Puntte liegen, die weiter von p entsernt sindals p oder p'.

Ware z. B. $\mu\nu$ eine Durchschnittslinie bes Bides nach der Breite, und keine größere Durchschnitts
linie des Bildes vorhanden, und betrachtet man icht
MN gleichfalls als Durchmesser der Linse nach ber
Breite, so würden Strahlen von N nach μ und von
M nach ν gezogen, einander nicht auch in p', sowen
zur Linken von p' schneiden, z. B. in ζ , wenn p μ =
p ν wäre. In diesem Falle wäre also M ζ N ein
Durchschnitt des konischen Strahlenraums, den ale
von der Linse aussahrende Strahlenkegel mit einander
gemein hätten.

Dreizeheuter Abschn. Wom undentlichen Bilberc. 299

Ueberhaupt bestimmt allemal der größte Durchmesser des Bildes die Spiße & des gemeinschaftlichen Strahlenkegels, der die Fläche der Linse selbst zur Stundstäche hat.

Die Querschnitte bieses gemeinschaftlichen Regels, . b. i. die falschen Bilder, sind also Kreise.

Da in iedem Querschnitte zwischen der Linse und dem deutlichen Bilde die Differenz zwischen dem undeutsichen Bilde und dem falschen Bilde den Raum des Halbschattens ausmacht, so erhellet, daß der Halbschattenring ist, wann das undeutliche Bild ein Kreis, d. i. wann das deutliche Bild selbst ein Kreis ist.

Dieser Halbschattenring ist also unter sonst gleichen Umständen in einerlei Entsernung von der Linse desto breiter, ie größer der größte Durchmesser des Bildes oder ie größer der größte Durchmesser des Objekts ist. Ueberdas wird er desto breiter, ie nächer man das undeutliche Bild am deutlichen Bilde auffängt *).

Uebrigens kann bennoch auch bei sehr versschiedenen Durchschnittslinien des beutlichen Bilbes ober des Objekts das undeutliche Bilb einem Kreise so mahe kommen, daß man es dafür annimmt.

Dieses ist der Fall, wann z. B. das Bild einer Lichtstamme durch eine Linse ab (fig. 98.) ihrer Höhe nach in mn abgebildet, und dieses Bildes Breite etwa durch

*) Doch gilt dieses nur von den undeutlichen Bildern zur Linken von p'. Zur'Achten von p' nimmt die Breite des Schattenrings dis zum deutlichen Bilde wieder ab. Die zenaueren Bestimmungen findet man weiter unten. durch ov ausgebruckt würde, so daß die größte Durch schnittslinie mn des Bildes schon vielmal kleiner als der Durchmesser ab vom Umfang der Linse wäre. Hier ist die Durchschnittslinie nach der Vreite von der Durchschnittslinie nach der Länge des undeutlichen Bid des nur in der Rähe des deutlichen Vildes mn merk lich verschieden. Aber in einiger Entsernung von mas. B. schon in pq, sind beide Durchmesser schon si wenig verschieden, daß man die elliptische Gestalt des undeutlichen Bildes schon mit einem Kreise verwechseln kann, und es kann die elliptische Gestalt von der kreise stemigen desso weniger unterschieden werden, ie näher das undeutliche Bild an der Linse ausgesangen wird.

Der Halbschattenring ist hierbei nach der Breite des undeutlichen Bildes allemal schmäler als nach ber Höhe deffelben, und bei genauer Betrachtung läst sich dieser Unterschied bei einem undeutlichen Bilde der Licht stamme, das nur in einiger Entsernung von der Licht aufgefangen wird, sehr deutlich unterscheiden. Et wird aber auch dieser Unterschied desso unfenntlicher, ie näher man das undeutliche Bild hinter der Licht auffängt, wie man aus der Zeichnung ersieht.

Es bleibt aber die Abweichung von Kreisen als mal sehr merklich, wenn die Linse der Flamme so nate gebracht wird, daß die Hohe des deutlichen Bilder nicht mehr als klein gegen den Durchmesser der Linkt angesehen werden kann.

§. 156.

Gerade Linien von den einzelnen Punkten bei Objekts durch der Linse Mittelpunkt K gezogen, ton nen als die aus diesen Punkten des Objekts ausgeher den mittleren Strahlen angesehen werden, welche durch

reizehrater Abschn. Wom undentlichen Bilderc. 301

ich den zum Punkt des Objekts gehörigen Punkt des wes durchgehen.

Sind also Kp', Kp (fig. 97.) die Verlängergen von P'K, PK, so gehen alse mittlere Strah, die von der Durchschnittslinie PP' des Objekts
kgehen, hinter der Linse zwischen Kp' und Kp
ech. Dasselbe gift von allen Durchschnittslinien des
vjekts.

Ist also der Umfang des Objekts ein Kreis, so den die davon ausgehenden mittleren Strahlen iter der Linse einen Strahlenkegel, dessen Spize in liegt, und dessen Grundsläche das kreisförmige Bild, welches (fig. 97.) p'p zum Durchmesser hat.

Allgemein bilden also die vom Objekt ausgehenden Meren Strahlen hinter der Linse eigentlich eine exahlenpyramide, die der Linse Mittelpunkt zur piße und das Bild zur Grundsläche hat.

Jeder auf die Axe der Linse senkrechte Querschnitt ser Strahlenpyramide ist also eine Projektion des stlichen Bildes, und kann daher das projicirre utliche Bild genennt werden.

In der Folge kann man nun für diesen Abschnitt mer solche Voraussetzungen gelten kaffen, bei welen durchaus die disher erwähnten Querschnitte für eise und die Strahlenpyramiden für Reget angenomn werden können.

Aus dem Bisherigen überfieht man schon, daß

KM = b	CW = s
$Kp = \alpha$	KC = a
pp'=q	Kp' = E
CE = R	p p' = e
$C \mathfrak{W} = \mathfrak{c}$	$C\pi = r$

Größen find, die alle von einander abhängen und bie sich unter der erwähnten Voraussetzung der kreissischen migen und konischen Gestalten durch einander bestimmen lassen.

Dabei ist C ein willtührlicher Punkt in der Ke zwischen der Linse und der Spize p'. Die Sestin mungen selbst sind leicht, weil p'pp' und p'MN, in gleichem KC w und Kpp' ähnliche Dretecke stud.

Es ist nämlich

1.)
$$q:b=e:E$$

$$=(\alpha-E):E$$
also $E=\frac{b\alpha}{b+q}$

2.)
$$e = a - E = a - \frac{ba}{b+q} = \frac{qa}{b+q}$$

3.) a:
$$r = a : q$$
also $r = \frac{a \cdot q}{a}$

4.)
$$(a-a): g = a: b$$

also $g = \frac{(a-a) \cdot b}{a}$

Da ferner p'Mp, pMp, p'Kp, pKh p'Np und pNp Dreiecke von einerlei Höhe über de nerlei Grundlinie sind, und EF der Grundlinie pe rallel ist, so ist auch

E
$$\mathfrak{W} = \mathfrak{W} \mathbf{W} = \mathbf{r} \mathbf{C} = \mathbf{C} \mathbf{k} = \mathbf{V} \mathfrak{V} = \mathfrak{B} \mathbf{F} = \mathbf{r}$$
und
6.) WE = VF = 2r = $\mathbf{r} \mathbf{k}$

eizehenter Abichn. Wom undentsichen Bilbe zc. 303.

die Breite des Zalbschattenrings dem urchmesser des projectren Bildes gleich.

§. 157.

Längst der Are folgen auf den Strahlenkegel p'N noch drei, die eine besondere Aufmerksamkeit dienen.

Zunächst folgt der, wovon pp'p' einen Durchzitt vorstellt (fig. 97).

Namlich alle von Punkten des Objekts zwischen und P' nach der Stelle N ausgehende Strahlen en von N aus nach Punkten des Bildes zwischen p p'; der Strahl PN geht nach Np; der Strahl N nach Np'.

Die vom Objekt ausgehenden Strahlen, deren hrechter Durchschnitt das Oreieck NPP' bildet, chen also hinter der Linse das Oreieck Npp'.

So ergiebt sich von iedem Durchschnitte des Obis ein Strahlendreieck, dessen Spipe auf der Glasse liegt, und dessen Grundlinie der dem Durchnitte des Objekts zugehörige Durchschnitt des Bisisst.

Demnach geht von iedem Punkt der Linsensläche Strahlenpyramide oder, wenn kreisformiger isang des Bildes vorausgesetzt wird, ein Strahenkegel aus, dessen Grundsläche in der Entfernung vom Glase die Fläche des Bildes ist.

Alle diese Strahlenkegel zusammengenommen ichen, wie die im vor. &, den abgefürzten Strahlensel aus, wovon Npp'M einen Durchschnitt vorsalt, und begreisen ebendieselben Strahlen in sich.

Eben-

Eben dieselben Strahlen lassen sich also zweierlei Formen betrachten:

- 1.) nach vor. &, wo sie Regeln bilden, Spigen im Vilde liegen, und deren in side liegen, und deren i stachen vom Umfange des Glases biwerden;
- 2.) nach bem ietigen &, wo sie Regeln beren Spiten in ber Glassiäche lieger beren Grunbstächen vom Umfange bi bes begränzt werben.

Eine lothrechte Ebene durch die Axe gab n Regeln (no. 1.) den gemeinschaftlichen Durch Mp'N.

Eine lothrechte Esene durch dieselbe Are gi den Regeln (no. 2.) den gemeinschaftlichen schnitt pp'p', als den Durchschnitt des am s dieses s. bemerkten Strahlenkegels, der mi Mp'N in p' eine gemeinschaftliche Spitze hat.

Alle Querschnitte dieses zweiten Regels sind daher gleichfalls gleichformig erleuchtel

Wird das Bild nicht wirklich in pp' von entgegengesetzen Ebene aufgefangen, so sesse Strahlen ihren Weg fort, und der zuvor abge gewesene Strahlenkegel Npp'M wird iest bi Spiße p" ergänzt (fig. 59).

Nunmehr wird aus dem Strahlenkegel pN: INf; aus dem pMp' der iMe; und diese beid sersten Strahlendreiecke haben ietzt den Durch p"pp'p' mit einander gemein, so daß nu pp"p' den Durchschnitt eines aufs Neue hinz menden Strahlenkegels ausmacht, dessen Srunt das Bild und dessen Spize in p" ist.

reizehenter Abschn. Vom undentlichen Bilde zc. 305,

Es find also wiederum alle Querschnitte, dieses tten Regels gleichformig erleuchter.

Zu gleicher Zeit bilden in eben diesem Falle die tlausenden Strahlen der vorhin (no. 1.) exwähn-1 Strahlenkegeln wiederum neue Strahlenkegel, wo-1 p'e und i p f die auffersten Durchschnitte vorstel-2 Diese beiden auffersten Strahlendreiecke haben 2 Durchschnitt f p"e mit einander gemein.

Es ist also fp"e der vierte långst der Are liewe Strahlentegel, dessen Querschnitte wiederum eichförmig erleuchtet sind.

Jest noch einige Betrachtungen über biefe verjedene Regeln.

Es if

$$p''p:pp'=p''K:KM$$

22

$$(Kp''-a):q=Kp'':b_{company}$$

O

$$Kp''.b-\alpha b=Kp''.q$$

$$Kp'' = \frac{ab}{b-q}$$

so auch.

$$pp'' = Kp'' - \alpha = \frac{ab - (b - \alpha q) \cdot \alpha}{b - \alpha}$$

$$= \frac{q_{a}}{b-q}$$

So hat man also Kp' (h. 156. no. 1), p'p \, 156. no. 2.) und pp" als die Längen der ersten Langeborfs Photom.

prei Strahlenkegeln; die Länge des vierten zwischen p"f und p"e ist unbegränzt.

ş. 159.

Aufg. Aus der Entfernung des sals schen Bildes WV vom Glase seine verhält nismäßige Erleuchtung zu bestimmen.

2(ufl. I. Ift das falsche Bild ein Schnitt bel exsten oder des vierten Regels (welches auf die Entfernung ankammt, in der es von der Linse aufgefanzen wird) und M die gesammte durch die Linse fallente Lichtmenge, so ist dieses die Lichtmenge, welche durch alle Regeln durchgeht, die ihre Grundsläche auf der Linse und ihre Spisen im deutlichen Bilde pp' haben

Die-Ansahl dieser Regeln sen = n, so if, we Durchfreuzung ober das Zusammenfallen dieser einzelnen Regeln bei Seite gesetzt, die durch ieden einzelnen Kogel durchgehende Lichtmenge = $\frac{1}{n}$. M, und die son dieser Lichtmenge herrührende Erleuchtung eines iehn Zerstreuungstreises oder Regelquerschnitzes

$$=\frac{\frac{1}{n}M}{\frac{n}{\pi'\cdot g^2}}$$

weil ieber Querschnitt = $\pi \cdot g^2$ ist.

Mun fallen aber im falschen Bilde die Erlende tungen aller n Zerstreuungstreise zusammen; wenn als Y die Erleuchtung des falschen Bildes bedeutet, so if

$$Y = n \cdot \frac{\frac{1}{n}M}{\pi g^2} = \frac{M}{\pi \cdot g^2}$$

reizehenter Abschn. Wom undeutlichen Bilderc. 307

bann vermöge (§. 158.)

für den isten Regel
$$g = \frac{p C}{p K} \cdot KM = \frac{a-a}{a} \cdot b = \left(1 - \frac{a}{a}\right) \cdot b$$

für ben 4ten Regel

$$g = \left(\frac{a}{a} - 1\right) \cdot b$$

Je kleiner e ist, besto größer wird Y; es ist aber e ben isten Regel e am kleinsten, wenn die veranrliche Größe a am größten, d. i. wenn

$$a = Kp' = E = \frac{b \alpha}{b + a}$$
 (§. 156)

j'and tst für den Isten Regel die Erleuchtung in p' r größten, nämlich, weil für diese Stelle g = x (§. 156.)

$$Y = \frac{M}{\pi \cdot r^2}$$

Es ist aber (§. 156. no. 3.) $r = \frac{aq}{\alpha}$, also

$$er = \frac{\left(\frac{b \, \alpha}{b + q}\right) q}{\alpha} = \frac{b \, q}{b + q} \text{ and baker}$$

$$I.) Y = \frac{M}{m \cdot \frac{b^2 \, q^2}{(b + q)^2}} = \frac{M \cdot (b + q)^2}{m \cdot b^2 \cdot q^2}$$

Für den 4ten Regel giebt der kleinste Werth on a den kleinsten von e, also den größten von Y. U 2 prei Strahlenkegeln; die Länge des vierten swischen. p"f und p"e ist unbegränzt.

§. 159.

Aufg. Aus der Entfernung des sals schen Bildes WV vom Glase seine verhälts nismäßige Erleuchtung zu bestimmen.

Aufl. z. If das falsche Bild ein Schnitt bes
exsten oder des vierten Legels (welches auf die Entfernung ankammt, in der, es von der Linse aufgesangen
wird) und M die gesammte durch die Linse fallende Lichtmenge, so ist dieses die Lichtmenge, welche durch
alle Regeln durchgeht, die ihre Grundsläche auf der Linse und ihre Spizen im deutlichen Bilde pp' haben.

Die Ansahl dieser Regeln sen = n, so if, die ! Durchtreuzung oder das Zusammenfallen dieser einzelnen Regeln bei Seite geset, die durch ieden einzelnen Regel durchgehende Lichtmenge = $\frac{1}{n}$. M, und die von dieser Lichtmenge herrührende Erleuchtung eines ieden Zerstreuungstreises oder Regelquerschnittes

weil ieder Querschnitt = $\pi \cdot e^2$ ist.

Mun fallen aber im falschen Bilde die Erleuchtungen gller n Zerstreuungsfreise zusammen; wenn also Y die Erleuchtung des falschen Bildes bedeutet, so ist

$$Y = n \cdot \frac{\frac{1}{n}M}{\pi g^2} = \frac{M}{\pi \cdot g^2}$$

Dreizehenter Abschn. Bom undeutlichen Bilderc. 307

be bann vermöge (§. 158.)

für den isten Regel
$$g = \frac{pC}{pK} \cdot KM = \frac{\alpha - 2}{\alpha} \cdot b = (1 - \frac{2}{\alpha}) \cdot b$$

für ben 4ten Regel

$$g = \left(\frac{a}{a} - 1\right) \cdot b$$

Je kleiner e ist, besto größer wird Y; es ist aber the ben isten Regel e am kleinsten, wenn die veranberliche Größe a am größten, b. i. wenn

$$a = Kp' = E = \frac{b a}{b+q}$$
 (§. 156)

if in tit für den Isten Regel die Erleuchtung in plum größten, nämlich, weil für diese Stelle g = rift (§. 156.)

$$Y = \frac{M}{\pi \cdot r^2}$$

Es ist aber (§. 156. no. 3.) $r = \frac{aq}{\alpha}$, also

her =
$$\frac{(\frac{b \, a}{b+q})^{q}}{a} = \frac{b \, q}{b+q}$$
 and baher

1.) $Y = \frac{M}{a} = \frac{M \cdot (b+q)^{2}}{a \cdot (b+q)^{2}}$

Für ben 4ten Kegel giebt der kleinste Werth von 2 den kleinsten von e, also den größten von Y. U 2 Es ist aber der kleinste Werth von a oder $Kp^n = \frac{ab}{b-q}$ (§. 158), also

$$e = \left(\frac{a}{a} - 1\right), b = \left(\frac{ab}{a(b-q)} - 1\right)b$$

$$= \frac{b-b+q}{b-q}, b = \frac{bq}{b-q}$$

unb

II.)
$$Y = \frac{M}{\pi \cdot e^2} = \frac{M \cdot (b - q)^2}{\pi \cdot b^2 q^2}$$

für die Erleuchtung in p".

Diese beiden Bestimmungen (I. und II.) sind bes merkenswerth; es ergiebt sich daraus das Berhaltnis dieser Erleuchtungen zur Erleuchtung im deutlichen Bilde pp'; heißt diese F, so hat man

$$F = \frac{M}{\pi \cdot q^2}$$

Es ift about

$$\frac{(b+q)^2}{b^2}\cdot\frac{M}{\pi q^2}>\frac{M}{\pi q^2}$$

unb

$$\frac{(b-q)^2}{b^2}\cdot\frac{M}{\pi q^2}<\frac{M}{\pi q^2}$$

alfo

$$Y \text{ (no. I.)} > F$$

und

Demnach ist im vierren Regel die Erleuchtung durchaus kleiner als im deutlichen Bilbe.

Dager

reizehenter Abschn. Wom undentlichen Bilde zc. 309.

Dagegen ist sie im ersten Regel in p' größer als beutlichen Bilbe, und bleibt in allen Querschnitten eses Regels größer, solange sie in einer Entfernung n K, die größer als α . $(1-\frac{q}{b})$ ist, genommen when.

Ik die Sonne das Objekt, so kann man die rennweite k skatt a sessen, und es ist

$$q = 0,00465 \cdot f(\S. 120.)$$

is in diesem Falle

die Erleuchtung in
$$p' = \frac{(b-1-q)^2}{b^2}$$
. F

senk F die Erlenchtung im Brennraume ift)

$$= \frac{(b+0,00465.f)^2}{b^2}.F$$

Ware z. B. f == 5.b, so ware biese Erichtung

$$= \frac{(b+0,0232 \cdot b)^2}{b^2} \cdot F$$

r nahe = 1,046 . F

d es ware

$$Kp' = \frac{b \cdot f}{b + q} = \frac{b \cdot f}{b + o_0 \circ o_4 \circ s \cdot f}$$

ib im tetigen Beispiele

$$= \frac{b}{b+0,0232 \cdot b} \cdot f$$

$$= \frac{1}{1,0232} \cdot f$$

Die Photometrie.

Es sen f = 10 Zolle = 120 Linien, so gabe

$$Kp' = \frac{120}{1/0232} = 117/3 \text{ gin.}$$

und es wäre also in der Stelle p', die hier 117,3 & nien von der Linse entsernt wäre oder 120 — 117,3 = 2,7 Linien vor dem Brennpunkt läge; die Hise größer als im Brennpunkt selbsten.

Für die Schnitte bes 3weiten und dritten -Legels ergiebt sich Y wie für den 1sten und 4ten nur r statt e gesetht; also

$$Y = \frac{M}{\pi \cdot r^2}$$

$$r = \frac{a \cdot q}{\alpha} (s. 158. \text{ no. 1.})$$
Dahet
$$Y = \frac{M \cdot \alpha^2}{\pi \cdot a^2 \cdot q^2}$$

Daher die kleinste Erlenchtung bes 2ten Regels bem größten Werthe von a zugehört, nämlich

$$Y = \frac{M \cdot \alpha^2}{\pi \cdot \alpha^2 q^2} = \frac{M}{\pi \cdot q^2}.$$

Für den kleinsten Werth von a wird hier Y am größten, also für $a=\frac{b\,a}{b+q}$, woraus sich in p'

$$Y = \frac{M \cdot \alpha^{2}}{\pi \cdot \frac{b^{2} \alpha^{2}}{(b+q)^{2}} \cdot q^{2}} = \frac{M \cdot (b+q)^{2}}{\pi \cdot b^{2} q^{2}}$$

ergiebt.

reizehenter Abschn. Vom undeutlichen Bilberc. 311

Es ist nämlich, wie sich gehört, die größte Ernchtung des 3weiten Regels, die an die Spiße p'At, mit der größten des Isten Regels, die an eben ese Spiße fällt, einerlei. Uebrigens nimmt die Ernchtung der Querschnitte dieses Regels allmälig ab, wie sie dem deutlichen Bilde oder hier dem Brenntume näher liegen.

Im zien Regel ist der gtößte Werth von a die $p'' = \frac{b\alpha}{b-q}$, also die kleinste Erlenchtung and piese $p'' = \frac{M\alpha^2}{b\alpha^2} = \frac{M.(b-q)^2}{m.b^2.q^2}$, Spise $p'' = \frac{\frac{b\alpha^2}{b\alpha^2} - q^2}{(b-q)^2 \cdot q^2}$

mlich einerlei mit ber Erleuchtung am Anfange bes en Regels, ber gleichfalls in p" liegt.

Die größte Erleuchtung bes zien Regels ift mit : kleinsten das zien einerlei, nämlich

$$=\frac{M}{r \cdot q^2} = F$$

Demnach ist die für die Stèlle p' gefundene Er-chtung

$$Y = \left(\frac{b+q}{b}\right)^2 \cdot \frac{M}{\pi \cdot q^2}$$

rhaupt die größte langst bet gangen Are.

Es ist also, wenn die Linse als Sammlungsglas die Sonnenstrahlen gebraucht wird, die Stelle possissen Hise ausgesetzt. Ihre Entsernung vom ase giebt der Ausdrück

$$Kp = \frac{bf}{b+q}$$

pher

ober in der Zeichnung

$$Kp' = \frac{KM \times f}{KM + pp'}$$

§. 160.

Die äussere Gränze aller Zerstreuungstreise ist, ein treissörmiges Objekt vorausgesetzt, in iedem auf die Are senkrechten Querschnitt, z. B. durch C (fig. 97) eine Kreislinie, deren Durchmesser, wie E.F., der Quechmesser des undeutlichen Bildes in diesem Quersschnitte ist.

Die Mittelpunkte aller in diesem Kreise vorhandenen Zerstreuungskreise liegen in dem Kreise, dessen Ourchmesser wie, namlich der Durchmesser des projecirten Bildes. Oder die Mittelpunkte aller Zerstreuungskreise in einem Querschnitte machen das in diesem Querschnitte projecirte Bild, und es giebt keinen Zerstreuungskreis, dessen Mittelpunkt nicht im projecirten Bilde läge.

Nun sen ein z. B. zwischen E und W angenommener physischer Punkt mit P bezeichnet (fig. 97. und fig. 100), so kann dieser Punkt in sehr vielen Zerstreuungskreisen zugleich liegen; und da der Halbmesser eines ieden Zerstreuungskreises für diesen Querschnitt dem CW gleich ist, so mussen alle diesenigen Punkte im projectren Bilde ak, deren Entsernung von puicht größer als CW ist, Wittelpunkte solcher Zerstreuungskreise sen, welche den Punkt P gemeinschast lich in sich schliessen.

Beschreibt man also (fig. 100.) aus ϕ mit $\phi\lambda$ = CW einen Bogen $\lambda\mu\sigma$ durch das projicirte Bild, so begreift der mondsörmige Pusschnitt $\lambda\mu\sigma\tau\lambda$ die Mittel-

erzehenterAbschu. Allg.Bestimm.d.Deffnungsh. 313 ttelpunkte aller Zerstreuungskreise in sich, in web 1 P liegt.

Ebenso sind die Mittelpunkte aller Zerstreuungsse, in welchen irgend ein Punkt des falschen Bildes
t, im Ganzen projicirten Vilde vertheilt.

Es muß sich aber die Erleuchtung ober Klarheit schiedener Punfte eines Querschnittes wie die Anzahl Zerstreuungstreise verhalten, benen sie zugletch zusten, oder wie die Anzahl ihrer Mittelpunfte;

also verhält sich die Rlarheit irgend eines Punktes Peines Halbschattenrings zur Klarheit eines Punktes im zugehörigen falschen Bilde, wie das auf die erwähnte Weise abgeschnittene Stück dust des projektirten Vildes zu dem ganzen projicirten Bilde.

Vierzehenter Abschnitt.

llgemeine Bestimmung der Oeffnungs. Ibmesser wegen der Helligkeit und wen des Gesichtsfeldes, ingleichem der lergrößerung bei Fernröhren, und der Klarheit oder Helligkeit des vom Beobachter bemerkten Bildes.

§. 161.

In der Lehre von den Fernröhren find bisher verdiedene Voraussetzungen stillschweigend angenommen orden, ohne sich darum zu bekümmern, wie gewisse U 5 Abmessungen beschaffen seyn und was für besondere Einrichtungen getroffen werden muffen, damit diesen Boraussezungen ein Genüge geschehe.

Es gehört hierhin zuerst die Voraussetzung, daß die hinter einander liegenden einzelnen in befonderen Einfassungen befestigten Gläser innerhalb diesen Einfassungen hinlängliche Fläche haben, so daß nicht nur das Objektiv eine hinlängliche Menge der von tedem Elemente des Objekts ausgehenden Strahlen aufnehmen und vereinigen, sondern auch iedes Okular einen hinlänglichen Querschnitt der vom Objektiv gesammelten Strahlenmenge durchlasse, damit sie in der größtemöglichen Menge, die das Objektiv gestattet, dem Auge zugeführt werden.

Die andere stillschweigend angenommene Boraussetzung war diese, daß alle Gläser eines Fernrohres
innerhalb ihren Einfassungen hinlängliche Fläche haben,
damit Objekte, die an der Stelle des Objektivs dem
freien Auge unter einem gegebenen Sehewinkel erscheinen, wo nicht ganz, doch dis auf einen verlangten
Theil dieses Sehewinkels auf einmal übersehen werden
können.

Die Halbmesser, welche die Okulare wegen der ersteren Voraussetzung innerhalb ihren Einfassungen für die besondere Foderung haden müßten, daß die Okulare, die Resterion ganz dei Seite gesetzt, alles Licht auffangen sollten, welches irgend ein Element des Objekts dem Objektiv zusübrt, können sehr schicklich die Oeffnungshaldmesser wegen der Zelzligkeit ienes Elements genennt werden; hingegen die Halbmesser, welche die Okulare oder ihre Fassungen haben müssen, um durch das Fernrohr Objekte die auf einen bestimmten Sehewinkel auf einmal überssehen

Bierzehenter Abschn. Allg. Beftimm. b. Deffnungeh. 315

sen des Gesichtsfeldes. Das Gesichtsfeld selbst ist die Rreissiäche, beren Halbmesser die Tangente des halben Sehewinkels ist, unter welchem Objette dem bloßen Auge höchstens erscheinen durfen, wenn sie durch das Fernrohr auf einmal sollen ganz übersehen werden können.

Noch andere Voraussetzungen werden in den folgenden Abschnitten betrachtet werden; in dem gegenswärtigen hat man es mit den nur erwähnten zu thun.

§. 162.

Anfg. Die Oeffnungshalbmesser wes gen der Zelligkeit eines Elements in der Are des Jerntohres zu bestimmen, wenn die Obsiektivsweite vom Rohr und der Abstand der verschiedenen Gläser von einander mit ihren Bildweiten, ingleichem die Oeffnungsstäche des Objektivs gegeben sind.

Aufl. 1. PP' (fig. 101.) sept eine Durchschnittslinie des Objekts, gegen deren Mitte P die Ure des Rohres AJ senkrecht gerichtet sen; A, B, C, D sepen die Mittelpunkte der Gläser, deren Dicke hier bei Seite gesetzt wird. Die Zeichnung kann erhabene Gläser vorstellen, die Resultate bleiben dennoch auf Linsen aller Art anwendbar, wenn man nur bewerkt, wo für andere Gläser die Brennweiten verneint genommen werden müssen.

Es fen ferner

Ff das Bild von PP Gg das neue Bild von Ff Hh das neue Bild von Gg Berner

$$AP = \delta \qquad AF = \alpha$$

$$BF = \delta' \qquad BG = \alpha'$$

$$GC = \delta'' \qquad CH = \alpha''$$

$$HD = \delta''' \qquad DJ = \alpha'''$$

Aq = B der Halbmesser von der Desse nungsstäche des Obsettinglases.

Br, Cs, Dt sepen für die Okulare die Deffnungshalbmesser wegen der Helligkeit nach dem ein für allemal festgesetzten Begriffe.

2. Weil nun alle Winkel QFQ', rFr', rGr', sGs' u. s. w. burch die Are AJ in zwei gleiche Theile getheilt werben, so hat man

QFA = rFB; rGB = sGC; •HC = tHD; u. f. w.

Demnach

Br:
$$\delta' = \mathfrak{B}$$
: a

und

Br = $\frac{\delta' \cdot \mathfrak{B}}{a}$

Cbenso

$$Cs: \mathcal{S}'' = Br: \alpha'$$

$$Cs = \frac{\mathcal{S}'' \cdot Br}{\alpha'} = \frac{\mathcal{S}'' \cdot \mathcal{S}' \cdot \mathcal{B}}{\alpha' \cdot \alpha}$$

Herner

Dt:
$$\delta''' = Cs : \alpha''$$

und Dt = $\frac{\delta''' \cdot Cs}{\alpha''} = \frac{\delta''' \cdot \delta'' \cdot \delta'' \cdot \delta'}{\alpha'' \cdot \alpha' \cdot \alpha}$

Bezeichnet man also die Deffnungshalbmesser wegen der Helligkeit für das iste Okular (vom Objektiv gegen Wierzehenter Abschn. Allg. Bestimm. b. Deffnungsh. 317

gegen das Auge gezählt) mit B', für das 2te mit B"
u. s. w. so hat man allgemein

$$\mathfrak{B}' = \frac{\delta' \cdot \mathfrak{B}}{\alpha'}; \quad \mathfrak{B}''' = \frac{\delta'' \cdot \delta' \cdot \mathfrak{B}}{\alpha'' \cdot \alpha' \cdot \alpha}; \quad \mathfrak{B}''' = \frac{\delta'' \cdot \delta' \cdot \mathfrak{B}}{\alpha'' \cdot \alpha' \cdot \alpha}; \quad \mathfrak{B}''' = \frac{\delta'' \cdot \delta' \cdot \mathfrak{B}}{\alpha'' \cdot \alpha' \cdot \alpha' \cdot \alpha}$$

a. f. w.

Die Deffnungshalbmeffer wegen ber helligkeit bes Elementes P ergeben sich (fig. 100.) durch dieselben Ausdrücke, nur daß die Werthe von 8, 8', 8" xc. a, a', a'' zc. iest auf der Linie, welche ben Fortgang des mittleren Strahls PA bezeichnet, nämlich auf der gebrochenen Pq"gq"hq"i genommen werden musfen. Die für alle aus P auf das Objektinglas fallende Strablen erfoderliche Durchgangsflachen find iett Rreisflächen auf ben Linfen, beren Durchmeffer r'r', 88' 2c. find; iest find also die erfoderlichen Salbmeffer q"r', q''s' ic., die aber ben Werthen von Bi, 8" zc. gleich gefett werben durfen, weil die Größen, durch die fie bestimmt werden, ohne merklichen Fehler tenen, durch welche B', B" ic. bestimmt werben, gleich gefest werben tonnen. Daber find die Deffnungshalbmeffer wegen ber helligfeit bes gangen Bilbes für bas Ifte, 2te, 3te Otular = Bq"-1-15', Cq"-1-15", Dann 1 20,

§. 163.

Aufg. Aus dem Abstand der Gläset von einander, den Bildweiten sür die versschiedenen Gläser und dem Sehewintel PAP (fig. 101.) die Größe der korrespondistenden Bilder Ff, Gg u. s. w. zu sinden:

Aufl.

Die Photometrie.

Aufl. Es sen PP = E, der Sehewinkel PAP = e, so ik

 $\mathbf{\epsilon}: \mathbf{J} = \mathbf{Ff}: \mathbf{a}$

dis

$$Ff = \frac{\epsilon}{s} \cdot \epsilon = \epsilon \cdot \tan \epsilon$$

eder, wenn man jur Abfürzung op statt tangs schreibt, Ff = 20

Cicafo

 $Gg: = Ff: \delta'$

elfo

$$Gg = \frac{\alpha' \cdot Ff}{2i} = \frac{\alpha' \cdot \alpha}{3i} \cdot \Phi$$

End

Hh: # = Gg: 8"

baber

$$Hh = \frac{\alpha'' \cdot Gg}{\beta''} = \frac{\alpha'' \cdot \alpha' \cdot \alpha}{\beta'' \cdot \beta'} \cdot \phi$$

Bezeichnet man also allgemein

die mit & forrespondirende Linie Ff des Isten Bildes mit E' ... Gg des 2ten Bildes mit E'

u. f. w.

so hat man allgemein

$$\mathfrak{E} = \mathfrak{s}. \quad \mathfrak{E}' = \mathfrak{a}. \quad \mathfrak{E}''' = \frac{\mathfrak{a}'' \cdot \mathfrak{a}' \cdot \mathfrak{a}}{\mathfrak{s}'' \cdot \mathfrak{s}''} \cdot \mathfrak{p}$$

$$\mathfrak{E}'' = \frac{\mathfrak{a}' \cdot \mathfrak{a}}{\mathfrak{s}''} \cdot \mathfrak{p} \quad \mathfrak{E}'''' = \frac{\mathfrak{a}''' \cdot \mathfrak{a}'' \cdot \mathfrak{a}' \cdot \mathfrak{a}}{\mathfrak{s}''' \cdot \mathfrak{s}'' \cdot \mathfrak{s}''} \cdot \mathfrak{p}$$

ober

Wierzehenter Abschn. Allg. Bestimm. d. Deffnungsh. 319

there auch
$$\mathfrak{E}' = \frac{\alpha}{\delta} \cdot \mathfrak{E}; \quad \mathfrak{E}''' = \frac{\alpha \cdot \alpha' \cdot \alpha''}{\delta \cdot \delta' \cdot \delta''} \cdot \mathfrak{E};$$

$$\mathfrak{E}'' = \frac{\alpha \cdot \alpha'}{\delta \cdot \delta'} \cdot \mathfrak{E};$$

u. f. w.

§. 164.

Um Strahlen von allen Elementen des Objekts PP (fig. 102.) burch alle Glaser durchzuleiten, fo daß tebes Bilb Strablen von tebem Elemente bes Db. jetts in fich vereint und eben baburch bas Objett bis in feine auffersten Clemente barftellt, ift es feineswegs nothwendig, daß die Ofularöffnungen dieienige Große Baben, welche ben (§. 162) berechneten Werthen von Bq"-- B', Cq" -- B", Dq" -- B" 2c. juges boren, weil, um bas lette Element P noch mit ju bemerten, teineswegs erfodert wird, daß alle davon auf das Objettiv fallende Strahlen durch alle Ofula. ren barchgeben, und daß solche alle durch die Bildenden g, h 2c. burchgeben. Wenn g. B. auch nur pon einem Stud eines schmalen Rings am Ranbe bes Objettive, beffen Breite q v mare, die Strablen noch auf das erfte Ofular fallen, wo fie nabe bei r burchgehen und fich in g vereinigen, so erscheint schon in g ein Bild bes Elementes P. Bare also ber Salb. messet von der Deffnungsstäche des Otulars nur febr wenig größer als Br, so ware sie boch schon groß getig, bas Bild Gg von PP barguftellen, nur bag fliches gegen das Ende q minder helle ware.

Es könnte also, um ein durch PAP bestimmtes Besichtsfeld zu erhalten, der Halbmesser von der Oesse umgsstäche des ersten Otulars viel kleiner als Br seyn

sepn (fig. 100), er brauchte nur sehr wenig größer als Br zu sepn, und der Ersolg wäre nur der, daß das Objekt gegen das Ende hin weniger helle abze bildet würde.

Oer Oeffnungsbalkmesser wegen des Gesichtsselses des siener als der wegen des Genigkeit des von kiener sels der Genigkeit des ganzen Seldes, und kelde kleiner als Rom eder kiener als der Lasborener der Areissläche, wurchald weider als der Lasborener und sich wurchald weider als der Lasborener und sich warthald weider als der Lasborener und sich in A durchen wurden wurdere Strablen durch indes Othe der durchende

Submition dem man index, des des Orsinands
bedweine menn der Gestatesiaden inz indes Oduler
met erzi einer und d.d. und und dem vom
definitie Feinen d dem d. durchgehenden mitte dem Arter ausgefrenden de dem in dem Faderung
men Arter ausgefreiden der dem Faderung
men de diener dem dem dem dem dem dem dem
men Arter ausgefreiden der

the are her House or Secondoctica informatically and the secondoctical and the secondoct

Wesn in mu, wie bisher, die Brennweiten des wertiebe dann des isten, aten, aten Ofulaus i. (. mt : ?, ?'', f''' x. und die Oeffnungshabussie wer Gesichtsseldes für das iste, ate, an old für das iste, ate, an old für das iste, ate, and die C. f. mit B', B'', B''' x. beseichne, so das

$$B' = \pi' \cdot f'$$

$$B'' = \pi'' \cdot f''$$

$$B''' = \pi''' \cdot f''' \quad u \cdot f \cdot w \cdot$$

Bierzehenter Abschn. Allg. Bestimm. b. Oeffnungsh. 321

Rerthe von m', m'', m''' erst noch zu bestimmen.

Es versteht sich, daß B', B" 1c. kleiner als st', st. seyn mussen, weil die Flächen der Gläser immer mr. ganz kleine aliquote Theile einer Halbsugel seyn felen. Daher mussen m', m'', m''' 1c. Brüche seyn. Ettler nennt diese Größen (m', m'' 1c.) rationes aperturarum; Rlügel und Rarsten nennen sie die Oessnungsmaaße.

§. 165.

Lehrs. Alle vom Objekt PP' (fig. 161) durch A durchgehende mittlere Strahlen schneiden hintet iedem Okular die gemeinsschaftliche Are der Gläser oder des Rohres, worin sie zusammengeordnet sind, in einem gemeinschaftlichen Punkte, wie o', o", o", so daß

Bo' =
$$\frac{\pi' \cdot f'}{\pi' - \Phi}$$

unb tang Bo'q'' = $\pi' - \Phi$

Co' = $\frac{\pi'' \cdot f''}{\pi' - \Phi}$

Co'' = $\frac{\pi'' \cdot f''}{\pi'' - \pi' + \Phi}$

unb tg. Co''q''' = $\pi'' - \pi' + \Phi$

Do'' = $\frac{\pi''' \cdot f'''}{\pi'' - \pi' + \Phi}$

unb tg Do'''q''' = $\pi''' - \pi'' + \pi' - \Phi$

u, s. w.

Die Photometrie.

Zew. 1. Weil nach der Voranssetzung Strahlen, von welchen hier die Rede ist, von dem meinschaftlichen Punkte A, der in der Are PJ liberkommen, so vereinigen sie sich hinter der LR, die sie aufnimmt, nach (§. 106. no. 6.) einer Weite

$$Bo' = \frac{AB \times f'}{AB - f'}$$

Aber

$$AB = \frac{Bq''}{Ff} \times AF = \frac{\pi'f'}{\left(\frac{Ff}{AF}\right)} = \frac{\pi'f'}{\Phi} (\& 1)$$

alfo

$$Bo' = \frac{\overline{\phi' f'}}{\overline{\phi' f'}} = \frac{\pi' \cdot f'}{\pi' - \overline{\phi}}$$

und tang Bo'q" =
$$\frac{B'}{Bo'} = \frac{\pi'f'}{(\frac{\pi'f'}{\pi'-\Phi})} = \pi'$$

2. Es ift nun ferner

$$\mathbf{B} \mathbf{q''} : \mathbf{C} \mathbf{q'''} = \mathbf{B} \mathbf{o'} : \mathbf{C} \mathbf{o'}$$

ober (vor. §.)

$$\pi'.f':\pi'':f''=\frac{\pi'.f'}{\pi'-\Phi}:Co'$$

alfo

$$Co' = \frac{\pi'' \cdot f''}{\pi' - \Phi}$$

ierzehenter Abschn. Allg. Bestimm. d. Deffnungsh. 323

3. Sanz dieselben Berechnungen finden nun auch die folgenden Otulare statt.

Weil namlich alle durch A durchgehende mittlere rahlen gemeinschaftlich durch o' durchgehen, so gilt; diese auf das 2te Okular SS' fallende Strahlen ederum das allgemeine Geses, nach welchem Strahl, die von einem in der Are P.J liegenden Elemente, auf die Linse SS' fallen, nach der Brechung wiesem in einem Elemente dieser Are O'' vereinigt rien.

$$Co'' = \frac{o'C \bowtie f''}{o'C - f''} = \frac{\left(\frac{\pi'' \cdot f''}{\pi' - \phi}\right) \cdot f''}{\left(\frac{\pi'' \cdot f''}{\pi' - \phi}\right) - f''}$$

$$= \frac{\pi'' \cdot f''}{\pi'' \cdot f'' - (\pi' - \phi) \cdot f''} \cdot f''$$

$$Co'' = \frac{\pi'' f''}{\pi'' - \pi' + \phi}$$

$$\arg Co''q'' = \frac{Cq'''}{Co''} = \frac{B'''}{Co''}$$

$$= \frac{\pi'' \cdot f''}{\pi'' - \pi' + \Phi} = \pi'' - \pi' + \Phi$$

4. Beil nun wiederum

$$Cq''': Dq'''' = Co'' : Do''$$

ober

$$\pi''.f'':\pi'''.f'''=\frac{\pi''.f''}{\pi''-\pi'+\Phi}:Do''$$

so bat man

$$Do'' = \frac{\pi'' \cdot f'''}{\pi'' - \pi' + \Phi}$$

u. f. w.

§. 166.

Lehrs. Wenn die (§. 162—164) ets klarten Bedeutungen der Buchstaben beibe= halten werden, so ist

$$O''G = \frac{\alpha \cdot \alpha'}{\delta'} \cdot \frac{\Phi}{\pi' - \Phi}$$

$$O'''H = \frac{\alpha \cdot \alpha' \cdot \alpha''}{\delta' \cdot \delta''} \cdot \frac{\Phi}{\pi'' - \pi' + \Phi}$$

$$O'''J = \frac{\alpha \cdot \alpha' \cdot \alpha'' \cdot \alpha'''}{\delta' \cdot \delta'' \cdot \delta'''} \cdot \frac{\Phi}{\pi''' - \pi'' + \pi' - \Phi}$$

Bew. Es ist

Bq'': Bo' = Gg: Go'

ober

u. f. w.

$$\pi'f': \frac{\pi'f'}{\pi'-\phi} = \frac{\alpha' \cdot \alpha}{\delta'} \cdot \phi : o'G \quad (\S. 163. u. 165.)$$

alfo

$$o'G = \frac{\alpha' \cdot \alpha}{\delta'} \cdot \frac{\Phi}{\pi' + \Phi}$$

Eben-

Wierzehenter Abschn. Allg Bestimm. d. Orffnungeh. 325

Cbenfo

 $\mathbb{C}q''': \mathbb{C}q''' = \mathbb{H}h: q''\mathbb{H}$

opez

$$\pi'' \cdot f'' : \frac{\pi'' \cdot f''}{\pi'' - \pi' + \phi} = \frac{\alpha'' \cdot \alpha' \cdot \alpha}{\delta'' \cdot \delta'} \cdot \phi : o'' H$$

alfo

$$o''H = \frac{\alpha \cdot \alpha' \cdot \alpha''}{\delta' \cdot \delta''} \cdot \frac{\phi}{\pi'' - \pi' + \phi}$$

u. j. w.

§. 167.

Aufg. Es sind die Entsernungen der Gläser von einander, ihre Brennweiten (§. 164.) und das Maaß des Gesichtsseldes $\Phi = \frac{PP}{AP}$ gegeben: man soll die Oessnungs-baldmesser wegen des Gesichtsseldes (B',-B" 16. §. 164), also die Werthe von π' , π' 26. sur alle Otulare sinden (sig. 102).

21 u f l. 1. Aus (§. 163.) ist $\phi = \frac{Ff}{AF} = \frac{Bq''}{AB} = \frac{B'}{\alpha + \delta'} = \frac{\pi'f'}{\alpha + \delta'}$ also $B' = (\alpha + \delta') \cdot \phi$ $\pi' = \frac{\pi + \delta'}{f'} \cdot \phi \quad \text{ober} = \frac{AB}{f'} \cdot \phi$

2. Weil nun $\alpha = \frac{\delta \cdot f}{\delta - f}$ (§. 157. no. 6.) und $\delta' = AB - \alpha$

fo find B' und m' in gegebenen Größen bestimmt.

X 3

3. Man

3. Man hat nun weiter (f. 165.)

 $B'' = \pi'' f'' = (\pi' - \phi) Co' = (\pi' - \phi) (BC - Bo')$

 $B''' = \pi''' f''' = (\pi'' - \pi' + \phi) \cdot D o''$

 $= (\pi'' - \pi' + \Phi) \cdot (CD - Co'')$

u. s. w.

Hier hat man zugleich

$$\pi'' = \frac{\pi' - \Phi}{f''} \cdot (BC - Bo')$$

$$\pi''' = \frac{\pi'' - \pi' + \Phi}{f'''} \cdot (CD - Co'')$$

y. f. w.

Also find auch B", B" ec. in befannten Gestes gegeben, benn es wird

Bo' burch m'
Co" burch m'

u. f. w. bestimmt (§. 165).

Substituirt man biese Werthe, so wird

$$\pi'' = \frac{\pi' - \Phi}{f''} \cdot BC - \frac{\pi' \cdot f'}{f''}$$

$$\pi''' = \frac{\pi'' - \pi' + \Phi}{f'''} \cdot CD - \frac{\pi'' \cdot f''}{f'''}$$

unb

 $B'' = (\pi' - \phi) \cdot B C - \pi' \cdot f' = (\pi' - \phi) \cdot B C - B'$

 $B''' = (\pi'' - \pi' + \phi).CD - \pi''f'' = (\pi'' - \pi' + \phi).CD - B''$

e die für hie Einrichtung optischer Abertzeuge vorzäglie

क्ष म Auch ergeben fich aus-bem Borftebenben folgende Gleichungen. B' ober ショ (a十か). ゆ

Cbenfo $B'''' \text{ ober } \pi'''' f'''' = \frac{\alpha \cdot \alpha' \cdot \alpha'' \cdot \alpha'''}{\beta' \cdot \beta'' \cdot \delta'''} \cdot \phi + (\pi''' - \pi'' + \pi' - \phi) \cdot \delta''''$ B" ober ="""" = (""-"+).Do" = (""-"+).(0"H+DH) $\pi'' f'' = (\pi' - \phi) \cdot Co' = (\pi' - \phi) \cdot (o'G + GC)$ = $(\pi' - \phi) \cdot (\frac{\pi' - \phi}{d'} \cdot \frac{\pi' - \phi}{\theta} + \frac{d''}{d'})$ (§. 166.) | (ポーガナウ)·(a.a/.a// カーガナウナか) a. a'. a'! 一一・中十(ガー中)・が か、か、中(オニオ十中)・が

æ

§. 168.

§. 1168.

Wenn einem Auge hinter einem Ofular ein bent liches Bild von einem Objefte erscheinen soll, so muß fen die zu einem einzigen Element bes Objekte geborb gen Strahlen binter ienem Ofulare fo ins Auge fallen, als tamen sie von einem gemeinschaftlichen Puntte por dem Ofular ber, da hann dieser Punkt bas Bil bes Elementes ift, wie beim Sternrobre (fig. 87); wo des auffersten Elementes F erstes Bild f nicht wie der ein neues Bild hinter dem Ofular MN macht, sondern vor demselben in G, die Strahlen also nach m'x, B't, n'y Richtungen hinter dem Glase nehmen, die vor dem Okular einen gemeinschaftlichen Bereinigungspunft G haben.

Unter diesen von F (fig. 87.) ausgehenden auf MN fallenden Strahlen ift auch der durch A gehende mittlere, welcher also bei z seine Richtung gleiche falls so nach zw ändert, daß wz vorwärts verläne gert gleichfalls burch G' burchgeht.

Anstatt nun, wie bisber allemal geschehen ift, ben Winfel edf ober HdG als Sehewinfel mit bem EAF zu vergleichen, fann man iest für ein Auge in . Q, wo der mittlere Strahl FA nach ber Brechung die Are EP schneibet, den HOG ober dOz als Sebewinfel mit bem EAF bergleichen, und hiernach die zum Bilde, das vom Auge hinter dem Ofular bemerkt wird, gehörige Vergrößerungszahl, welche bisber allemat mit N bezeichnet wurde (1. B. S. 135. no. 17), allgemein bestimmen. ...

Es kommt also bier darauf an, den Winkel Bo'q" (fig. 190), oder den Co"q", oder den Do"q" u. s w. mit dem natürlichen Sehewinkel PAV = BAq" zu vergleichen, nachdem das Bild

Bierzehenter Abschn. Allg. Bestimm.b. Deffnungsh. 329

pom ansfersten Elemente P in der verlängerten 0/9"
poer in der verlängerten 0"9" oder in der verlängerten 0"9" liegt, das Auge also sich in 0' oder
k 0" oder in 0" u. s. w. befindet.

Diese Vergleichung giebt sich nun unmittelbar ens (§. 165). Wenn nämlich tang $PAP = \varphi$ gesetzt wird, so hat man, indem ich Bo'q'', Co''q''', Do'''q''' 2c. wit σ' , σ'' , σ''' 2c. bezeichne,

für ein einziges Okular hinter dem Objektiv

tang
$$e' = \pi' - \phi$$
, also $\frac{\tan g e'}{\phi}$ ober $N' = \frac{\pi' - \phi}{\phi}$

für zwei Okulare

tang
$$\varphi'' = \pi'' - \pi' + \Phi$$
, also
$$\frac{\operatorname{tg} \varphi''}{\Phi} \text{ ober } N'' = \frac{\pi'' - \pi' + \Phi}{\Phi}$$

für drei Okulare

tang
$$\sigma''' = \pi''' - \pi'' + \pi' - \Phi$$
, also
$$\frac{\operatorname{tg} \sigma'''}{\Phi} \text{ obes } N''' = \frac{\pi''' - \pi'' + \pi' - \Phi}{\Phi}$$

§. 169.

Aufg. Aus den Entfernungen der Gläser von dem zwischen ihnen liegenden Bilde, und den Brennweiten die Vergrößestungszahl N für das Auge zu bestimmen, welches sich da befindet, wo die durch A (fig. 102.) durchgehenden mittleren Strahlen & 5

hinter dem letzten Okular gemeinschaftl die Are PJ schneiden.

Auf (§. 167.) hat man für I Otular π' f' = $(\alpha + \delta') \phi$. $2 - \pi'' f'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta'} \cdot \phi + (\pi' - \phi) \cdot \delta''$ $-\frac{\pi^{\prime\prime\prime}f^{\prime\prime\prime}}{\delta^{\prime}\delta^{\prime\prime}}\cdot\Phi^{+}(\pi^{\prime\prime}-\pi^{\prime}+\Phi).$

u. s. w.

Diese Gleichungen verbindet man mit de (\$. 168.)

$$\begin{cases}
\text{für I Diular N'} = \frac{\pi' - \phi}{\phi} \\
2 - N'' = \frac{\pi'' - \pi' + \phi}{\phi} \\
3 - N''' = \frac{\pi''' - \pi'' + \pi' - \phi}{\phi}
\end{cases}$$

u. f. w.

Man erhalt nämlich ans (H)

für i Okular $\pi' = \frac{(\alpha + \delta^{\gamma}) \cdot \phi}{\epsilon_{i}}$

alfo

$$\pi' - \phi = \frac{(\alpha + \delta') \cdot \phi}{f'} - \phi$$

$$= \frac{(\alpha + \delta' - f') \cdot \phi}{f'}$$

Wierzehenter Abschn. Allg. Bestimm.b. Deffnungeh. 331

Daher aus (;)

$$N' = \frac{a + \delta' - f'}{f'}$$

Für 2 Ofulare braucht man, um N" in (δ) in bestimmen, ben Werth von $\frac{\pi'' - \pi' + \phi}{\phi}$; man er-

halt aber aus (H)

$$\pi''f'' - (\pi' - \varphi) \cdot f'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta'} \cdot \varphi + (\pi' - \varphi) \cdot \delta'' - (\pi' - \varphi) \cdot f''$$

$$= \frac{\alpha \alpha'}{\delta'} \cdot \varphi + (\pi' - \varphi) \cdot (\delta'' - f'')$$

und nun auf beiden Seiten mit of" bividirt,

$$N'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta' f''} + \frac{(\pi' - \Phi) \cdot (\delta'' - f'')}{\Phi f''}$$

Aber vorher hatte man schon

$$\frac{\pi'-\Phi}{\Phi}=\frac{\alpha+\delta'-f'}{f'}$$

alfo

$$N'' = \frac{a a'}{b' f''} + \frac{(a + b' - f') \cdot (b'' - f'')}{f' \cdot f''}$$

Auf gleiche Weise

für 3 Okulare

$$N''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta' f'''} + \frac{\delta''' - f'''}{f'''} \times \left(\frac{\alpha \alpha'}{\delta' f''} + \frac{(\alpha + \delta' - f') \cdot (\delta'' - f'')}{f' f''}\right)$$

4. f. f.

hinter dem letzten Okular gemeinschafi die Are PJ schneiden.

2[if L. Aus (§. 167.) hat man

$$\begin{cases} \text{für I Diular } \pi' \text{ f}' = (\alpha + \delta') \phi. \\ 2 - \pi'' \text{ f}'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta'} \cdot \phi + (\pi' - \phi) \cdot c \\ 3 - \pi''' \text{ f}''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta''} \cdot \phi + (\pi'' - \pi' + \phi). \end{cases}$$

u. s. w.

Diese Gleichungen verbindet man mit d (\$ 168.)

$$\begin{cases}
\text{für I Diular N'} = \frac{\pi'' - \phi}{\phi} \\
2 - N'' = \frac{\pi'' - \pi' + \phi}{\phi} \\
3 - N''' = \frac{\pi''' - \pi'' + \pi' - \phi}{\phi}
\end{cases}$$

u. f. w.

Man erhält nämlich ans (H)

für i Okular
$$\pi' = \frac{(\alpha + \delta^{\prime}) \cdot \phi}{f'}$$

also

$$\pi' - \phi = \frac{(\alpha + \delta') \cdot \phi}{f'} - \phi$$

$$= \frac{(\alpha + \delta' - f') \cdot \phi}{f'}$$

Bierzehenter Abschu. Alg. Beftimm.b. Orffunngsh. 331

Daber aus (5)

$$N' = \frac{a+\delta'-f'}{f'}$$

Hur 2 Okulare brancht man, um \mathbb{N}^{u} in (ξ) in bestimmen, ben Werth von $\frac{\pi^{u}-\pi^{u}+\varphi}{\varphi}$; were ε bilt aber aus (\mathfrak{H})

$$s''[i'] - (\pi' - \phi).f'' = \frac{a a'}{\delta'} \cdot \phi + (\pi' - \phi).\delta'' - (\pi' - \pi').f''$$

$$= \frac{a a'}{\delta'} \cdot \phi + (\pi' - \phi) \cdot (\delta'' - f'')$$

und nun auf beiben Seiten mit of" bioteirt,

$$N'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta' f''} + \frac{(\pi' - \Phi) \cdot (\delta'' - f')}{\Phi f''}$$

Aber vorher hatte man schon

$$\frac{\pi'-\mathfrak{d}}{\varphi}=\frac{\alpha+\delta'-f'}{f'}$$

allo

$$N'' = \frac{aa'}{3'f'} + \frac{(a+3'-f').(3''-f'')}{f'.f''}$$

Auf gleiche Weise

für 3 Otulare

$$N''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{3 \beta_1 f_{11}} + \frac{\beta''' - f_{11}}{f_{11}} \times \left(\frac{\alpha \alpha'}{\beta' f_{11}} + \frac{(\alpha + \beta' - f_{11})}{f_1 f_{11}}\right)$$

4. f. f.

hinter dem letten Okular gemeinschaftlich

2[uf l. Aus (§. 167.) hat man

$$\begin{cases}
\text{für I Ofular } \pi' \text{ f'} = (\alpha + \delta') \Phi. \\
2 - \pi'' \text{ f''} = \frac{\alpha \alpha'}{\delta'} \cdot \Phi + (\pi' - \Phi) \cdot \delta''
\end{cases}$$

$$3 - \pi''' \text{ f'''} = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta''} \cdot \Phi + (\pi'' - \pi' + \Phi) \cdot \delta'''
\end{cases}$$

u. s. w.

Diese Gleichungen verbindet man mit denen (§. 168.)

$$\begin{cases}
\text{für I Dfular N'} = \frac{\pi'' - \phi}{\phi} \\
3 - N''' = \frac{\pi''' - \pi' + \phi}{\phi} \\
3 - N''' = \frac{\pi''' - \pi'' + \pi' - \phi}{\phi}
\end{cases}$$

u. s. w.

Man erhält nämlich ans (H)

für i Okular
$$\pi' = \frac{(\alpha + \delta') \cdot \Phi}{f'}$$

alfo

$$\pi' - \phi = \frac{(\alpha + \delta') \cdot \phi}{f'} - \phi$$

$$= \frac{(\alpha + \delta' - f') \cdot \phi}{f'}$$

Daher

Wierzehenter Abschn. Allg. Bestimm.b. Orffnungsh. 33.1

Daher aus (古)

$$N' = \frac{a + \delta' - f'}{f'}$$

Für 2 Okulare braucht man, um N" in (5) zu bestimmen, den Werth von $\frac{\pi''-\pi'+\phi}{\phi}$; man er-

balt aber aus (t)

$$\pi''f'' - (\pi' - \phi).f'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta'} \cdot \phi + (\pi' - \phi).\delta'' - (\pi' - \phi).f''$$

$$= \frac{\alpha \alpha'}{\delta'} \cdot \phi + (\pi' - \phi) \cdot (\delta'' - f'')$$

und nun auf beiben Seiten mit of" bivibirt,

$$N'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta' f''} + \frac{(\pi' - \phi) \cdot (\delta'' - f'')}{\phi f''}$$

. Aber vorher hatte man schon

$$\frac{\pi' - \Phi}{\Phi} = \frac{\alpha + \delta' - f'}{f'}$$

alfo

$$N'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta' f''} + \frac{(\alpha + \delta' - f') \cdot (\delta'' - f'')}{f' \cdot f''}$$

Auf gleiche Weise

für 3 Okulare

$$N''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta'' f'''} + \frac{\delta''' - f'''}{f'''} \times \left(\frac{\alpha \alpha'}{\delta' f''} + \frac{(\alpha + \delta' - f') \cdot (\delta'' - f'')}{f' f''}\right)$$

u. f. f.

٠.

Ober fürger;

$$N'' = \frac{\alpha + \delta' - f'}{f'}$$

$$N'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta' f''} + \frac{\delta'' - f''}{f''} \cdot N'$$

$$N''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta'' f'''} + \frac{\delta''' - f'''}{f'''} \cdot N''$$

u. s. f. wo die Vergrößerungszahlen N', N'', N'''... bloß durch die Größen a, a', a''.... d', d'', J''', f''', f''', f'''... bestimmt sind.

§. 170.

Man weiß, daß Strahlen, die nach der zweiten Brechung in einem Glase ihren Weg hinter dem Glase in parallelen Richtungen fortsetzen sollen, aus dem vor dem Glase liegenden Brennpunkte desselben ausgeben mussen, und daß die Stelle, von der sie ausgeben, auch noch dann, wann die Nichtungen, nach welchen die Strahlen hinter einem Glase ihren Weg sortsetzen, nur sehr wenig von der parallelen Lage abweichen oder unter einem sehr kleinen Winkel zusammenstoffen wurden, für den Brennpunkt angenommen werden kann.

Für solche Fälle wird also

8' — f' im Werthe von N' äusserst klein

8" — f" — — N" —

8"— f" — — N"

to das man

$$N' = \frac{\alpha}{f'}$$

N'' =

Vierzehenter Abschn. Allg. Bestimm. b. Deffnungsh. 333

$$N'' = \frac{3 a'}{3 i f''}$$

$$N''' = \frac{a a' a''}{3 i f'''}$$

u. f. f. fegen fann.

Beim Gebrauch ber Fernröhre können biefe lestern Formeln allemal angewendet werden.

§. 171.

Die Lineartröße eines Bildes *), das in ber Entfernung D vom Auge abliegt, ergiebt sich durch das Produkt aus dieser Entfernung in die Tangente des zu diesem Bilde gehörigen dioptrischen Sehewinkels.

Wenn nun die Tangente des natürlichen Sehes winkels PAP (fig. 102), unter welchem das Objekt von der Stelle des Objektivs ohne Glas gesehen erscheint, wie bisher mit o bezeichnet wird, so ist für die (§. 170.) erwähnten Fälle

Langente bes bioptris

*) d. h. die Größe einer zwischen zweien im Bilbe angenommenen Punkten senkrecht durch die Axe gezogenen geraden Linie. Hingegen iff

Tangente bes natürlichen Sehewins fels, unter welchem dieselbe Linke des Objekts von derselben Stelle hinter dem Okular ohne Glas gesehen ersweint

bei 1 Ofular . =
$$\frac{\delta}{\delta + \alpha + \delta'}$$
 . Φ

2 Ofularen =
$$\frac{\partial}{\partial +\alpha + \partial' + \alpha' + \partial''} \cdot \Phi$$

$$\frac{\partial}{\partial +\alpha +\delta' +\alpha' +\delta'' +\alpha'' +\delta'''}$$

u. s. w. wo der iedesmalige Nenner die Entfernung ist, in welchem das Auge vom Objekt abliegt.

Demnach verhält sich die Lineargröße des Bildes zur Lineargröße des Objekts

bei r Ofular wie
$$\frac{\alpha}{f'}$$
. D zu d

2 Okularen wie
$$\frac{\alpha \alpha'}{\delta' f''}$$
. D zu d

3 — wie
$$\frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta'' f'''}$$
. D zu δ

u. s. w. Bezeichnet man also die Vergrößerungsjahlen in Bezug auf Linearvergrößerung, die durch die Gläser bewirft wird, für 1, 2, 3... Okulare mit n', n'', n'''..., so hat man

$$\mathbf{n}' = \frac{\alpha}{\delta} \cdot \frac{\mathbf{D}}{\mathbf{f}'}; \quad \mathbf{n}''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta \delta' \delta''} \cdot \frac{\mathbf{D}}{\mathbf{f}'''}$$

$$\mathbf{n}'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta \delta'} \cdot \frac{\mathbf{D}}{\mathbf{f}''}; \quad \mathbf{n}'''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha'''}{\delta \delta' \delta''} \cdot \frac{\mathbf{D}}{\delta'''} \cdot \frac{\mathbf{D}}{\mathbf{f}'''} \cdot \frac{\mathbf{D}}{\mathbf{f}'''} \cdot \frac{\mathbf{D}}{\mathbf{f}'''}$$

u. f. w.

Dbet

Wan muß merken, daß (5. 163.) die Größen D und fi, der D und fin und fin u. s. w. einerlei sind und dort

ierzehenter Abschn. Allg. Bestimm. b. Deffnungeh. 335

her and

$$n' = \frac{D}{\delta} \cdot N'; \quad n''' = \frac{D}{\delta} \cdot N'''$$
 $n''' = \frac{D}{\delta} \cdot N'''; \quad n'''' = \frac{D}{\delta} \cdot N''''$

s. Diese lettern Jormeln sind nicht auf die Fälle 170.) eingeschränkt.

Also ist nur in dem einzigen Falle, wann $D = \delta$ die Linearvergrößerung mit der Winkelvergrößerung exlei. Für $D > \delta$ wird auch die Linearvergröße18 größer als die Winkelvergrößerung.

Diese beiben Falle konnen bei Mikrostopen einten.

Beim Gebrauch der Fernröhre wird D<3 versigt, daher bei solchen die Linearvergrößerung allemal zächtlich fleiner als die Winfelvergrößerung ausfällt.

Ich wiederhole hier noch einmal die im Vorherjenden mitgetheilte Bemerkung:

Gegenstände, seyen es nun Bilber ober wirkliche Objekte, werden ihrer Größe nach, solange sie innerhalb der Seheweite erscheinen, in der wir Größen mit andern uns bekannten Maaßen zu vergleichen gelernt haben, von uns einerlei beurtheilt, sie mögen uns innerhalb iener Gränze näher gerückt oder weiter abge-

bort burch a' ober a'' ober a''' ausgedruckt werden, daher die lezigen Quotienten $\frac{D}{f'}$, $\frac{D}{f''}$, $\frac{D}{f'''}$ u. s. f. f. dort $\frac{a'}{a'}$, $\frac{a''}{a'''}$,

$$\frac{n'''}{n'''} = 1 \text{ find, also bort } n' = \frac{\alpha}{\delta}, \ n'' = \frac{\alpha \alpha'}{\epsilon} \text{ u. s. f. f.}$$

abgerückt werden, woferne sie übrigens b dieser Veränderung ihrer Entfernung ihr Lage gegen die Are, in der wir sie erblicker nicht ändern. Unser Urtheil bleibt dabei vo der großen Verschiedenheit des Scheminkel zanz unabhängig.

Daher wird unfer Urtheil bei Betrachtun von Segenständen innethalb iener Gränz blog durch die Werthe von n', n'', n''' n'''' 2c. bestimmt.

So wie aber ein Objekt über iene Grang hinausruckt, fängt auch unfer Urtbeil an zugleich von bem Sebewinkel abbangig : werden, bestomehr, ie weiter bas Objeft übe tene Granze hinaugruckt, bis endlich bei feh großer Entfernung ber Sebewintel ber allel nige Letter unseres Uribeils wird. Go fon nen wir g. B. einen Rnaben in ber Entfer nung: von 5000 Fußen und einen Mann i ber Entfernung von 8000 Fußen für gleich groß halten. Daher scheint uns die Bergrof ferung eines Objetts ober feiner Durchschnitts linien, wenn es über tener Grange binaus liegt, allemal zwischen bie n fache und N fach su fallen, aber ber N fachen besto naber, i beträchtlicher & über iene Granze hinausgeht.

§. 172.

Setzen die Strahlen hinter dem letzten Ofula ihren Weg in parallelen Richtungen oder doch so fort daß sich diese Richtungen vor dem letzten Ofular unte einem sehr kleinen Winkel schneiden, so ist das vo diesem Ofular unmittelbar anliegende 3' oder 3" ode Bierzehenter Abion. Allg. Beftimm. b. Deffnungsh. 337

24 re. mit f' oder f'' oder f''' re. völlig oder doch sehr mie einerlei, also in diesem Falle

$$N'' \phi = \frac{\alpha}{\delta'} \cdot \phi; \quad N'''' \phi = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta'' \delta'''} \cdot \phi$$

$$N'' \phi = \frac{\alpha \alpha'}{\delta' \delta''} \cdot \phi; \quad N'''' \phi = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha'''}{\delta'' \delta''' \delta'''} \cdot \phi$$

folglich (§. 169. 古)

$$\pi' - \phi = \frac{\alpha}{\delta!} \cdot \phi$$

$$\pi'' - \pi' + \phi = \frac{\alpha \alpha'}{\delta! \delta!!} \cdot \phi$$

$$\pi''' - \pi'' + \pi' - \phi = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta! \delta!! \delta!!!} \cdot \phi$$

$$\pi''' - \pi'' + \pi'' - \pi' + \phi = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha''}{\delta! \delta!! \delta!!!} \cdot \phi$$

und daher

$$\pi' = \left(\frac{\alpha}{\delta'} + 1\right) \cdot \Phi$$

$$\pi'' - \pi' = \left(\frac{\alpha \alpha'}{\delta' \delta''} + 1\right) \cdot \Phi$$

$$\pi''' - \pi'' + \pi' = \left(\frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta'' \delta'''} + 1\right) \cdot \Phi$$

$$\pi'''' - \pi'' + \pi'' - \pi' = \left(\frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha'''}{\delta' \delta'' \delta'' \delta'''} + 1\right) \cdot \Phi$$

§. 173.

Aufg. Es sind die wegen des Gessichtsfeldes vorhandenen Oeffnungshalbmesserschorfs Photom.

Fer der Okulare B', B", B" ic. nebst den Brennweiten f', f", s" ic. und den Vergrößserungszahlen N', N", N". ic oder statt der beiden ersteren bloß die Oeffmungmaaße s', z", "ic. gegeben; man soll den scheinbarren Zalbmesser Des Gesichtsfeldes und den zugehörigen Abstand des Auges vom letzen Okulare sinden.

Auf l. Que den Gleichungen für N', N", N" 2c. (§. 168.) und den Gleichungen (§. 165.) ergiebt sich

für ein einziges Otular $\phi = \frac{\pi'}{N'+1} = \frac{B'}{(N'+1).f'}$ $Bo' = \frac{B'}{\pi'-\phi} = \frac{B'}{N'.\phi}$ für zwei Otulare $\phi = \frac{\pi''-\pi'}{N''+1} = \frac{\frac{B''}{f''}}{\frac{f''}{N''+1}} = \frac{\frac{B''f'-B'f''}{N'''+1}}{\frac{B'''}{N'''+1}}$ $Co'' = \frac{B''}{\pi''-\pi'+\phi} = \frac{B'''}{N'''+\phi} = \frac{B'''}{\frac{f'''}{N'''+1}} = \frac{\frac{B'''}{f'''}}{\frac{B'''}{N'''+1}} = \frac{\frac{B'''}{f'''}}{\frac{B''''}{N'''+1}} = \frac{\frac{B''''}{f'''}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+1}} = \frac{\frac{B''''}{f'''}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+1}} = \frac{\frac{B''''}{f'''}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+1}} = \frac{\frac{B'''''+\phi}{f'''}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+1}} = \frac{\frac{B'''''+\phi}{f'''}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+1}} = \frac{\frac{B''''+\phi}{f'''}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+1}} = \frac{\frac{B''''+\phi}{f'''+\phi}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+1}} = \frac{\frac{B''''+\phi}{f'''+\phi}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+\phi}} = \frac{\frac{B''''+\phi}{f'''+\phi}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+\phi}} = \frac{\frac{B''''+\phi}{f'''+\phi}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+\phi}} = \frac{\frac{B''''+\phi}{f'''+\phi}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+\phi}} = \frac{\frac{B''''+\phi}{f'''+\phi}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+\phi}} = \frac{\frac{B''''+\phi}{f'''+\phi}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+\phi}} = \frac{\frac{B''''+\phi}{h'''+\phi}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+\phi}} = \frac{\frac{B'''''+\phi}{h'''+\phi}}{\frac{B''''+\phi}{N'''+\phi}}$

 $Do''' = \frac{B'''}{\pi''' - \pi'' + \pi' - \rho} = \frac{B'''}{N''' \cdot \phi}$

erzehenter Abschn. Allg. Bestimm.b. Deffnungeh. 339

Es lassen sich hieraus mancherlei Folgen überseβ. B. ie größer das zum mittleren Strahl A) gehörige Gesichtsfeld (Φ) ist, desso näher g das Auge am letten Ofular liegen, um dieses schtsfeld zu übersehen, weil Bo' oder Co" oder v" desto fleiner werden.

Bei einer bestimmten Anzahl von Ofularen und kumten Werthen von π' , π'' , π''' , 2c. ist der eindare Haldmesser des Gesichtsfeldes desto kleiner, prößer die Vergrößerungszahl N', N'', N''' 2c. ist.

Bei zwei Okularen wird der zum mittleren Strahl A gehörige scheinbare Halbmesser des Gesichtsfeldes) = 0 (Null), wenn $\pi'' = \pi'$ oder wenn

$$B'':f''=B':f'.$$

Auch mußte in diesem Falle das Auge unendlich it vom 2ten Okular abstehen, um in die Stelle 0" fommen und den mittleren Strahl PA aussunes.

m, weil
$$Co'' = \frac{B''}{N'' \cdot o} = \infty$$
 wird.

Demnach muß allemal $\frac{B''}{f''} > \frac{B'}{f'}$ genommen wer-

n. Sollen also das hintere Okular kleiner als das indere oder auch eben so groß senn, so muß auch ine Brennweite (f") kleiner als die (f') des vorten senn, woserne das Auge hinter dem zten Okut im gemeinschaftlichen Durchschnitte aller vom Obit ausgehenden mittleren Strahlen seine Stelle sinen soll.

Ich erinnere hier noch einmal ausdrücklich, daß ineswegs die Okulare nothwendig den mittleren trahl PA auffangen muffen, um einem Auge hinter m letzten Okular den auffersten Punkt P des Objekts

bemerfbar ju machen, ober thm ein Gefichtsfelb, jum Seheminfel PAP gebort, ju-verschaffen. so gehören j. B. hinter dem Otular in RR' 103.) alle Strahlen zwischen rg und r'g zu Clemente P, und ein Auge in w, in bas ber mi Strahl q"g nicht mehr fommen fonnte, wurde noch Strablen von P empfangen, also noch bas D des Objetts bemerken. Es brauchte also ju 1 Zweck der Dalbmeffer von der Deffnung des Oku in RR' nur = Br oder febr wenig größer ju Rur wurde bann bas Objeft ober vielmehr fein gegen bie aufferen Grangen bin nicht Selligfeit g baben; baber man in ber Ausübung bie Salbmeffe Deffnung größer als Bq", Cq" 2c. macht. Die Helligkeit, die vermöge des angenommenen L tive zu erhalten ift, durch die Otulare fortzupfic (Reflexionen bei Seite gefest), mußte man die nungshalbmeffer nach (§. 161.) = Bq"+ Cq"+3", Dq""+3" 2c. nehmen, d. h. Gs', Dt' 1c.

Inswischen ist dieses auch selbst zu einem lichst vollkommenen Fernrohre nicht so genau erflich, weil man bei nicht ganz tleinen Sehewis PAP doch auch bei der vollständigen Helligkeit Bildes solches doch nicht auf einmal mit gleicher Tlichkeit übersehen kann, sondern dasselbe theilweise trachtet, wobei man die Are des Rohres abwecht gegen die verschiedenen Theile des Objektes richtet.

Würde der Deffnungshalbmesser z. B. der ! in RR' wirklich = Br' gemacht, so würde noch die durch r' und A gezogene gerade r'Ax- i der Brechung bei r' durch o' durchgehen; das Lin o' würde also nunmehr in P ein Gesichtsfeld en, dessen Halbmesser nicht = PP, sondern =

Behenter Abschn. Allg. Bestimm.d. Deffnungeh. 341

Neiner wurde. Der Halbmesser PP des Gesichts8, der durch die Dessnungshalbmesser Br', Cs' 2c.
tn Auge in 0' oder in 0" 2c. bestimmt wird, ist
der Halbmesser desienigen Gesichtsseldes bei P,
halb welchem die Ofulare in RR', SS' 2c. dem
in 0', 0" 2c. alle Elemente des Objekts in der
indigen Helligkeit darstellen, die bei dem angezenen Objektiv möglich ist.

§. 174.

Schreibt man (§. 166.) 1', 1", 1" 2c. statt, 0"H, 0" J 2c. und substituirt aus (§. 168.)

jält man

$$1'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta l} \cdot \frac{1}{N'}$$

$$1''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta l} \cdot \frac{1}{N''}$$

$$1''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha'''}{\delta l} \cdot \frac{1}{N''}$$

$$1'''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha'''}{\delta l} \cdot \frac{1}{N''}$$

$$1'''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha''' \alpha'''}{\delta l} \cdot \frac{1}{N'''}$$

Daber

Daher auch.

$$N'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta' \delta'' \delta'''}; \quad N'''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha''' \alpha'''}{\delta' \delta'' \delta''' \delta''' \delta'''}; \quad N'''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha''' \alpha'''}{\delta' \delta'' \delta''' \delta''' \delta'''};$$

u. f. w,

§. 175.

Um das von den verschiedenen Abmessungen beinem aus mehreren Gläsern zusammengesetzten opt schen Wertzeuge abhängende Verhältniß der Helligke zu bestimmen, kann es hier genügen, die Vergleichun bloß in Bezug auf den sentrechten Strahlenkegel qPc (fig. 101.) anzustellen,

Es sepen nun hier o', o'', o''' eben so wie (fig. 102.) die Stellen für die Durchschnittspunkte al ler vom Objekte aus durch A durchgehenden mittlere Strahlen mit der Axe PJ, so kommt es hier darau an, die Querschnitte der senkrechten Strahlenkeger Gr', sHs' 2c. in den Stellen o', o'' 2c. zu bestimmen, deren Halbmesser in der Zeichnung angedeute sind. Ich wist diese Halbmesser mit r', r'', r''' 2 bezeichnen, so ist, Aq = B gesett,

$$\mathbf{r}' = \frac{\mathbf{o}'G}{\mathbf{B}G} \cdot \mathbf{B}\mathbf{r}' = \frac{1'}{\alpha'} \cdot \frac{\delta'}{\alpha} \cdot \mathfrak{B} = \frac{\mathfrak{B}}{\mathbf{N}'} (\delta.174)$$

$$\mathbf{r}'' = \frac{\mathbf{o}''H}{\mathbf{C}H} \cdot \mathbf{C}\mathbf{s} = \frac{\alpha''}{1''} \cdot \frac{\delta''}{\alpha'} \cdot \mathbf{B}\mathbf{r}'$$

$$= \frac{1''}{\alpha''} \cdot \frac{\delta''}{\alpha'} \cdot \frac{\delta'}{\alpha} \cdot \mathfrak{B}$$

$$= \frac{\mathfrak{B}}{\mathbf{N}''}$$

Bierzehenter Abschn. Allg. Bestimm. d. Deffnungsh. 343 Ebenso

$$\mathfrak{r}''' = \frac{\mathfrak{B}}{N'''}; \quad \mathfrak{r}'''' = \frac{\mathfrak{B}}{N''''} \, \mathfrak{c}.$$

Nun sey die Strahlenmenge, welche ein Auge bei A ohne Glas durch den Stern durchlassen würde, = m, die auf die Glassläche in qq' fallende Strahlenmenge = M, so ist die in ein gleiches Auge bei o' fallende Strahlenmenge' wenn es feine Gläser vor ich hätte, = $\frac{AP^2}{o'P^2}$. m; hingegen geht durch den Duerschnitt bei o' hinter den Gläsern dieselbe Strahlenmenge M, welche auf das Objektiv fällt, den Verzuhrt wegen der restettirten Strahlen bei Seite gesetzt.

Es ist aber $M = \frac{\Re^2}{W^2}$. m, wenn der Augenössenung Halbmesser — w gesetzt wird.

Folglich verhält sich die bei 0' ohne Gläser ins Unge fastende Strahlenmenge zu der mittelst der Gläs fer bei 0' ins Auge fallenden,

wie
$$\frac{AP^2}{o'P^2}$$
. m zu $(\frac{\mathfrak{B}^2}{w^2}.m).\frac{w^2}{\mathfrak{r}'^2}$ (

voferne w < r' ist.

Es ist aber die Strahlenmenge iedesmal auf der fläche des Bildes im Auge pertheilt; wird diese ohne blisser durch E ausgedruckt, so ist letztere $= N^{12} \cdot E$ (3.171), also

Daher auch

$$N'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta' \delta'' \delta'''}; \quad N'''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha''' \alpha'''}{\delta' \delta'' \delta''' \delta''' \delta''''} \frac{1}{1}$$

$$N''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta'' \delta''' \delta'''}; \quad N'''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha''' \alpha'''}{\delta' \delta'' \delta''' \delta''' \delta''''} \frac{1}{1}$$

u. f. w.

§. 175.

Um das von den verschiedenen Abmessungen beinem aus mehreren Gläsern zusammengesetzen opt schen Wertzeuge abhängende Verhältniß der Helligke zu bestimmen, kann es hier genügen, die Vergleichun bloß in Bezug auf den senkrechten Strahlenkegel q Pasing. 101.) anzustellen.

Es sepen nun hier 0', 0'', 0''' eben so wa (fig. 102.) die Stellen für die Durchschnittspunkte a ler vom Objekte aus durch A durchgehenden mittlere Strahlen mit der Axe PJ, so kommt es hier darai an, die Querschnitte der senkrechten Strahlenkeg rGr', sHs' 2c. in den Stellen 0', 0'' 2c. zu bestin men, heren Halbmesser in der Zeichnung angedeut sind. Ich wist diese Halbmesser mit r', r'', r''' 2 bezeichnen, so ist, Aq = B gesett,

$$\mathbf{r}' = \frac{\mathbf{o}'G}{\mathbf{B}G} \cdot \mathbf{B}\mathbf{r}' = \frac{1'}{\alpha'} \cdot \frac{\delta'}{\alpha} \cdot \mathfrak{B} = \frac{\mathfrak{B}}{\mathbf{N}'} (\S.174)$$

$$\mathbf{r}'' = \frac{\mathbf{o}''H}{\mathbf{C}H} \cdot \mathbf{C}\mathbf{s} = \frac{\alpha''}{1''} \cdot \frac{\delta''}{\alpha'} \cdot \mathbf{B}\mathbf{r}'$$

$$= \frac{1''}{\alpha''} \cdot \frac{\delta''}{\alpha'} \cdot \frac{\delta'}{\alpha} \cdot \mathfrak{B}$$

$$= \frac{\mathfrak{B}}{\mathbf{N}''}$$

Eben

Bierzehenter Abschn. Allg. Bestimm. d. Deffnungeh. 343
Cbenso

$$\mathfrak{r}''' = \frac{\mathfrak{B}}{N'''}; \quad \mathfrak{r}'''' = \frac{\mathfrak{B}}{N''''} \mathfrak{u}.$$

Nun sey die Strahlenmenge, welche ein Auge bei A ohne Glas durch den Stern durchlassen würde, = m, die auf die Glassläche in qq' fallende Strahlenmenge = M, so ist die in ein gleiches Auge bet o' fallende Strahlenmenge wenn es feine Gläser vor ich hätze, = $\frac{AP^2}{o'P^2}$. m; hipgegen geht durch den Querschnitt bei o' hinter den Gläsern dieselbe Strahlenmenge M, welche auf das Objektiv fällt, den Verzuhlen der vestetzten Strahlen bei Seite gesetzt.

Es ist aber $M = \frac{8^2}{w^2}$. m, wenn der Augenösse.

was Halbmesser = w gesetzt wird.

Folglich verhält sich die bei O' ohne Gläser ins Unge fallende Strahlenmenge zu der mittelst der Gläser bei O' ins Auge fallenden,

wie
$$\frac{AP^2}{o'P^2}$$
. m zu $(\frac{\mathfrak{B}^2}{w^2}.m).\frac{w^2}{\mathfrak{r}'^2}$ (

voferne w < r' ist.

Es ist aber die Strahlenmenge iedesmal auf der kläche des Bildes im Auge perthetlt; wird diese ohne bläser durch E ausgedruckt, so ist letztere $= N^{12} \cdot E$ (§. 171), also

bie natürliche Hellige feit des Objekts für ein Ap2 wir den Ap2 wir bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{o'P^2} \cdot m = \frac{S^2}{r'^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{r'^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{r'^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{r'^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{r'^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$ bioptrischen (b. h. $=\frac{AP^2}{E} \cdot m = \frac{S^2}{R^2} \cdot m$

$$= \frac{J^2 \cdot m}{o'P^2 \cdot E} : \frac{m \cdot \mathfrak{B}^2 : \mathfrak{t}'^2}{N'^2 \cdot E}$$

$$= \frac{J^2 \mathfrak{t}'^2}{o'P^2} : \frac{\mathfrak{B}^2}{N'^2} = \frac{J^2}{o'P^2} : \mathbf{I}$$

weil $\frac{3}{N'} = r'$ ist, also, wenn die natürliche hellige keit des Objekts mit C, die dioptrische des Vildes hinter 2 Släsern oder einem Okular mit C' bezeichnet und O'P = a' gesetzt wird,

$$C: c' = \frac{\delta^2}{a^{/2}}: I = \delta^2: (a')^2$$

Bezeichnet c'' die Helligkeit hinter dem 2ten Okular, so bleibt alles wie zuvor, nur 0''P = a'' flatt a', n'' statt n', r'' statt r' gesetzt. Es wird daher auf gleiche Weise

für 2 Okulare (und
$$w < t'$$
)

 $C : c'' = \frac{\delta^2}{(a'')^2} : I = \delta^2 : (a'')^2$

für 3 Okulare (und $w < t'$)

 $o'''P = a''' gefeßt$
 $C : c'' = \frac{\delta^2}{(a''')^2} : I = \delta^2 : (a''')^2$

u. f. w.

ierzehenter Abschn. Allg. Bestimm. b. Deffnungsh. 345

Aber diese Proportionen segen, wie die (ħ), taus, daß w < r' ober < r" ober < r" zc. sep.

Iff w nicht < r' oder r" ic., so erhält man statt j) das Verhältnig

$$\frac{J^{2}}{(a')^{2}} \cdot m : \left(\frac{\mathfrak{B}^{2}}{w^{2}} \cdot m\right) \cdot \frac{(t')^{2}}{(t')^{2}}$$

Ħ

$$\frac{\mathsf{d}^2}{(\mathsf{a}^\prime)^2} : \frac{\mathfrak{B}^2}{\mathsf{W}^2}$$

für ein Okular (und w nicht <r')

$$C: c' = \left(\frac{J^2}{(a')^2}\right): \frac{\left(\frac{\mathfrak{B}^2}{W^2}\right)}{(N')^2}$$

$$= \frac{J^2}{(a')^2}: \frac{\mathfrak{B}^2}{(N')^2 \cdot W^2} = \frac{J^2 \cdot W^2}{(a')^2}: (t')^2$$

enso

für zwei Okulare (u. w nicht < r')

C:
$$c'' = \frac{\delta^2}{(a'')^2}$$
. $w^2 : (t'')^2$
f. to.

Je größer nämlich w ober ber Durchmeffer ber igenöffnung ift, besto mehr Strahlen empfängt bas ige, welches das Objeft ohne Gläser betrachtet, sto größer wird also auch für das Auge die natür= che helligkeit C; für das Auge hinger den Gläsern un aber die dioperische (c', c" 1c.) nur solange nehmen, bis w == r', ober r" zc. wird, weil auch tem größeren Auge doch nicht mehr Strahlen zuströh. in tonnen, als in dem ju r'ic. enthaltenen Strab.

lenquerschnitt enthalten sind. Darum bleibt, soba w == r'- oder auch > r' wird, die Helligkeit C' u geändert, aber die C nimmt noch immer mit w zu.

Ist hingegen $w \le r'$, so kapp der Werth von darum keinen Einstuß auf das Verhältniß C:c' hen, weil $\frac{v:r'}{N'}$ unveränderlich bleibt, wenn auch

größer wird, benn es bleibt allemal. B: r' = Nes wird also N' in bemselben Verhältnisse kleiner, i welchem r' größer wird, und wenn daher z. B. w nur = ½ (r')² ober (r')² = 3. w² wäre, so da nur ¼ aller im Regel enthaltenen Strahlen ins Aug kamen, so gehört dazu auch eine Bilbstäche, die nu ½ so groß als für (r')² = w² wäre, daher die 3 ma geringere ins Auge fallende Strahlenmenge auch voi einem 3 mal kleineren Bilde herkommt, das also in der selben Heligkeit erscheinen muß, in welchem das 3 ma größere Bild bei der 3,mal größeren Strahlenmengi demselben Auge erscheint.

§. 176.

Eigentlich ist die Gleichung $M=\frac{B^2}{W^2}$. m (fig. 101.) nicht in aller Schärfe richtig. Nämlich die von P ausgehenden Strahlen sind nicht in der Kreissläche, die mit Aq=B um A beschrieben wird, sondern in der sphärischen Fläche, welche der zum Halbmesser PA gehörige Bogen AB durch Umdrehung um die Axe PA beschreibt, gleichmäßig vertheilt. Senau genommen ist nun letztere allemal etwas tleiner als erstere. Denn es ist, wenn man $APQ=\psi$ und die bekannte Ludolphische Zahl $=\pi$ sett,

Bletzehenter Abichn. Allg, Bestimm. b. Deffnungsh. 347

bie zu B gehörige =
$$\pi$$
. B

Rreisstäche = π . δ^2 . tang ψ^2

die zum Bogen A β

gehörige sphär. = π . 2δ . δ . (1—Cos ψ)

Häche (Geom. δ . 166.)

alfo

$$\begin{array}{ll}
\text{(Erig. \& .265)} &= 4.(\sin\frac{1}{2}\psi)^2 : \frac{4.(\sin\frac{1}{2}\psi)^2.(\cot\frac{1}{2}\psi)^2}{(\cot\frac{1}{2}\psi)^2} \\
&= (\cot\psi)^2 : (\cot\frac{1}{2}\psi)^2
\end{array}$$

Denkt man fich ben Mittelpunkt ber Augenoffnung bei A und nun von P eine gerade Linie jum Endpunkt des auf AP senkrechten halbmessers ber Augenöffnung gezogen, die bei P mit der AP einen Winkel = ψ' mache, so ist wiederum die dem Auge wfallende Strahlenmenge m nicht in der Rreisfläche x. w², fondern in der spharischen x. 282. (1—Costi) bertheilt, und es verhält sich wiederum lettere zu erferer wie

$$(Cof\psi)^2$$
 $\mathfrak{g}\mathfrak{u}$ $(Cof\frac{1}{2}\psi)^2$

Man hat also genauer

$$M = \frac{\left(\frac{Cof\psi}{Cof\frac{1}{2}\psi}\right)^2 \cdot \mathfrak{B}^2}{\left(\frac{Cof\psi'}{Cof\frac{1}{2}\psi'}\right)^2 \cdot w^2} \cdot m$$

-Nun kann aber allemal $\frac{\operatorname{Cof}\psi}{\operatorname{Cof}\frac{1}{2}\psi}=1$ gesetzt werden, also

$$M = \frac{(Co(\psi)^2, \mathfrak{B}^2)}{(Co(\frac{\pi}{2}\psi)^2, w^2)}, m$$

und'nunmehr vor weiterer Untersuchung

I. wenn r' oder r"2c. > w ist

$$C: c' = \delta^2 : \left(\frac{\text{Cof}\psi}{\text{Cof}\frac{1}{2}\psi}\right)^2 \cdot (a')^2$$

$$= D^2 \cdot \text{Cof}\frac{1}{2}\psi^2 : (a')^2 \cdot \text{Cof}\psi$$

$$C: c'' = \delta^2 : \left(\frac{\text{Cof}\psi}{\text{Cof}\frac{1}{2}\psi}\right)^2 \cdot (a'')^2$$

$$= \delta^2 \cdot \text{Cof}\frac{1}{2}\psi^2 : (a'')^2 \cdot \text{Cof}\psi^2$$

u. f. w.

II. wenn-r', r" 2c. nicht > w ist

 $C: c' = \delta^2 w^2 \cdot Co(\frac{1}{2}\psi^2) \cdot (a')^2 \cdot (t')^2 \cdot Co(\psi^2)$

 $C: c'' = \int_{1}^{2} w^{2} \cdot Cof \frac{1}{2} \psi^{2} : (a'')^{2} \cdot (r'')^{2} \cdot Cof \psi^{2}$

ober, wenn zur allgemeinen Bezeichnung bie Striche weggelaffen werben, für iett

$$C: c = \delta^2.w^2.Cof \frac{1}{2} \psi^2: a^2.r^2.Cof \psi^2$$

Nun ist aber noch folgendes zu erwägen.

Es sen Pv (fig. 99.) ein Element von PP, so können von Pv nach q nur senkrechte Strahlen ausgehen, und es können also nur soviele Krahlenbe Punkte, als das auf Pq gefällte Perpendikel va in sich faßt, zum Ausgange nach q hier in Anschlag kommen. Es ist aber $v\lambda = Pv \cdot Cos \psi$, und die zu vagehörige Kreissläche verhält sich zu der mit Pv besschriebenen wie $Cos \psi^2$ zu 1.

Denft

Vierzehenter Abschn. Allg Bestimm.d. Deffnungsh. 349

Denkt man sich aus P nach irgend einem andern sunkt x in Aq eine gerade Px gezogen, die mit der PA bei P einen Winkel = ζ mache, so verhält sich wiederum das senkrecht ausströhmende kreisförmige Element, aus dessen Punkten Strahlen nach x kommen, zu der mit Pv beschriebenen Kreissläche, wie $Cos \zeta^2$: I, also die in q ankommende Strahlenmenge zu der in x ankommenden, wegen der verschiese denen Schiese des Ausslußwinkels,

wie Cosy² zu Coss²

Mimmt man nun, wie hier verstattet ist, sür die mittlere Schiese aller vom Elemente Pv auf das Obsiestiv fallenden Strahlen den Neigungswinkel = $\frac{1}{2}\psi$ mb für die ins Auge bei A sallenden Strahlen Cosz' im Mittel genommen als unmerslich wenig von I verschieden an, so muß man in der vorstehenden Formel die sortgepstauste Strahlenmenge sür das Eleiment det P so vermindern, daß man r^2 . Cos $\frac{1}{2}\psi^2$ statt r^2 schreidt.

Hierdurch ergeben sich die korrekteren Formeln
I. wenn r > w ist

 $C: \mathbf{c} = \delta^2 \cdot \operatorname{Col}_{\frac{1}{2}} \psi^2 : \mathbf{a}^2 \cdot \operatorname{Col}_{\psi^2} \cdot \operatorname{Col}_{\frac{1}{2}} \psi^2$ $= \delta^2 : \mathbf{a}^2 \cdot \operatorname{Col}_{\psi^2}$

II. wenn r nicht > w ist $C: c = \delta^2 w^2 \cdot Cof \frac{1}{2} \psi^2 : a^2 \cdot r^2 \cdot Cof \psi^2 \cdot Cof \frac{1}{2} \psi^2$

 $= \delta^2 \mathbf{w}^2 : \mathbf{a}^2 \cdot \mathbf{r}^2 \cdot \mathsf{Cof} \psi^2$

lesten Ofular im Durchschnittspunkt der von P herkommenden mittleren Strahlen mit der Axe PJ ist, und
4 die Entfernung des in diesem Querschnitt liegenden
Auges vom Objekt P, so wie D die Entfernung des
Bildes vom Auge bezeichnet.

- 1. Anm. Seim Gebrauch der Fernröhre kann gewöhnlich Cos J = 1 gesetzt werden.
- 2. Aum. Klügel findet, 3 = a gesett,

$$C: c = w^2 \cdot Cof \frac{1}{2} \psi^2 : r^2 \cdot Cof \psi^2$$

weil er auf die Korrektion wegen der Schiese bes Ausslußwinkels keine Rücksicht genommen hat. In r>w wird allemal r = w gesest. Lambert (Photom. 5. 817.) und Karsten (Ansangsgu der mathem. Wissensch. III. B. S. 495.) sinden zwar, = a gesest, wie ich

 $C: c = w^2: t^2.Cof \psi^3$

aber nach meiner Neberzeugung auf einem unrichtigen Wege'
nur durch ein Ungefähr, weil sie weder die von der sphärischen Fläche herrührende Verminderung der Strahlen in Rechnung bringen, noch auf den Umstand Rücksicht nehmen, daß nicht die Schiese der äussersten Strahlen, sondern die mittlere in Rechnung kommen darf. Sie vermindern die Strahlenmenge so, als ob sie alle unter dem Windell ausstößen, welches die von der Schiese des Aussusses herrührende Verminderung zu groß giebt; dagegen überses, hen sie iene Verminderung, welche die Vetrachtung der sphärischen Fläche giebt, die zum Vogen AB gehört. Diese doppelte Unrichtigkeit giebt ihnen die richtige Formel.

3. Anm. Meine Formel ist noch darin von der Lambertschen oder Karstenschen und Klügelschen verschieden, daß diese zund a nicht enthalten. Der Grund davon liegt darin, das ich bei meiner Vergleichung einerlei Standpunkt für das Auge voraussetze, es mag solches ohne Gläser (nach dem Objekt) oder durch die Gläser (nach dem Vilde) sehen.

Soll die Vergleichung für ein Auge angestellt werden, das sich ohne den Gebrauch der Gläser bei A, d. h. da bestindet, wo das Objektiv liegt, so hat man

Bierzehenter Abschn. Allg. Bestimm.d. Deffnungeh. 351

$$C: c \implies a^2 \cdot w^2 : a^2 r^2 \cdot Col \psi^2$$

 $\implies w^2 : r^2 \cdot Col \psi^2$

Bei Fernröhren kann man allemat Cos 4 = i segen.

Die allgemeine Gleichung $c = \frac{r^2}{w^2} \cdot \text{Cos} \psi^2 \cdot \text{C}$,

wo für r = w ober > w allemal r = w beibehalten wird, erglebt, daß die dioptrische Zelligkeit c bes Elementes Pv für r > w weber vom letten Querschnitt bes ans Auge stossenben Strahlenkegels, noch von der Größe der Augenössnung abhängt, daß sie hingen von diesen beiden Größen abhängig ist, wenn einer den Größen abhängig ist, wenn ist wist. In diesem letteren Kalle wird bei einerei Anothung der Gläser und bet einerlei Objekt die nioptrische Helligkeit desto größer, ie kleiner w² ober die Augenössnung ist. Daher sieht ein Beobachter mit iner kleineren Augenössung durch dergleichen zusammengeordnete Gläser allemal heller als ein Beobachter mit einer größeren Augenössnung, woserne r wist.

Uebrigens wird der Erfahrung zusolge bei einerlei Auge die Oeffnung im Auge, also w desto größer, ie kleiner die natürliche Helligkeit C ist. Diesemnach ergiebt der Ausdruck

$$\frac{C}{c} = \frac{w^2}{r^2 \cdot Cof \psi^2}$$

velcher für r < w statt findet, daß die natürliche Helligkeit die disptrische desto mehr übertrisst, ie weniser helle das Objekt dem bloßen Auge erscheint; und umgekehrt desto weniger, ie heller das Objekt schon vem bloßen Auge erscheint.

Der Werth von w oder der Halbmesser der Angenössnung ist nicht leicht kleiner als ½ Pariser Linie, und nicht leicht größer als 1½ Par. Linien.

Sett man für ein sonst gesundes Auge für bleis nige Heligkeit, welche ihm etwa beim Lesen und Schreiben die angenehmste ist, $w = \frac{1}{40} 300$, so edhalt man für r < w und $Cos \psi = 1$,

$$c = \frac{t^2}{(100)}$$
. $C = 400 \cdot t^2$. C

ba bann r gleichfalls in Bruchtheilen eines Zolles aus gebruckt werden müßte. Aber babei würde noch erfebert, daß die so bestimmte Helligkeit nicht so merklich von der erwähnten verschieden wäre, daß daburch der angenommene Werth von w merklich abgeändert würde.

§. 178.

Es mag sich nun das Auge in 0' ober in 0" ober in 0" u. s. w. besinden, so will ich statt der zu dieser Stelle gehörigen Halbmesser; und Vergrößerungszahlen (r', r'', r''' ic. und N', N'', N''' ic.) allemal schlechthin r und N setzen, da dann in der Anwendung für r und N allemal die Werthe von r' und von N', von r'' und von N'' u. s. w. genommen werden, nach dem das Auge durch 1 oder durch 2 ic. Ofulake durch sehen muß. Wan hat nun aus (§. 175.) allgemein

$$r = \frac{8}{N}$$
, also allgemein

$$c = \frac{r^2 \cdot \text{Cof} \psi^2}{w^2} \cdot C = \frac{8^2 \cdot \text{Cof} \psi^2}{N^2 \cdot w^2} \cdot C$$

obet

Bierzehenter Abichn. Allg. Bestimm.b. Deffnungeh. 353

voter bei Fernröhren genau genug

$$c = \frac{\mathfrak{B}^2}{N^2 \cdot w^2} \cdot C$$

Va dann für $\frac{\mathfrak{B}^2}{N^2 \cdot W^2} > 1$ schlechtweg c = C gesetzt werben muß.

sest man für das bloße Auge den Halbmesser seiner Deffnung — w, so kann man ihn für die dioprische Helligkeit oder für dasselbe Auge, wann es durch die Gläser sieht, — \(\). w setzen, da dann, weil sichkens c — C werden kann, \(\) nie \(\) ist. Diesemnach hat man bestimmter

$$c = \frac{\mathfrak{B}^2}{N^2 \cdot \zeta^2 \cdot w^2} \cdot C \ (\bigcirc$$

Man kann 3² den Exponent der Augenöffnung nennen.

Be geringer die Helligkeit wird, desto größer wird, der Erfahrung zufolge, bei demselben Auge der Werth von &; also wächst zugleich mit N, und um soviel mehr nimmt die dioptrische Helligkeit ab, wenn die Langente des Sehewinkels zunimmt. Sie steht dei demselben Auge im geraden Verhältnisse der Oesselwungsstäche des Objektivs und im verkehrten des Produkts aus dem Quadrat des Exponentes der Augendinkels gehörigen Vergrößerungszahl.

Durch Vergrößerung der Objektivsöffnung wird, wenn auch zungeändert bliebe, bei derselben Vergrößerungszahl die dioptrische Helligkeit vermöge (•) in demselben Verhältnisse vergrößert, in welchem die Objektivsöffnung größer wird. Da aber mit der hiervon Langedorfs-Photom.

abhängenden Vergrößerung der Heligkeit zugleich der Exponent der Augenöffnung & kleiner wird, so wird nun auch noch aus diesem Grunde vermöge (③) die dioptrische Helligkeit aufs Neue vergrößert; sie nimmt also bei Vergrößerung der Objektivsöffnung allemat aus doppeltem Grunde zu, so wie sie bei der Vergrößerung von N aus doppeltem Grunde abnimmt.

Die vorstehenden allgemeinen Sätze lassen fich leicht auf die schon im zehenten Abschnitt beschriebenen Fernröhre auwenden.

I. Anwendung auf das Galiläische Ferns
rohr (§. 135).

Mus (§. 169.) ift
$$N' = \frac{\alpha + \delta' - f'}{f'}$$

für ein beiahtes f'. Hier ist aber die Brennweite Verneint, also

$$N' = \frac{\alpha + \delta' + f'}{-f'}$$

Ferner (§. 135. no. 11.) fig. 86.

$$a+b' = dG = \frac{sf}{s-f} - \frac{Df'}{D-f'}$$
ober
$$s' = -\frac{Df'}{D-f'}$$

wo die wegen der verneinten Lage erfoderliche Mender rung der Zeichen schon geschehen ist, also hier

$$N' = \frac{a}{f'} + \frac{Df'}{(D-f') \cdot f'} - \frac{f'}{f'}$$

ierzehenter Abichn. Allg. Bestimm.b. Deffnungeh. 355

$$= -\left(\frac{a}{f'} - \frac{D - (D - f')}{D - f'}\right)$$

$$= -\left(\frac{a}{f'} - \frac{f'}{D - f'}\right)$$

iches sich für eiwaß große Werthe von D und d in $N' = -\frac{f}{a}$

manbelt.

Nun ift_(§. 173.)

$$\phi = \frac{\pi'}{N'+1}$$
also $\pi' = (N'+1) \cdot \phi$

 $\mathbf{r}' = \left(\mathbf{1} - \frac{\mathbf{a}}{\mathbf{f}'} + \frac{\mathbf{f}'}{\mathbf{D} - \mathbf{f}'}\right) \cdot \Phi$ $= \left(\frac{\mathbf{D}}{\mathbf{D} - \mathbf{f}'} - \frac{\mathbf{a}}{\mathbf{f}'}\right) \cdot \Phi$

Dennach (h. 164.) der Deffnungshalbmesser des kilars wegen des Gesichtsfeldes oder, hier — f' ut .f' geset,

$$B' = -\pi' \cdot f'$$

$$= (\alpha - \frac{Df'}{D - f'}) \cdot \phi$$

s der beiahte Werth von f', und $a = \frac{\delta f}{\delta - f}$ genomen wird, D aber die deutliche Sehweite bezeichnet.

Enb.

Endlich hat man aus (§. 163.)

den Deffnungshalb.

messer wegen der
$$=\frac{3!}{\alpha}.\mathfrak{B}=-\frac{\mathrm{Df'}}{\mathrm{D-f'}}.\frac{\mathfrak{B}}{\alpha}$$

Helligkeit \mathfrak{B}'

Df' \mathfrak{F}

oder für etwas beträchtliche Werthe von D und d'

$$\mathfrak{B}' = \frac{\mathfrak{F}'}{\mathbf{f}}\mathfrak{B} = -\frac{\mathbf{f}'}{\mathbf{f}}\mathfrak{B} = \frac{\mathfrak{B}}{\mathbf{N}'}$$

Auch hat man aus (§. 178. ©)

$$c = \frac{25^2}{(N^i)^2 \zeta^2 \cdot w^2} \cdot C$$

Er. Es sen

Die Brennweite f bes Objektivs = 12 30 f' bes Ofulars =

der Deffnungshalbmeffer B des

Dbjektivs. **= 0,75**-Für das Sesichtsfeld verlangt

man tang EGF ober o

so hat man

$$N' = \frac{\left(\frac{\delta \cdot 12}{\delta - 12}\right)}{2} - \frac{2}{D-2}$$

also, D und d als beträchtliche Größen angenomm sehr nabe

$$N'=\frac{12}{2}=6$$

kerzehenter Abschn. Allg. Bestimm. b. Deffnungeh. 357

$$B' = \left(\frac{\delta.12}{\delta-12} - \frac{D.2}{D-2}\right).002$$

sebr nahe = (12-2).0,02 = 0,2 Bolle

$$\mathfrak{B}' = \frac{D.2}{D-2} \cdot \frac{\delta - 12}{\delta.12} \cdot 0.75$$

Febr nahe = $2 \cdot \frac{1}{12} \cdot 0.75 = 0.125$ Bolle

! auch aus der Gleichung $\mathfrak{B}'=\frac{\mathfrak{B}}{N'}$ bier $=\frac{0.75}{6}$ gt.

Dieses ware ber Halbmesser wegen ber Helligkeit das Clement P (fig. 101.) ober für das Eg. 86).

Der Deffnungshalbmesser wegen der Helligkeit das ganze Objekt oder für das ganze Gesichtsfeld re nun' (§. 163. u. 164.)

$$= B' + B' = 0,2 + 0,125$$

= 0,325 \$011.

Auch ware Bo' (fig. 101) (§. 165) = $\frac{\pi'}{\pi'-\phi}$. f'

$$Bo' = \frac{(N'+1) \cdot \phi}{N' \cdot \phi} \cdot f' = \frac{N'+1}{N'} \cdot f'$$

$$= \frac{7}{6} \cdot 2 = 2\frac{1}{2} 300$$

bie Entfernung bes Auges vom Ofular.

Endlich

$$c = \frac{0/75^{2} \cdot C}{6^{2} \cdot \zeta^{2} \cdot w^{2}} = \frac{0/0156}{\zeta^{2} \cdot w^{2}} \cdot C$$

$$33 \quad \text{alfor}$$

also, $w = \frac{1}{20}$ gesett,

$$c=\frac{6/24}{\zeta^2}.6$$

wofür bann hier

$$c = Q$$

genommen werben mußte. Inzwischen gift diefe 84 stimmung von c immer nur für die Stelle des Objetts, durch welche die gemeinschaftliche Are der Gläser, hier die des Fernrohres, durchgeht.

Uebrigens ifts nun noch eine andere Frage, ob die Deffnung bes Ofulars ohne beträchtliche Rachtheile wirklich so groß genommen werden burfe, als es dem Halbmesser B' + B' = 0,325 Zollen anger meffen ift?

Aus (5. 105.) hat man, wenn r == g gemacht wird,

$$f' = \frac{r^2}{1/1.2r} = \frac{r}{2/2}$$

alfo

Der Bogen bes Stulars, beffen Deffnungsfläche zum Halbmesser 0,325 Zollen gehört, hat also —— = 0,074 zum Sinus und beträgt daher etwas über 4° von der Are gerechnet, ober im Gangen etmas über. 8°. In wieferne nun biese Bogengröße auf die Ab weichung der Strahlen von dem Vereinigungspunkt und auf Zerftreuung bes farbigen Lichtes Einfluß bar ben konne, bavan wird in ber Jolge geredet werden.

Bierzehenter Abschn. Aug Bestimm. d. Deffnungeh. 359

§. 180.

II. Anwendung auf das Sternrohr (§. 136.)

Hier bleibt aus (f. 169.)

$$N' = \frac{\alpha + \delta' - f'}{f'}$$

Aus (§. 135) hat man (fig. 87.)

$$Ad = \frac{\delta f}{\delta - f} + \frac{Df'}{D + f'}$$

also .

$$N' = \frac{\alpha}{f'} + \frac{D}{D+f'} - r$$

$$= \frac{\alpha}{f'} - \frac{f'}{D+f'}$$

lihes sich bei etwas großen Werthen von I und D die Gleichung

$$N' = \frac{f}{f'}$$

manbelt.

Mus (§. 173) 'ift

$$\pi' = (N'+1) \cdot \phi$$
also hier
$$= \left(\frac{\alpha}{f'} - \frac{f'}{D+f'} + 1\right) \cdot \phi$$

$$= \left(\frac{\alpha}{f'} + \frac{D}{D+f'}\right) \cdot \phi$$

b mun (§. 164)

$$B' = \pi'f' = (\alpha + \frac{Df'}{D+f'}) \cdot \Phi$$

Ferner (§. 163.)

$$\mathfrak{B}' = \frac{\delta'}{\alpha} \cdot \mathfrak{B} = \frac{\mathrm{D}\,\mathrm{f}'}{\mathrm{D} + \mathrm{f}'} \cdot \frac{\delta - \mathrm{f}}{\delta \mathrm{f}} \cdot \mathfrak{B}$$

oder für etwas beträchtliche Werthe von D und

$$\mathfrak{B}' = \frac{\mathfrak{h}'}{\mathbf{f}} \cdot \mathfrak{B} = \frac{\mathbf{f}'}{\mathbf{f}} \cdot \mathfrak{B}$$
$$= \frac{\mathfrak{B}}{\mathbf{N}'}$$

Endlich aus (§. 178.)

$$c = \frac{\mathfrak{B}^2}{(N')^2 \cdot \zeta^2 w^2} \cdot C$$

woferne die in C multiplicirte Größe ein eiger Bruch ist, sonst allemal

$$c = C$$

Die Stelle, in der hierbei das Auge hinte Okular angenommen wird, giebt sich (fig. 101.) die Gleichung

$$Bo' = \frac{N'+1}{N'} \cdot f'$$

Zur Anwendung in Zahlen kann man das Beispiel gebrauchen. Die Anwendung geschieh so leicht auf Anordnungen von noch mehreren Gbei den Mikroskopen findet die Voraussetzung die Brennweiten in Vergleichung mit D und dgesetzt werden können, nicht statt.

Jungehenter Abschn. Wonden Gefegen, nach zc. 361

Funfzehenter Abschnitt.

Von den Gesetzen, nach welchen das Licht durch die Brechung der Glaslinsen zerlegt und in farbigen Strahlen zerstreut wird.

Ş. 181.

Bei den bisherigen Untersuchungen hat man zwei koraussetzungen gelten lassen, die ietzt erst näher gerüft werden sollen.

Jürs erste hat man angenommen, daß alle aus inem physischen Punkt auf eine sphärische Fläche falmbe Strahlen, sowohl in, Fällen der Restexion, als in ällen der Refraktion sich weiterhin in Punkten durchhneiden, die alle in einem so kleinen Raume beisammen egen, daß der Abstand dieser verschiedenen Durchhnittspunkte klein genug sen, um den ganzen Raum, a dem sie zerstreut liegen, sur einen einzigen physichen Punkt annehmen zu können, der zu klein sen, um nihm mehrere Punkte von einander zu unterscheiden.

Dieses gilt nun eigentlich nur von solchen Punken einer sphärischen Fläche, die um einen sehr kleinen theil eines Quadranten von der dem leuchtenden Punkt ugekehrten Are des Slases oder des Spiegels entfernt ind. Je größer dieser Abstand ist, desto mehr weicht die erwähnte Voraussetzung von der Wahrheit ab.

Jürs andere ist angenommen worden, der aus einem leuchtenden Element auf ein Linsenelement fallende Strahl werde wie eine einfache Linie durch die Vorder- und Hintersläche des Glases bloß von seiner ursprüng-

ursprünglichen Richtung abgelenket, ohne irgend eine andere Aenderung dabei zu leiden.

Aber auch diese Voraussetzung ift den wirklichen Erscheinungen nicht ganz angemessen.

Wan erhält nach der Brechung von der erleuchteten Stelle, auf welche der gebrochene Strahl fällt, Strahlen von ganz verschiedener Art zurück. Wir umterschieden die verschiedenen daraus entstehenden Empsindungen durch Nunen von Farben, die wir iest den verschiedenen Lichtstrahlen, die nach der Brechung ins Auge fallen, beilegen. Wir demerten hierbei, daß nicht alle Theilchen eines auf eine brechende Stene fallenden Strahls auf einerlei Weise gebrochen werden, sondern einige kärker, einige schwächer, und daß daher der einfallende Strahl nicht nach einer einzigen Richtung abgelenkt, sondern nach verschiedenen Richtungen zerstreut wird. Dabei erscheinen alle die von einem auffallenden Strahle herrührenden zerstreuten Strahlen, die von iedem Zerstreuungspunkt an divergirend ihren Weg sortsehen, als farbige Strahlen.

Also wird selbst ein einzelner Strahl eines Punktes wegen dieser Zerstreuung unter verschiedenen Winkeln gebrochen, woraus verschiedene Vereinigungspunkte und zugleich verschiedene Farben entstehen.

Diese beiden Ursachen stehen also der Bereinigung der Strahlen in einem Punkte im Wege, und man nennt die daher entstehende Abweichung von einem gemeinschaftlichen Vereinigungspunkte die Absweischung wegen der Gestalt und die Abweischung wegen der Farbenzerstreuung.

Bunfzehenter Abschn. Won den Geseten, nach zc. 363

§. I82.

Die Abweichung wegen der Farbenzerstreuung ist bie schäblichste; sie betrifft bloß die Glaslinsen und von ihr ist in diesem Abschnitte die Rede. Da die Divergenz der zerlegten Strahlen desto größer wird, ie oferer die Brechung erfolgt, und ie weiter die divergirenden Strahlen auf ihrem Wege fortgehen; so wird diese Abweichung desto merklicher

- 1) ie mehr Gläser die Strahlen durchwandern mussen,
- a) ie größer die Brennweite einer Linse ift.

ģ. 183.

Ift z. B. abgh (fig. 103.) eine Reihe paralleler Strahlen, die auf das gläserne Prisma ABC in bhauffallen, so sahren die nach ab auffallenden Lichttheilen in b nach be und be auseinander und dipergiren weiterhin nach ed und es.

Ebenso fahren die nach gh auffallenden Lichttheilschen in h nach hi und hk auseinander, und diversiren weiterhin nach in und km.

Die wenigst brechbaren Lichttheilchen fahren nach ef, die brechbarsten nach cd.

Won den wenigst brechbaren bis zu den brechbar-

Noth, Punkelgelb, Hellgelb, Grun, Hellblan, Dunkelblau und Piolett unterscheiben.

§. 184.

Beiläufig muß ich hier bemerken, daß ich der gewöhnlichen Erklärung dieser Erscheinung nicht beitreten fann. kann. Man stellt sich den welsen Lichtstrahl ab als einen aus mehreren einfachen Strahlfäden zusammengesetzten Lichtstrahl vor, dessen einzelne Fäden beim Durchgang durch eine brechende Fläche nur von einander abgesondert würden.

Joh erkläre mir aber die Erscheinung aus der Verschiedenheit der Lichtheilchen oder Lichtkügelchen, welche in großer Entfernung in einer geraden Linke einander folgen, wie von 2 nach b.

Die Materie, bessen äussere Fläche die brechende Fläche ist, hat gegen diese unter sich verschiedene Lichtstheilchen, eine größere oder geringere Anziehungstraft, und lenkt sie daher unter verschiedenen Winkeln von ihrer vorigen Richtung ab.

ş. 185.

Jede so entstandene besondere Reihe gleichartiger Lichttheilchen bildet nun einen eigenen Strahl von bestimmter Farbe und kann um deswillen als einsacher Lichtstrahl gelten, weil er bei einer neuen Brechung nicht auss neue zerlegt wird, auch seine Farbe nicht weiter ändert.

§. 186.

Man muß nur die Farbe, unter der uns eine dem Tageslicht ausgesetzte Materie erscheint, nicht aus derselben Ursache erklären, d. h. z. B. die rothe Farbe nicht etwa daraus erklären wollen, daß diese Materie nur die rothen Lichttheilchen zurückgebe und die übrigen in sich aufnehme. Jeder farbige oder gefärbte Körper sendet Licht aller Art aus, und eben darum kann bei Gegenständen aller Farben, wenn sie durch Glä-

Funfzehenter Abschn. Bon den Gesetzen, nach zc. 365 Gläser betrachtet werden, die erwähnte Jarbenzerstreuung eintreten (f. oben §. 24).

§. 187.

Ærklär. MN (fig. 104.) sen eine Linse von unbeträchtlicher Dicke; DM, DN zwei von D aus auf die Linse fallende Strahlen in gleicher Entsernung von der Axe DO, so wird der Strahl DN nach der Brechung in verschiedenen Fäden sich gegen die Axe neigen, so daß z. B. der brechbarste Jaden die Axe in B, der wenigstbrechbare sie in O schneibet.

Liegt nun v in der Mitte von βO , so kann man v als den mittlern Vereinigungspunkt bestrachten, welcher in den vorhergehenden Abschnitten durchaus verstanden werden muß. Die Winkel v N O oder v N β , die hier als gleichgroß angesehen werden dursen, heisen bei dieser Betrachtung Abweichungsswinkel; pv oder qv sind die Seitenadweischung, nämlich vom mittlern Punkt v; der Kreisdung, nämlich vom mittlern Punkt v; der Kreisdung, nämlich vom mittlern Punkt v; der Kreisdung, nämlich vom diese Längenadweichungsskreis; β v oder O v ist die Längenadweichungsskreis; β v oder O v ist die Längenadweichungsskreis; β v oder O v ist die Längenadweichungs.

§. 188.

Aufg. Die Längenabweichung zu bestimmen, wenn das Brechungsverhältniß für die drei Strahlen Nß, NO und Nv (sig. 104), ingleichem die Vereinigungsweite und Brennweite sür die mittlern Strahlen gegesben sind, und Da als die Entfernung des Objetts unveränderlich angenommen wird.

Aufl. 1. Es sen Da = 5, die Vereinis gungsweite av für die mittlern Strahlen = a, die BrennBrennweite für die mittlern Strahlen = f, so daß a und f ganz in der bisherigen Bedeutung genommen werden; so ist, die Dicke des Glases als unbedeutend angenommen,

$$f = \frac{a\delta}{a+\delta}$$

Aendert sich nun f, so ändert sich zugleich a, und indem zu den äussersten Strahlen ein anderer Werth von f gehört als zu den mittleren, so gehört ihnen auch ein anderer Werth von a zu.

'2. Weil nun die ganze Aenderung vom mittlern Strahlfaden bis zu den äussersten sehr klein ist, so kann man die zusammengehörigen Aenderungen von fund a als die Differentialien von f und a ansehen.

Aber um berer willen, welche von den Differentialverhältnissen nichts wissen, setze ich

so hat man

$$\Delta f = \frac{(\alpha + \Delta \alpha) \cdot \delta}{\alpha + \Delta \alpha + \delta} - \frac{\alpha \delta}{\alpha + \delta}$$

$$= \frac{\delta^2 \Delta \alpha}{(\alpha + \delta)^2 + (\alpha + \delta) \cdot \Delta \alpha}$$

ober genau genug

$$\Delta f = \frac{\delta^2}{(\alpha + \delta)^2} \cdot \Delta \alpha; \text{ aber}$$

$$\frac{\delta}{\alpha + \delta} = \frac{f}{\alpha}, \text{ also } \Delta f = \frac{f^2}{\alpha^2} \cdot \Delta \alpha$$

$$\text{und } \Delta \alpha = \frac{\alpha^2}{f^2} \cdot \Delta f$$

Junfzehenter Abidn. Bon den Gefeten, nach zc. 367

3. Es hängt aber die Veränderlichkeit der Brennweite f von der Veränderlichkeit des Brechungsverhältuisses, also von μ ab.

Es ist nämlich (a. a. D. H)

$$f = \frac{r_g}{(\mu - 1) \cdot (r + e)}$$

SPEE

$$(\mu-1).f = \frac{re}{r+e}$$

also, weil r und e hier als unveränderlich angesehen werben mussen,

$$\Delta\left(\frac{re}{r+e}\right)=0$$

und daher auch

$$\triangle ((\mu-1).f) = 0$$

. Es ift aber

$$\Delta ((\mu-1).f) = (f+\Delta f).(\mu+\Delta\mu-1)$$

$$-f.(\mu-1)$$

$$= \mu\Delta f + f\Delta\mu - \Delta f + \Delta f.\Delta\mu$$

oder genau genug

$$= (\mu-1).\Delta f + f.\Delta \mu$$

Demnach

$$(\mu-1) \cdot \Delta f + f \cdot \Delta \mu = 0$$

und

$$\Delta f = -\frac{f \cdot \Delta \mu}{\mu - 1}$$

4. Diesen Werth statt Af (110. 2.) gebraucht, giebt

$$\Delta \alpha = -\frac{\alpha^2 \cdot \Delta \mu}{(\mu - 1) \cdot f}$$

welches die Längenabweichung ist, wenn solche nur von einem einzigen Glase herrührt.

§. 189.

Aufg. Die Längenabweichung, wie im vorigen Jalle, für 2 Gläser zu bestims men (fig. 105).

Aufl. 1. Die Halbmesser von den Krümmungen der Gläser, und ihr Abstand au werden als bestimmte Größen angesehen, von deren Aenderung nicht die Rede ist, die also wie aD hier als beständige Größen betrachtet werden.

- 2. β , v, O sepen die Vereinigungspunkte für die Strahlen von der größten, von der mittlern und von der geringsten Brechbarkeit, hinter dem ersten Glase MN.
- 3. Alle Strahlen burchfreuzen einander hinter dem ersten Glase in dem Stück β O der Axe, und sahren dann divergirend gegen das 2te Glas PQ, wo sie zwar wieder gebrochen, aber nicht noch einmal zer-legt werden.
- 4. Wenn nun v der erste Vereinigungspunkt sür Strahlen von einem gewissen mittleren Brechungsverhältnis μ ist, und s den Vereinigungspunkt derselben Strahlen hinter dem zten Glase bedeutet, angenommen, daß für dieselben Strahlen das Brechungsverhältnis nicht mehr durch μ , sondern wegen etwaiger

Junfzehenter Abidn. Won ben Gefeten, nach zc. 369

Werschiebenheit der Glasart, durch μ' ausgedrückt werde; so hat man für das erste Glas

Die peranderlichen Größen

μ, α und f

und für das zweite Glas

Die peranderlichen Größen

 μ' ; die Brennweite des zweiten Glases; die Entfernung va, die = aa-av ist.

Da nämlich au als unveränderlich angenommen wird, av aber die veränderliche Vereinigungsweite abes ersten Glases ist, so muß au — av veränderlich sepu.

- 5. Für die Strahlen aus V sep hinter dem zweisten Glase der Wiedervereinigungspuntt in s; für die aus β in, τ, und für die aus O in Φ.
- 6. Mas in der vorigen Aufgabe, d. h. für das erste Glas Da, av waren, sind für das zweite Va, as; ich will daher

$$va = \delta'$$

$$as = a'$$

setzen; heißt nun des zweiten Glases Brennweite f', so bat man

$$f' = \frac{a' \, \delta'}{a' + \delta'}$$

7. Dieses differentiirt, giebt

$$-\frac{\triangle f'}{(f')^2} = -\frac{\triangle \delta}{\delta'^2} - \frac{\triangle \alpha'}{\alpha'^2}$$

ober

$$\frac{\Delta f'}{f'^2} = \frac{\Delta \delta}{\delta V^2} + \frac{\Delta \alpha'}{\alpha'^2}$$

und

$$\Delta \alpha' = \left(\frac{\Delta f'}{(f')^2} - \frac{\Delta J'}{(J')^2}\right) \cdot \alpha'^2$$

8. Nun ift (no. 4.)

sder (no. 6. und vor. &. no. 1.)

$$\delta' = \alpha a - \alpha$$

also, weil az unveränderlich ist,

$$\Delta \delta' = -\Delta \alpha$$

ober (vor. §. no. 4.)

$$\Delta \delta' = \frac{\alpha^2 \cdot \Delta \mu}{(\mu - 1) \cdot f}$$

Ferner wie (vor. &. no. 3.)

$$\triangle f' = -\frac{f' \cdot \triangle \mu'}{\mu' - 1}$$

Nur daß hier µ' nicht von der verschiedenen Brechbarkeit der verschiedenen Lichtfäden (diese haben beim zten Glase durchaus einerlei Brechbarkeit), sondern von der Verschiedenheit der Glasart abhängt, die man bei der zweiten Linse gestattet.

9. Substituirt man no. 7. die in no. 8. gefundenen Werthe von \triangle d' und \triangle f', so erhält man

Junfzehenter Abidn. Won ben Gefeten, nach zc. 371

$$\Delta \alpha' = \left(-\frac{\Delta' \mu'}{(\mu' - 1) \cdot f'} - \frac{\alpha^2 \cdot \Delta \mu}{f \cdot (\delta')^2 \cdot (\mu - 1)} \right) \cdot \alpha'^2$$

$$= -\left(\frac{\Delta \mu}{\mu - 1} \cdot \frac{1}{f} + \frac{\Delta \mu'}{\mu' - 1} \cdot \frac{1}{f'} \cdot \frac{(\delta')^2}{\alpha^2} \right) \cdot \frac{\alpha^2 \cdot (\alpha')^2}{(\delta')^2}$$

velches in der letten Figur die 75 oder die Øs bes deutet, nämlich die Längenabweichung hinter der zweisten Linse.

Aufa. Die Längenabweichung für ein drittes Glas zu bestimmen.

Ittfl. 1. Hier bebeuten wiederum a", f", u" und d' und d' für das zie Glas, was a', f', u' und d' für das zie, und es wird wiederum u" in Bezug auf die Berschiedenheit der Glasart für die zie Linse als veränderlich angesehen.

2. Nach diesen Voraussetzungen ist, wie vorhin,

$$f'' = \frac{\alpha'' + \delta''}{\alpha'' + \delta''}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{\alpha'' + \delta''}{\alpha''\delta''} = \frac{1}{\delta''} + \frac{1}{\alpha''}$$

3. Auch ist hier ver Abstand des zweiten vom deitten Glase als eine unveränderliche Größe anzuschen, das also

$$\Delta \alpha' + \Delta \delta'' = 0$$

ster .

wirt.

Aa 2

4. Mat

Die Photometrie.

$$\frac{\Delta \mu}{(\mu - 1) \cdot f} + \frac{\Delta \mu'}{(\mu' - 1) \cdot f'} \cdot (\frac{\delta'}{\mu})^2 = 0 *)$$

verwandelt; also

$$-\frac{(\mu-1).f}{\Delta\mu} = \frac{(\mu'-1).f'.\alpha^2}{.\Delta\mu',(\delta')^2}$$

3. Schreibt man hier $\frac{a'\delta'}{a'+\delta'}$ flatt f', so erhalt

Man

$$= \frac{(\mu - 1) \cdot f}{\Delta \mu} = \frac{(\mu' - 1) \cdot \alpha' \delta' \cdot \alpha^2}{\Delta \mu' \cdot (\alpha' + \delta') \cdot (\delta')^2}$$
$$= \frac{(\mu' - 1) \cdot \alpha' \cdot \alpha^2}{\Delta \mu' \cdot \delta' \cdot (\alpha' + \delta')}$$

und nun

$$f = \frac{-\Delta \mu \cdot (\mu'-1) \cdot \alpha' \cdot \alpha''}{\Delta \mu' \cdot (\mu-1) \cdot \delta' \cdot (\alpha'+\delta')}$$

4. Sett man $\frac{\Delta \mu}{\mu - 1} = \beta / \frac{\Delta \mu'}{\mu' - 1} = \eta$, so with

hiernach

$$f = -\frac{\zeta \cdot \alpha' \cdot \alpha^2}{\eta \cdot \delta' (\alpha' + \delta')}$$

5. Beil

*) Der auch :

$$\frac{\Delta \mu}{\Delta \mu'} \cdot \frac{1}{(\mu-1) \cdot f} + \frac{1}{(\mu'-1) \cdot f'} \cdot \left(\frac{\delta'}{a}\right)^2 = 0$$

Diese Gleichung kann in einem vorkommenden Falle zur Prusung dienen, ob eine gegebene Anordnung zweier Glaser viel oder wenig von der achromatischen abweiche.

Funfzehenter Abschn. Won ben Gesetzen, nach zc. 375,

5. Weil nun hier von sehr entfernten Objetten & Rebe ist, so fann man

$$a = f$$

pen. Diefes giebt (no. 4)

$$f = -\frac{\langle \cdot \alpha' \cdot f^2 \rangle}{\eta \cdot \delta' (\alpha' + \delta')}$$

0

$$f = -\frac{\eta \delta'(\alpha' + \delta')}{\zeta \cdot \alpha'} (\mathfrak{p})$$

er auch

$$f = -\frac{\eta}{\zeta} \cdot \frac{(\delta')^2}{f^{\frac{1}{2}}}$$

6. Sest man die Entfernung beiber Gläser von pander = w, so ist

$$f + \delta' = w$$

7. Wenn μ für Kronglas ober gemeines grünhes Glas gebraucht wird, und μ' für englisches Kri-Uglas ober Flintglas, so ist der Erfahrung zulge

$$\mu = 1/55
\mu - 1 = 0/55
\mu' = 1/62
\mu' - 1 = 0/62$$

w gleichfalls aus der Erfahrung beinahe

$$\Delta \mu : \Delta \mu' = 2 : 3$$

so

$$\frac{\eta}{\zeta} = \frac{\Delta \mu' : (\mu' - 1)}{\Delta \mu : (\mu - 1)}$$

$$= \frac{\mu - 1}{\mu' - 1} \cdot \frac{\Delta \mu'}{\Delta \mu} = \frac{55}{62} \cdot \frac{3}{2}$$
21 a 4

376 Die Photometrie.

ober.

$$\frac{\cancel{9}}{\cancel{5}} = \frac{\cancel{165}}{\cancel{124}} = \text{febr nahe } \frac{\cancel{4}}{\cancel{3}}$$

Daher für die Wegschaffung der Farben (no. 5.)

$$f = -\frac{4}{3} \cdot \frac{(\delta')^2}{f'}$$

wo also f und f' einander entgegengesetzt senn mussen, b. h wenn das vordere ein erhabenes Glas ift, so muß bas hintere ein bobles senn.

> Bequemere Umwandlung biefer Formel

8. Man weiß, daß $m=\frac{f}{f}$ die Vergrößerungs jahl für das zweite Glas ift, und weil es zur fernern Anwendung biefer Formeln bequem ift, die Vergröße rungsjabl barin ju baben, so setze man statt d' ben Werth $\frac{1}{m}$, ben die Gleichung $m = \frac{1}{4}$ giebt, in (H. **n**0. 5).

Auf diese Weise erhalt man

$$f = -\frac{\eta \cdot \frac{f}{m} \cdot (\alpha' + \frac{f}{m})}{\zeta \alpha'}$$

$$= -\frac{\eta}{\zeta} \cdot \frac{f \alpha' m + f^2}{\alpha' m^2}$$

alfo

 $-\zeta \alpha' m^2 = \eta \alpha' m + \eta f$

Funfzehenter Abichn. Wonden Gefetzen, nach zc. 377

$$f = -\frac{\langle \alpha' m^2 + \eta \alpha' m}{\eta}$$

there I.
$$f = -\frac{\zeta m + \eta}{\eta} \cdot \alpha' m$$

Und weil nun $f' = \frac{\alpha' \delta'}{\alpha' + \delta!}$, also, $\frac{f}{m}$ statt &

$$f' = \frac{\alpha' \cdot \frac{f}{m}}{\alpha' + \frac{f}{m}}$$

if, so erhält man, indem man

$$-\frac{\zeta m + \eta}{\eta}$$
. w flatt $\frac{f}{m}$

fareist,

$$f' = -\frac{\frac{\langle m+n \rangle}{n} \cdot \alpha'}{\alpha' - \frac{\langle m+n \rangle}{n} \cdot \alpha'}$$

$$= -\frac{(\langle m+n \rangle) \cdot \alpha'}{n - (\langle m+n \rangle)}$$

Bet

II.
$$f' = \frac{\langle m + \eta \rangle}{\langle m \rangle} \cdot a' *$$

20. Beil

*) Diese beiben Gleichungen für f und f', wosür man auch

$$f = -\left(1 + \frac{\zeta m}{n}\right) \cdot \alpha' m$$

und

9. Beil (no, 6'.) $f + \delta' = w$ also d' = w - f, so hat men auch $m = \frac{f}{w - f}$

wenn w gegeben ware.

10. Ift m gegeben, so hat man

$$\mathbf{w} - \mathbf{f} = \frac{\mathbf{f}}{\mathbf{m}}$$

alfo

$$w = \frac{(m+1).f}{m}$$

§. 194.

Sur einen besondern Jall. (fig. 1061)

1. Es konnte f > w senn; in biesem Fall wate I' = w-f verneint. Reben stehende Zeichnung betiebt

und

$$f' = \left(1 + \frac{\eta}{\zeta m}\right) \cdot \alpha'$$

sețen fann, lassen sich sehr leicht zur achromatischen Am ordnung zweier Glaser gebrauchen, indem man für Krow und Flintglas (aus no. 7)

$$\frac{\frac{\eta}{\zeta} = \frac{4}{3}}{\frac{3}{4}}$$
also
$$\frac{\zeta}{\eta} = \frac{3}{4}$$

substituirt.

Funfzehenter Abschn. Wonden Gesetzen, nachte. 379 zieht sich auf diesen Fall, da nämlich av = f und an = wist, also d' = - av.

In ebendiesem Falle ist dann auch, f beiaht ansenommen, $m=\frac{f}{54}$ verneint also

$$f = \frac{\eta - \zeta m}{\eta} \cdot a' m$$

welches, um beiaht zu seyn, einen kleinen Werth von in voraussetzt.

Ware nicht nur 3', sondern zugleich f verneint, 'fo bleibt $m=\frac{f}{s'}$ beiaht, und

$$f = -\frac{\zeta m + \eta}{\eta} \cdot \alpha' m$$

daher mußte in diesem Fall das erste Glas ein Hoble. glas seyn; das zweite aber ware bann ein erhabenes.

2. Würden beide Gläser einander so nahe gebracht, daß f und δ' als gleichgroß angesehen werden thuten, so würde $m=\frac{f}{\delta'}=-1$ oder =-1, nachdem f verneint oder beiaht wäre.

Also in diesem Falle

für ein be-
tahtes f
$$\begin{cases} f = \frac{n-\zeta}{n} \cdot \alpha' \\ f' = \frac{\zeta-n}{\zeta} \cdot \alpha' \end{cases}$$

für ein ver-
neintes f
$$f' = \frac{n+\zeta}{n} \cdot a'$$

$$f' = \frac{n+\zeta}{\zeta} \cdot a'$$

Demnach muß für die ackromatische Eigenschaft folgendes Berhältnis statt finden:

$$f: f' = \zeta: -\eta$$

ober die Brennweiten der verschieden Linsen muffen sich wie die Maase der Farbenzerstreuung der Siazarten, aus welchen diese Linsen bestehen, verhalten.

Damit nun $\frac{\eta - \zeta}{\eta}$. a' beiaht werden könne, müßte das hintere Glas PQ von Kristallglas (Flintglas) und das vordere von Kronglas gemacht seyn.

Dann ware bas vorbere ein erhabenes Glas und bas hintere ein hohles.

Rehrte man bem Objekt das Aristallglas zu, so würde, weil sauf das vordere geht, n—s verneint und es fande also kein beiahtes f statt. Daher mußte in diesem Falle das vordere Glas, d. i. das Aristallglas, ein Hohlglas sepp, um ein verneintes f erhalten zu tonnen *).

Ber

*) Im Falle (H) ist bes Kronglases Brennweite die s, im Falle Z ist sie die s', nämlich allemal die beiahte.

Im Falle (\mathfrak{H}) ist $\zeta < \eta$, daher, die Zeichen bei Seitt gesest, f' > f.

Im Falle (🕇) ist n < z; also, die Zeichen bei Seitt gesetzt, f > f'.

١.

Dem

Bunfzehenter Abidn. Wonden Gesetzen, nach zc. 381

Werben also zwei Linsen, eines von Kronglas und das andere von Flintglas, zusammengeordnet, so nuß allemal das von Flintglas ein Zohlglas und das von Kronglas ein erhabenes Glassenn.

3. Wenn eine Anordnung mit einem aus zwei sehr nahe zusammengerückten Gläsern bestehenden Objektiv ein achromatisches Wertzeug abgeben soll, so muß (h. 193. 110. 2)

$$\frac{\zeta}{f} + \frac{\eta}{f} \cdot (\frac{\delta'}{a})^2$$
 beinabe = 0

also
$$(3' = -f \text{ ober} = -a \text{ geset})$$

$$\frac{\zeta}{c} + \frac{\eta}{c} \text{ beinabe} = 0$$

fenn, b. i. beinabe

$$\frac{\zeta}{f} + \frac{\frac{4}{f}\zeta}{f'} = 0$$

sdet

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{\frac{1}{2}f'} = 0$$

alfo

$$f = -\frac{1}{2}f'$$

porausgesett, daß n = 43 sep.

Daher läßt sich hiernach ein solches Werkjeug in Ansehung der Frage, ob es für Strahlen, die von Punkten in der Are herkommen, achromatisch sen, leicht prüfen.

§. 195.

Dennach allemal des Hohlglases, oder hier des Flintglases, Brennweite gedßer als die des erhabenen, oder die des Kronglases.

§. 195.

Aufg. Drei Linsen in eben dem Sinne achromatisch zusammenzuordnen.

Unfl. 1. Für diese Einrichtung muß (§. 190.
110, 4.) $\Delta z'' = q$ gesetzt werden; man hat daher die Fundamentalgleichung

$$\frac{\Delta \mu}{\mu - \mathbf{I}} \cdot \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{f}} + \frac{\Delta \mu'}{\mu' - \mathbf{I}} \cdot \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{f}'} \cdot \frac{\delta' \delta'}{\alpha^2}$$

$$+ \frac{\Delta \mu''}{\mu'' - \mathbf{I}} \cdot \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{f}''} \cdot \frac{\delta' \delta'}{\alpha^2 \cdot \alpha' \alpha'} = 0$$

2. Weil man nun gewöhnlich die zie Linse von derselben Glasart macht, wie die Iste, so kann man $\frac{\Delta \mu}{\mu''-1}$ schreiben.

Behålt man nun, wie im vor. \S , $\frac{\Delta \mu}{\mu - 1} = \S$ und $\frac{\Delta \mu'}{\mu' - 1} = \eta$, auch, wegen der hier vorausgesetzten sehr beträchtlichen Entsernung des Objekts, $\alpha = f$, so verwandelt sich die vorstehende Gleichung in diese

$$\frac{\zeta}{f} + \frac{\eta}{f'} \cdot \frac{\delta' \delta'}{f^2} + \frac{\zeta}{f''} \cdot \frac{f'^2}{\delta' \delta'} \cdot \frac{\delta'' \delta''}{\alpha' \alpha'} = 0$$

3. Schreibt man m, m', statt ber Quotienten $\frac{f}{\delta'}$, $\frac{a'}{\delta''}$, so erhält man

$$\frac{\zeta}{f} + \frac{\eta}{f'} \cdot \frac{1}{m^2} + \frac{\zeta}{f''} \cdot \frac{1}{m^2} \cdot \frac{r}{m' \cdot m'} = 0$$

ober

Junfzehenter Abschu. Won den Gefeten, nach zc. 383

$$\frac{m^2 \cdot m'm'}{f} + \frac{m'm'n}{f'\zeta} + \frac{r}{f''} = 0$$

4. Es ift aber

$$\frac{1}{f'} = \frac{1}{s'} + \frac{1}{s'} = \frac{m}{f} + \frac{1}{s'}$$
 (1)

$$\frac{1}{f''} = \frac{1}{\delta''} + \frac{1}{\alpha''} = \frac{m'}{\alpha'} + \frac{1}{\alpha''}$$
 (5

Substituirt man diese Werthe statt $\frac{1}{f'}$ und $\frac{1}{f''}$, so will man (110.3.)

$$(\frac{\eta}{\zeta} + m) \cdot m \cdot m'm' \cdot \alpha'\alpha'' + (\frac{\eta}{\zeta} \cdot m'm'\alpha'' + m'\alpha'' + m'\alpha'$$

ther

$$f = -\frac{(\frac{\eta}{\zeta} + m) \cdot m \cdot m' m' \cdot \alpha' \alpha''}{\frac{\eta}{\zeta} \cdot m' m' \cdot \alpha'' + m' \alpha''$$

Æ

1.
$$f = -\frac{(\frac{\eta}{\zeta} + m) \cdot m \cdot m' m' \cdot \alpha' \alpha''}{(\frac{\eta}{\zeta} m' + 1)' \cdot m' \alpha'' + \alpha'}$$

Diesen Werth start f in (H no. 4) gebraucht, ebt

II.
$$f' = \frac{(\frac{\eta}{\zeta} + m) \cdot m'm' \cdot \alpha ! \alpha !!}{(m \cdot m' - 1) \cdot m'\alpha'' - \alpha !}$$

und die Gleichung (Ono. 4) giebt geradeju

III.
$$f'' = \frac{\alpha' \alpha''}{m' \alpha'' + \alpha'}$$

§. 196.

Zur einen besondern Sall.

Man tann die Glaser so nahe zusammenseben, daß beinahe

$$m (=\frac{f}{\delta l}) = - r$$

 $\mathbf{m}' \; (= \frac{\mathbf{a}'}{2n}) = -\mathbf{1}$ unb

merbe.

Dann verwandeln fich bie Gleichungen (L. II. III. no. 4) in folgende

I.
$$f := \frac{\left(\frac{\eta}{\zeta} - 1\right) \cdot \alpha' \cdot \alpha''}{\left(\frac{\eta}{\zeta} - 1\right) \cdot \alpha'' + \alpha'}$$

II.
$$f' = \frac{(\frac{\eta}{\zeta} - f') \cdot \alpha' \alpha''}{(m \cdot m' - 1) \cdot m' \alpha'' - \alpha'}$$

$$= \frac{\left(\frac{\eta}{\zeta} - 1\right) \cdot \alpha' \alpha''}{\alpha'}$$

Junfzehenter Abschn. Won ben Gesetzen, nach zc. 385

$$= -\left(\frac{\eta}{\zeta} - 1\right) \cdot a^{\prime\prime}$$

$$= \frac{a^{\prime} \cdot a^{\prime\prime}}{a^{\prime} - a^{\prime\prime}}$$

Bur Prufung eines Fernrohres mit einem dreischen Objektiv, deffen drei Gläser ganz nahe beisammen siehen, ob es für Strahlen, die von strahlenden dunkten in der Axe berkommen, achromatisch sep, kann de Formel 110. 3. gebraucht werden, indem man darin $n^2 = m'$. m' = 1 sett. Sie verwandelt sich auf dese Weise in diese

$$\frac{\zeta}{f} + \frac{\eta}{f!} + \frac{\zeta}{f''} = 0$$

Geben diese drei Quotienten zusammen beinahe Rull, so kann man das zusammengesetzte Objektiv für ie erwähnten Strahlen als achromatisch ansehen.

§. 197.

Bolftanbigere Anwendungen werden in ver Folge dekommen, wo man auch die mit der Farbenzerstreuung verbundene Winkeladweichung braucht. Es sep ismlich Nva (sig. 104.) = 4 der Winkel, den die ver mittleren Brechung unterworfenen Strahlen mit ver Axe DO machen; wenn nun aus dem Winkel Nva bei der Farbenzetstreuung der Nsa oder der NOa wird, die hier einander gleich gesetzt werden, o hat man

 $\psi = NO + ONv$

alfo

$$NOa = \psi - ONv$$

Dahen ist ONv die Aenderung, welche der Winel Pleidet, istdem aus ihm der NOa oder der NBa Langestorfs Photom. Bb wird. wird. Diese Aenderung heißt hier die Winkelabs weichung, die sich mit Die bezeichnen läßt. Sie ist einerlei mit dem schon oben erwähnten Abweis chungswinkel (§. 187),

§. 198.

Aufg. Die Wintelabweichung du alle gemein sin einziges Glas zu bestimmen, wenn das Brechungsverhältniß u mit seiner Aenderung du, der Oeffnungshalbmesser Blases und seine Bremweite f gegeben sind.

Aufl. Weil, unter 4 ben jum Winkel gehorigen Schen für ben Dalbmesser — 1 verstanden, wo gen der Riemheit der hier vorkommenden Winkeln

$$\psi = \frac{s}{a}$$

angenommen werten barf, so erhalt man

$$\psi + \Delta \psi = \frac{\mathfrak{B}}{\alpha + \Delta \alpha} = \mathfrak{B} \cdot \left(\frac{1}{\alpha} - \frac{\Delta \alpha}{\alpha^2} + \frac{\Delta \alpha^2}{\alpha^3} - \kappa \right)$$

oder genau genug $=\frac{8}{a}-\frac{8.\Delta a}{a^2}$

olle

$$\Delta \psi = -\frac{\Delta z}{a^2} \cdot \mathfrak{B}$$

Es ist aber
$$\frac{\Delta \alpha}{\alpha^2} = -\frac{\Delta \mu}{(\mu - 1) \cdot f}$$
 (§. 188. no. 4)

demnach

$$\Delta \Psi = -\frac{\Delta \mu}{(\mu - 1) \cdot f} \cdot \mathfrak{B}$$

& 199.

Funfzehenter Abidn. Bon ben Gefegen, nach zc. 987

§. 199.

Aufg. Die Winkelabweichung für wei Gläser zu bestimmen.

Auf fl. Der Winkel, unter welchem die zur nittleren Brechung gehörigen Strahlen die Are, hinter em zten Glase schneiben, sen, in der Bedeutung des we-5. genommen, = ψ ; so hat man (§.162.)

$$\psi = \frac{\mathfrak{B}''}{\mathfrak{d}''} = \frac{\mathfrak{d}'}{\mathfrak{a}'\mathfrak{a}} \cdot \mathfrak{B}$$

Man sehe nun zuerst d' als unveränderlich an, is erhält man, indem man im vor. §. d'B statt B, mb a'a statt a schreibt,

$$\psi + \Delta \psi = \mathfrak{B} \psi \cdot \left(\frac{1}{a'a} - \frac{\Delta \cdot (a'a)}{(a'a)^2} \right)$$

Weil aber δ' wirklich veränderlich ist, so daß $\delta' + \Delta \delta'$ zu $\psi + \Delta \psi$ gehört, so wird

$$\psi + \Delta \psi = 3.(\delta' + \Delta \delta').\left(\frac{1}{\alpha'\alpha} - \frac{\Delta(\alpha'\alpha)}{(\alpha'\alpha)^2}\right)$$

$$= \mathfrak{B} \delta' \cdot \frac{1}{\alpha' \alpha} - \mathfrak{B} \delta' \cdot \frac{\triangle (\alpha' \alpha)}{(\alpha' \alpha)^2} + \mathfrak{B} \triangle \delta' \cdot \frac{1}{\alpha' \alpha}$$

$$+ \mathcal{B} \triangle \delta' \cdot \frac{\triangle (\alpha' \alpha)}{(\alpha' \alpha)^2}$$

ober, weil $\psi = \frac{x \, \delta'}{\alpha' \, \alpha}$ ist,

$$\Delta \Psi = - \mathcal{B} \delta' \cdot \frac{\Delta(\alpha'\alpha)}{(\alpha'\alpha)} + \frac{\mathcal{B} \Delta \delta'}{\alpha'\alpha} + \frac{\mathcal{B} \Delta \delta' \cdot \Delta(\alpha'\alpha)}{(\alpha'\alpha)^2}$$

alfo

Läßt man nun hier bas zte Glieb wegen feiner Rieinheit weg, und schreibt a'. $\triangle = + = . \triangle = '$ katt A (a'd) fo erhalt man

$$\Delta \Psi = \mathfrak{B} \cdot \left(\frac{-\alpha' \delta' \triangle \alpha - \alpha \delta' \triangle \alpha'}{(\alpha' \alpha)^2} + \frac{\triangle \delta'}{\alpha' \alpha} \right)$$

ober, weit $\triangle \alpha$ fatt — $\triangle \delta'$ gesett werben barf,

$$\Delta \psi = \frac{\delta' \Delta \alpha}{\alpha' \alpha^2} \Im - \frac{\alpha \Delta \alpha}{\alpha' \alpha^2} \Im - \frac{\delta' \Delta \alpha'}{\alpha (\alpha')^2} \Im + \frac{(\alpha + \delta') \cdot \Delta \alpha}{\alpha^2 \alpha'} \Im - \frac{\delta' \Delta \alpha'}{\alpha (\alpha')^2} \Im +$$

§. 200.

Da nun überhaupt, wenn fich das Zeichen 🛆 auf sehr kleine Aenderungen bezieht, $\triangle yz = y \triangle z$ $+z\Delta y$

*) Wer mit der Differentialrechnung bekannt ift, bedarf bleser weitläuftigen Rechnungen nicht. Weil nämlich $\psi'=$ 3. 8, so hat man in Logarithmen

$$14' = 18' + 18' - 1a' - 1a$$

$$\frac{\mathrm{d}\psi'}{\psi'} = \frac{\mathrm{d}\delta'}{\delta'} - \frac{\mathrm{d}\alpha'}{\alpha'} - \frac{\mathrm{d}\alpha}{\alpha}$$

und nun, J'B fatt bes Nenners 4' gesest,

$$d\psi = -\frac{(\alpha+\delta')d\alpha}{\alpha^2\alpha'} \mathcal{B} - \frac{\delta d\alpha'}{\alpha(\alpha')^2} \mathcal{B}$$

und so auch für mehrere Glaser.

Junfzehenter Abichn. Bon ben Gefeten, nach zc. 319

 $+z \triangle y$, und $\triangle \frac{y}{z} = \frac{z \triangle y - y \triangle y}{z^2}$ sefundes wird, so lassen sich auß den Gleichungen $\psi'' = \frac{y \beta''}{z^2} \cdot \mathcal{B}$, $\psi''' = \frac{y \beta'' \beta'''}{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha'''} \cdot \mathcal{B}$ u. s. s. seight die Berthe von $\triangle \psi''$, $\triangle \psi'''$ u. s. s. f. herkelten.

Es wird namlich für 3 Gläser

$$\Delta \Psi'' = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \cdot \Delta (\delta' \delta'') - \delta'' \overline{\Delta} (\alpha \alpha' \alpha'')}{(\alpha \alpha' \alpha'')^2} \mathfrak{B}$$

der ift der Zähler Bu.

= a1 (3/ \311+311 \31) - 5' \311 (a a \\ \a11+ a a 1 \\ \a1 + \a1 \\ \a1)

ieser mit $(\alpha \alpha' \alpha'')^2$ dividirt, giebt

$$\left(\frac{\delta' \Delta \delta''}{\alpha \alpha' \alpha''} + \frac{\delta'' \Delta \delta'}{\alpha \alpha' \alpha''} - \frac{\delta' \delta'' \Delta \alpha''}{\alpha \alpha' (\alpha'')^2} - \frac{\delta' \delta'' \Delta \alpha''}{\alpha \alpha'' (\alpha'')^2} - \frac{\delta' \delta'' \Delta \alpha''}{\alpha'' (\alpha'')^2} - \frac{\delta' \delta'$$

Es ist aber $\Delta \delta' = -\Delta \alpha_1 \cdot \text{und } \Delta \delta'' = -\Delta \alpha'$

$$\Delta \psi'' = \frac{-(3+\alpha)\delta''\mathfrak{B}}{\alpha^2\alpha'\alpha''} \Delta \alpha - \frac{(\delta''+\alpha')\cdot\delta'\mathfrak{B}}{\alpha(\alpha')^2\alpha''} \Delta \alpha^4$$

$$-\frac{\delta'\delta''\mathfrak{B}}{\alpha \alpha'(\alpha'')^2} \Delta \alpha''$$

Ebenso für 4 Gläser

$$\frac{1}{\alpha^{2} u^{l} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l}}{\alpha^{2} u^{l} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{(\alpha^{l} + \delta^{l}) \delta^{l} \delta^{l} \delta}{\alpha^{2} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{(\alpha^{l} + \delta^{l}) \delta^{l} \delta^{l} \delta}{\alpha^{2} \alpha^{l} (\alpha^{l})^{2} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta}{\alpha^{2} \alpha^{l} (\alpha^{l})^{2} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta}{\alpha^{2} \alpha^{l} (\alpha^{l})^{2} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta}{\alpha^{2} \alpha^{l} (\alpha^{l})^{2} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l} (\alpha^{l})^{2} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l} \alpha^{l} (\alpha^{l})^{2} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l} \alpha^{l} (\alpha^{l})^{2} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l} \delta^{l}}{\alpha^{2} \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l}}{\alpha^{2}} \Delta \alpha^{l}} \Delta \alpha^{l} \frac{\delta^{l}}{\alpha^{2}} \Delta \alpha^{l}} \Delta^{l}} \Delta$$

390 Die Photometrie.

wo die Wahrnehmung des allgemeinen Geefetes bet' Bortzangs nicht schwer fällt.

6, 201,

Die Entfernung bes letten Bildes vom Auge if

ar bet a Blafern af

- 3 — all

p. f. 10.

Der Weitsichtige sieht mittelst Strahlen, die um ter so fleinen Winteln ausgehan, daß sie zur Erleichte tung der Rechnung für parallel angenommen werden durfen, und die Vorausseyung des wirklichen Parallelise mus ändert die wahren Resultsche micht merklich ab.

Sest man nun für diefen Ball

bej 2 Gläsern $\frac{\Delta \alpha}{\alpha'}$

 $\frac{\Delta \alpha}{dH} = \frac{\Delta \alpha'}{\alpha''} \quad \text{and} \quad \frac{\Delta \alpha''}{\alpha'''}$

u. f. w.

so verschwinden in den Werthen von $\Delta \psi'$, $\Delta \psi'$, $\Delta \psi''$, $\Delta \psi''$ 2c. alle Glieder vor dem letzten, und es bleibt noch (§. 200)

 $\Delta \Psi = -\frac{\partial \mathcal{B}}{\alpha} \cdot \frac{\Delta \alpha^{l}}{(\alpha^{l})^{2}}$

 $\Delta \psi'' = \frac{\delta' \delta' \mathcal{B}}{\alpha \alpha'} \cdot \frac{\wedge \alpha''}{(\alpha'')^2}$

 $\Delta \Psi''$

Sul

Junfzehenter Abschn. Won ben Geseten, nach zc. 391

Substituirt man nun hier für $\Delta \alpha'$, $\Delta \alpha''$, $\Delta \alpha'''$ ic. 'hre Werthe aus (§. 236 u. 237), so erhält man \mathfrak{H})

$$\Delta \psi := \left(\frac{\Delta \mu}{\mu - 1} \cdot \frac{1}{f} + \frac{\Delta \mu'}{\mu' - 1} \cdot \frac{\delta'}{\alpha}^{2} \cdot \frac{1}{f}\right) \cdot \frac{\alpha \mathfrak{B}}{\delta t}$$

$$\Delta \psi'' = \left(\frac{\Delta \mu}{\mu - 1} \cdot \frac{1}{f} + \frac{\Delta \mu'}{\mu' - 1} \cdot \frac{\delta'}{\alpha}^{2} \cdot \frac{1}{f^{2}}\right) \cdot \frac{\alpha \alpha' \mathfrak{B}}{\delta t}$$

$$+ \frac{\Delta \mu''}{\mu'' - 1} \cdot \frac{\delta' \delta''}{\alpha \alpha'} \cdot \frac{1}{f^{2}}\right) \cdot \frac{\alpha \alpha' \mathfrak{B}}{\delta t}$$

$$\Delta \psi''' = \left(\frac{\Delta \mu}{\mu - 1} \cdot \frac{1}{f} + \frac{\Delta \mu'}{\mu' - 1} \cdot \frac{\delta'}{\alpha}^{2} \cdot \frac{1}{f^{2}}\right)$$

$$+ \frac{\Delta \mu''}{\mu'' - 1} \cdot \frac{\delta' \delta''}{\alpha \alpha'} \cdot \frac{1}{f''} + \frac{\Delta \mu'''}{\mu''' - 1} \cdot \frac{\delta' \delta'' \delta''}{\alpha \alpha' \alpha''} \cdot \frac{1}{f'''}\right)$$

$$\cdot \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \mathfrak{B}}{\delta' \delta'' \delta'' \delta''}$$

1. f. w. wo man das Gesetz des Fortgangs wiederum ehr leicht wahrnimmt.

Ich muß inzwischen bemerken, daß die auf vortehende Weise bestimmten Werthe von $\Delta \psi$, $\Delta \psi$, $\Delta \psi''$, ic. keineswegs für richtig angenommen werden
können, nicht einmal als nur beiläusig richtig.

Wenn nämlich in dem durch eine Reihe von Gliedern ausgedrückten Werthe einer Größe einzelne Glieder ohne beträchtlichen Fehler sollen weggelassen werden dursen, so wird eigentlich nicht ersodert, daß diese Blieder an sich klein seyen, sondern daß sie in Verstleichung mit den übrig bleibenden Gliestleichung mit den übrig bleibenden Gliest

dern sehr klein sepen. Wenn nun gleich $\frac{\Delta \alpha}{\alpha'}$, $\frac{\Delta \alpha'}{\alpha''}$, $\frac{\Delta \alpha''}{\alpha'''}$ ic. an sich sehr kleine Srößen sind, so kann man doch nicht behaupten, daß diese Größen in Bergleb dung mit den Größen $\frac{\Delta \alpha'}{(\alpha')^2}$, $\frac{\Delta \alpha''}{(\alpha'')^2}$, $\frac{\Delta \alpha'''}{(\alpha''')^2}$ it. sehr klein sepen, und daß man also der Wahrheit nahe genug komire, wenn man das letzte Glied, das die $\frac{\Delta \alpha'}{(\alpha')^2}$, $\frac{\Delta \alpha''}{(\alpha'')^2}$ ic. als Faktoren enthält, allein beibedaite. Der Fehler, der hierdurch begangen wird, kann vielmehr sehr beträchtlich werden.

- -Die so gefundenen Werthe von $\Delta \psi$, $\Delta \psi'$ kitonnen daher nicht einmal als Näherungswerthe, sow dern bloß als beiläusige Verhältnißzahlen siet der Größen $\nabla \psi$, $\Delta \psi'$, $\Delta \psi''$ 2c. gebraucht werden. Wan muß diese Erinnerung in der Folge immer vor Augen haben.
- Uebrigens können biese Ausbrücke in den besordern Fällen weit einfacher werden. 3. B. für ein. Sternrohr ist $\delta' = f'$ und $\alpha = f$, also, wenn beibe Gläser von einerlei Glasart sind,

$$\Delta \psi = \frac{\Delta \mu}{\mu - 1} \left(\frac{1}{f} \cdot \frac{f}{f'} + \frac{f'}{f} \cdot \frac{1}{f'} \right) \cdot 8$$

$$= \frac{\Delta \mu}{\mu - 1} \cdot \left(\frac{1}{f'} + \frac{1}{f} \right) \cdot 8$$

6. 203.

ersieht aus vorstehenden Formeln, daß die wichung desta größer wird, ie kleiner die BrennFunfzehenter Abschn. Won den Gesetzen, nach zc. 393

ennweiten der Ofulare genommen werden, also ie iner die Krummungshalbmesser der Ofularslächen d. Diese verstärfte Winkelabweichung hat aber den ichtheil,

daß einerlei Stelle des Objekts durch Straflen, die von verschiedenen Stellen herzukommen scheinen, dargestellt wird, daher 1) die eigentliche Stelle mit andern vermengt, 2) wegen des vertheilten Lichts zugleich matter und 3) nicht in ihrer eigenkhümlichen Farbe abgebildet wird.

Wenn daher gleich bei der oben vorausgesetzten zerlegbarkeit der Strahlen iede beliedige Vergrößerig oder Räherung eines Objekts durch die einer chen Vergrößerung entsprechende. Bestimmung der ennweiten erhalten werden kounte, so geht doch dies wegen der damit zusammenhängenden Farbenzersenung nicht an, und man muß also wissen, in wies ne man in der Wahl der Okulare in Bezug auf die ner Farbenzerstreuung herrührende Undeutlichkeit er Entstellung des Bildes eingeschränkt ist.

§. 203.

MN (fig. 104) kann unter mehteren hinter einder liegenden Okularen das letzte vorskellen, so ikt
die Vereinigungsweite für die äussersken
der wenigstbrechbaren Strahlen, die man
gemein mit u bezeichnen kann.

Mun hat man .

潜.

$$Ov: vq = Oa: \alpha N$$

$$\mathbf{I}: \Delta \psi^{\mathbf{n}} = \mathbf{u}: \alpha \mathbf{N}$$

alfo

$$\frac{1}{u} = \frac{\Delta \sqrt{n}}{\alpha N}$$

wo n neben 4 nur die hier unbestimmte Anzahl von Strichen bezeichnen foll.

Man hat bemnach

für 2 Gläser für 3 Gl. für 4 Gl.
$$\frac{\Delta \psi'}{u} = \frac{\Delta \psi''}{\alpha N} = \frac{\Delta \psi'''}{\alpha N} = \frac{\Delta \psi'''}{\alpha N}$$

$$\frac{\Delta \psi'''}{\alpha N} = \frac{\Delta \psi''}{\alpha N} = \frac{\Delta \psi$$

Aber a $N = \frac{\delta \cdot \mathfrak{B}}{\alpha}$ $\frac{\delta \cdot \delta \cdot \mathfrak{B}}{\alpha \alpha'}$ $\frac{\delta \cdot \delta \cdot \mathfrak{B}}{\alpha \alpha' \alpha''}$

Substituirt man nun diese Werthe von an (b. h. dom Dessungshalbmesser wegen der Helligkeit), und zugleich die Werthe von AP, AP" u. s. f. wie sie sür den Weitsichtigen und ebendarum überhaupt sür sehr entsernte Objette gelten, so hat man

für 2 Gläser
$$\frac{1}{u} = \left(\frac{\Delta \mu}{\mu - 1} \cdot \frac{1}{f} + \frac{\Delta \mu'}{\mu' - 1} \cdot \left(\frac{\delta'}{\alpha}\right)^2 \cdot \frac{1}{f'}\right) \cdot \left(\frac{\alpha}{\delta'}\right)^2$$

 $\frac{\mathbf{I}}{\mathbf{u}} = \left(\frac{\Delta \mu}{\mu - \mathbf{I}} \cdot \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{f}} + \frac{\Delta \mu'}{\mu' - \mathbf{I}} \cdot \left(\frac{\delta'}{a}\right)^2 \cdot \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{f}'}\right)$

$$+\frac{\Delta \mu''}{\mu''-1}\cdot \left(\frac{\delta'\delta''}{\alpha\alpha'}\right)^2\cdot \frac{1}{f''}\right)\cdot \left(\frac{\alpha\alpha'}{\delta'\delta''}\right)^2$$

für 4 Gläser $\frac{1}{u} = \left(\frac{\Delta \mu}{\mu - 1} \right) \cdot \frac{1}{f} + \frac{\Delta \mu'}{\mu' - 1} \left(\frac{\delta'}{\sigma} \right)^2 \cdot \frac{1}{f'}$

Junfzehenter Abidu. Won den Gefeten, nach zc. 395

$$+\frac{\Delta \mu''}{\mu''-1} \cdot \left(\frac{\delta \delta''}{\alpha \alpha'}\right)^2 \cdot \frac{1}{f''} + \frac{\Delta \mu'''}{\mu'''-1} \cdot \left(\frac{\delta' \delta'' \delta'''}{\alpha \alpha' \alpha''}\right)^2 \cdot \frac{1}{f'''}$$

(21 gir girs);

p. E.E

darfen diese Ausdrücke keineswegs als Werthe von angesehen werden, sondern nur als Berhältnis-

zahlen; die sich beiläusig wie die Werthe von — ver-

balten.

§. 204.

Uufg. Die Bedingungen gleicher Deuts lichteit verschiedener Fernröhren in Ansehung der Farbenzerstreuung zu bestimmen.

Aufl. Der wegen der Helligkeit erfoderliche Halbmesser des lesten Okulars heiße R, so ist, wenn die zugehörige Winkelabweichung mit In bezeichnet wird,

$$\triangle \psi^{n} = \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{u}} \cdot \mathfrak{R}$$

ober

$$\frac{\Delta \psi^n}{\Re} = \frac{\mathbf{1}}{\mathbf{u}}$$

Soll nun für verschiedene Fernröhren der Abweichungswinkel gleichgroß seyn, so muß $\frac{\Delta \psi^n}{R}$ für sie

einer-

bei ersterem.

einerlei Werth haben, also - für die verschiebenen

Fernröhre gleichgroß senn. Wenn, baber bie Unorbe nung irgend eines guten Fernrohres, das N fache Ber größerung giebt, befannt ift, so fann man ein anber res angeben, das gleiche Deutlichkeit, aber M fache Bergrößerung giebt, wenn man bie Einrichtung bei letterem so macht, bas babei — eben so groß wird als

Das, Sternrohr (& 138) kam jur Erläuterung dienett.

Dieses führt zwei Gläser; man hat also (§. 203), wenn beibe Glafer aus einerlei Glasart befteben,

$$\frac{1}{u} = \left(\frac{\Delta \mu}{\mu - 1} \cdot \frac{1}{f} + \frac{\Delta \mu}{\mu - 1} \cdot \left(\frac{\delta'}{a}\right)^2 \cdot \frac{1}{f'}\right) \cdot \left(\frac{a}{\delta'}\right)^2$$

ober, weil hier $N = \frac{f}{f}$, J' = f' und $\alpha = f$ ist,

$$\frac{\mathbf{I}}{\mathbf{U}} = \frac{\Delta \mu}{\mu - \mathbf{I}} \cdot \left(\frac{\mathbf{I}}{\mathbf{f}} \cdot \left(\frac{\mathbf{f}}{\mathbf{f}}\right)^{2} + \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{f}}\right)$$

$$= \frac{\Delta \mu}{\mu - \mathbf{I}} \cdot \left(\frac{\mathbf{N}^{2}}{\mathbf{f}} + \frac{\mathbf{N}}{\mathbf{f}}\right)$$

$$= \frac{\Delta \mu}{\mu - \mathbf{I}} \cdot \frac{(\mathbf{N} + \mathbf{I}) \cdot \mathbf{N}}{\mathbf{f}}$$

Wenn also ein anderes Fernrohr dieser Art dieselbe Peutlichkeit, aber die R fache Vergrößerung geben soll, so muß, wenn die Brennweiten bes Objettivs und bes Ofulars bet diesem mit f und f' bezeichnet werben, gleiche Glasarten borausgesett,

(N十

Junfzehenter Abschn. Bon den Gesetzen, nach zc. 397

$$\frac{(N+1).N}{f} = \frac{(\mathfrak{N}+1).\mathfrak{N}}{f}$$

kyn *). Wenn aber N nur eine etwas große Zahl K, so erhält man schon hinlängliche Uebereinstimmung, venn nur

$$\frac{N_2}{f} = \frac{\Re^2}{f}$$

pitt.

Das giebt also für die in Ansehung der Dentlichkit verlangte Uebereinstimmung beider Fernröhre

$$\mathfrak{H}$$
) $f: f = \mathbb{N}^2: \mathfrak{R}^2$

unb

*) Wenn für das andere Fernrohr U statt u geschrieben und $\frac{1}{11} = \frac{\Delta \mu}{\mu - 1} \cdot \frac{(\mathfrak{R} + 1) \cdot \mathfrak{R}}{f}$ gesetzt wird, so giebt dies sex Ausdruck zwar eben so wenig den Wertth von $\frac{1}{11}$ als als der vorhergehende den von $\frac{1}{u}$, und man würde diese Gleichungen nicht gebrauchen dürsen, um die Worthe von $\frac{1}{u}$ und $\frac{1}{11}$ zu berechnen. Inzwischen kann man doch der Wahrheit nahe genug

$$\frac{1}{u}:\frac{1}{u}=\frac{\Delta\mu}{\mu-1}\cdot\frac{(N+1).N}{f}:\frac{\Delta\mu}{\mu-1}\cdot\frac{(N+1).N}{f}$$

$$=\frac{(N+1).N}{f}:\frac{(N+1).N}{f}$$

annehmen, woraus dann $\frac{1}{u} = \frac{1}{11}$ folgt, wenn die beisden lepten Glieber der Proportion gleich groß werden.

398 Die Photometrie.

und weil
$$\frac{\mathbf{f}}{\mathbf{N}} = \mathbf{f}'$$
, $\frac{\mathbf{f}}{\mathfrak{M}} = \mathbf{f}'$ ift, so bat man auch

$$\mathbf{f}':\mathbf{f}' = \frac{\mathbf{f}}{\mathbf{N}} : \frac{\mathbf{f}}{\mathbf{m}} = \mathfrak{M}\mathbf{f} : \mathbf{N}\mathbf{f}'$$

$$= \frac{\mathfrak{M}^2 \mathbf{f}}{\mathfrak{M}} : \frac{\mathbf{N}^2 \mathbf{f}}{\mathbf{N}}$$

ober

und (wegen h)

$$\mathfrak{z}) f': f' = \sqrt{f} : \sqrt{f}$$

In biefen dreien Sagen liegen also für bie über einstimmende Deutlichkeit beider Fernrohre folgende Bedingungen:

> Die Brennweiten der Objektive misse sen sich wie die Quadrate der Vergrößerungszahlen verhalten (ħ)

> Die Brennweiten der Okulare mussen sich verhalten

wie die Vergrößerungszahlen (\$), ober

wie die Quadrarwurzeln aus den Brennweiten der Objektiven (5).

Man muß also für das andere Fernrohr

$$f = \frac{\Re^2}{N^2} \cdot f$$

$$f' = \frac{\Re}{N} \cdot f' \text{ ober} = \frac{\sqrt{f}}{\sqrt{f}} \cdot f'$$

S. 205.

Junfzehenter Abion. Won ben Gefegen, nach zc. 399.

§. : 205.

Aufa. Die Bedingungen gleicher Zels ligkeit verschiedener Sternrohre zu bestima men. 4.10 07

Aufl. Wenn der Halbmesser von der Deffnung bet Augensterns mit w und der Halbmeffer des Zerfreuungsfreises beim Eingange in den Augenstern mit y bezeichnet wird, Die netüzliche Helligfeit, bes Obistes mit C und die dioptrische durch die Gläser mit E, 6 ift (§. 178)

See
$$y = \frac{3}{N}$$
, also

 $\mathfrak{C}: C = \frac{\mathfrak{B}^2}{N^2}: w^2$ $\mathfrak{C} = \frac{\mathfrak{B}^2}{N^2 w^2} \cdot C$

und

Wenn also zwei Sternrohre bemselben Beobachter daffelbe Objekt gleich helle darstellen sollen, so muß, weil babei C und wungeandert bleiben ei der Quotient No also auch $\frac{8}{N}$ für beibe gleich groß seph.

Wirb also ber Deffnungshalbmeffer bes Objettive vom zweiten Fernrohr mit b, feine Bergrößerunge jahl mit R bezeichnet, seine Brennweite mit 4, so muß

also
$$\mathbf{b} = \frac{\mathbf{w}}{\mathbf{N}}$$

400 Die Photometrie.

§. 206.

Sollen also zwei Sternrohre gleiche Deutlichkeit In Ansehung der Farbenzerstreuung und gleiche Helligkeit zugleich gewähren, so muß

1)
$$f = \frac{\mathfrak{N}^2}{N^2} \cdot f$$
2) $f' = \frac{\mathfrak{N}}{N} \cdot f' = f' \cdot \sqrt{\frac{f}{f}}$
3) $f' = \frac{\mathfrak{N}}{N} \cdot \mathfrak{D} = \mathfrak{D} \cdot \sqrt{\frac{f}{f}}$

seyn. Daraus folgt bann auch

4)
$$\mathfrak{N} = N \sqrt{\frac{f}{f}}$$
5) $\mathfrak{b} = \frac{\mathfrak{N}}{N} \cdot \mathfrak{B}$

§. 207.

Die vorstehenden Betrachtungen dienen nun, zusammenpassende Objektive und Okulate für verlangte Bergrößerungen anzugeben, wenn man irgend ein gul befundenes Fernrohr dabet zum Grunde legt.

3. B, L. Für ein von Zuygen gut befundenes Sternrohr war

der Deffnungshalbmesser bes Objektivs (B) . . = 1,5 Rhl. Zolle seine Brennweite (f) . = 360 — die des Okulars (f') . . = 3,3 — also
$$N = \frac{f}{f'} = \frac{3600}{33} = 109$$

unfzehenter Abschu. Won den Gesetzen, nach zc. 401

Wenn nun dieselbe Deutlichkeit in Ansehung der rbenzerstreuung und dieselbe Helligkeit bei einem and Sternrohr für ein Objektiv von 10 Juß oder o Zollen Brennweite erhalten werden soll: wie muß ses Fernrohr sonst angeordnet seyn, und welche Versiserung muß es geben?

Aus (§. 206, no. 4.) hat man

$$\mathfrak{N} = 109 \cdot \sqrt{\frac{120}{360}} = 109 \cdot \sqrt{\frac{1}{3}}$$

$$= 109.0,577 = 62,893$$

für man R = 63 fegen fann.

Hieraus wird

Deffnungshalbmesser vom Objektiv des verlangten = $\frac{63}{109}$. 1/5 no. 5.)

= 0.867

also der Durchmesser = 1,73 Zolle Die Brennweite des Okulars

(§. 206. no. 2.) = $\frac{63}{109} \cdot 3/3 = 1/90$

So läßt, sich für die Brennweiten von 1 - 2 - 4 - u. f. f. Fußen Hungens Tafel berechnen, die n unten sindet.

II. Eine andere Berechnung läßt sich auf eine in vormaligen Astronomen Mayer gemachte Erfahig gründen. Er hatte ein Sternrohr gut befunden, welchem

feine Brennweite (f) . = 360 Jolle die Brennweite des Ofu-
lars (f') . =
$$5/77$$
 —

also $N = \frac{f}{f'} = \frac{36000}{577}$

= $62/4$

Wenn nun ein anderes Sternrohr bei gleicher Deutlickeit und Helligkeit für ein Objektiv von 1,0 Fuß oder 120 Zollen Brennweite erhalten werden soll; webche Vergrößerung muß es geben, und wie muß es sonft angeordnet seyn?

Aus (§. 206. 110. 4.) hat man

$$\mathfrak{R} = 62/4 \cdot \sqrt{\frac{120}{360}} = 62/4 \cdot 0/577$$

$$= 36/0$$

der Deffnungshalbmesser vom Objektiv des verlangten = $\frac{36}{62/4} \cdot \frac{1/3}{62/4}$ No. 5.)

also ber Deffnungsdurchmesser = 1,50 — die Brennweite des Okulars

$$(\S. 206. no. 2.) = \frac{36}{62/4} \cdot 5/77 -$$

$$= 3/33 -$$

Hiernach läßt sich die unten mitgetheilte Mayersche Tafel für iede gegebene Brennweite des Objektivs berechnen *).

§. ·208.

^{*)} Die Mayersche Tasel ist nicht von Mapern selbst, sondern von Klügel, der sie in einem aus Mayers Bibliothek

Funfzehenter Abschn. Won ben Gesetzen, nach zc. 403

Weil
$$y = \frac{5}{N}$$
 (§. 205), so findet man

I. nach der Zuygenschen Anordnung des Sternrobres

$$y = \frac{1.5}{109} = 0.0138$$

m) (§. 205)

$$\mathfrak{C} = \frac{1/5^2}{109^2} \cdot \frac{\mathbf{C}}{\mathbf{w}^2} = 0,00019 \cdot \frac{\mathbf{C}}{\mathbf{w}^2}$$

Auch (f. 201 am Ende), wenn man nach (f. 192)

$$\frac{\Delta \mu}{\mu - 1} = \frac{1}{5.5} \text{ febt,}$$

1.78

$$\Delta \psi = \frac{1}{55} \cdot \left(\frac{1}{3/3} + \frac{1}{360} \right) \cdot 1/5$$

$$= 0/00834$$

als einen zum Halbmesser = I gehörigen Bogen verfanden, wozu dann der Winkel = 28' 41" gehört.

II. Nach der Mayerschen Anordnung findet man

$$y = \frac{1/3}{62/4} = 0/02083$$
Ec 2

schriftlich beigefügt gefunden hatte, zuerst bekannt gemacht worden (Anal. Dioptr. S. 179). Die Zahlen der Tasfel stimmen mit meiner Verechnung nicht genau zusammen. Statt der Zahlen 36; 1,50; und 3,33 sindet man darin \$5,8; 1,56; und 3,35.

$$\varepsilon = \frac{1/3^2}{62/4^2} \cdot \frac{C}{W^2} = 0,000434 \cdot \frac{C}{W^2}$$

unb

$$\Delta V = \frac{1}{55} \cdot \left(\frac{1}{5177} + \frac{1}{360}\right) \cdot 1/3 = 0/90416$$

Die Bergleichung der Werthe von E und And no. II. mit ienen no. I. ergiebt, daß sich die Dechifteit bei der Mayerschen Anordnung zu der bei der Dungenschen wie 9 zu 4 verhält, also mehr als doppelt sogs als dei der Hungenschen ist. Ausserbem ist der Mayerschen die Abweichung Auf nur halb so groals bei der Hungenschen. Man gewinnt also bei Il sowohl in Ansehung der Pelligkeit, als in Ansehunder Deutlichkeit*).

Sed

*) Ich erinnere hier noch einmal, daß die (no. I. und II. neben AP stebenden Zahlen keineswegs Werthe von AP sondern nur beiläufige Verhält nißtahlen ke AP sind. Klügel hält die so gefundenen Zahlen al Werthe don AP betrachtet, sür viel zu groß, und sas (Anal. Dioptr. S. 56), die durch die Disserential rech nung abgekürzte Formel könne wohl zu viel geben. Nach meiner Einsicht kann aber die gebrauchte Abkürzungsmethode den Werth von AP nicht zu groß, sondern zu klein geben, weil Glieder in Werthe weggelassen worden sind, die in Vergleichung mit dem nur beibehaltenen letzten Gliede keineswegs als Nullangenommen werden können.

Uebrigens kommt es aber auch auf den wahren Wert von $\Delta \psi'$ ($\Delta \psi''$, $\Delta \psi'''$ 1c.) hier gar nicht au, son den

Sechzehenter Abschn. Bon der Abweichung ic. 405:

Sechzehenter Abschnitt.

Von der Abweichung wegen der Rugelsestalt oder von dem Gesetze, nach welschem Strahlen, die in Glaslinsen gebrosten werden, wegen der Rugelgestalt der rechenden Flächen verhindert werden, nach einem gemeinschaftlichen Punkte zu konvergiren.

§. 209.

Im gegenwärtigen Abschnitt ist von der schon oben [5. 181 am Ansang) erwähnten Boraussezung die Rede, die nur sur Strahlen gelten kann, welche nahe senug an der Are des Glases einfallen. Schon (5.99) vurde dieser von der Rugelgestalt der brechens den Flächen herrührenden Abweichung gesacht, vermöge deren es eigentlich keinen gemeinschaftsichen Sammlungspunkt sur Strahlen geben kann, die einziges Element auf eine Glaslinse wirst. Dort var pu (fig. 65) diese Abweichung wegen der Geschaft, siehen Sammlungspunkt sur Strahlen wegen der Geschaft, siehen siehen siehen Statt,

dern bloß darauf, daß für diese Abweichungen Werthe gessetzt werden, die so beschaffen sind, daß mit ihrer Verzeninderung von AP'zc. zusammenshängt, und daß man also, um die Abweichung AP'zu vermindern, nur zeigen dürse, wie sich iene Werthe verzeindern lassen.

Die weitere Aussührung dieser Lehre behalte ich der Uten Abtheilung por.

stalt, so daß, die zweite Brechung bei Seite gesett, alle zwischen A und m auffallende von P herkommende Strahlen in verschiedenen Punkten zwischen wund p nach der ersten Brechung durch die Axe durchgehen würden.

§. 210.

Aufg. Am (fig. 65) sey ein Bogen-von wenigen Graden auf der erhabenen Vordersstäche der Glaslinse, GC die Are der Linse, Pm ein von Pausgehender Strahl, der die Vorderstäche in m trifft; p sey die Stelle, in welcher der bei m gebrochene Strahl, woserne keine zweite Brechung erfolgte, die Are schneiden würde; ein von Päusserst nahe bei A auf die Linsensläche fallender Strahlschneide, vermöge der nur erwähnten ersten Brechung die Are in m; man sucht einen allgemeinen Ausdruck für die von der Rusgelgestalt herrührende Abweichung mp = u.

Aufl. 1. Es ist Pm:PC = sin y: sin wmC

 $C\pi : m\pi = \sin \beta : \sin \gamma$

 μ : $I = \lim_{n \to \infty} \operatorname{C} : \lim_{n \to \infty} \mathcal{B}$

alfo

 $\mu \cdot C\pi \cdot Pm : m\pi \cdot PG = r : r$

ober

 $\mu \cdot C\pi \cdot Pm = m\pi \cdot PC$

Die in dieser Gleichung vorkommenden Stücke ergeben sich nun durch folgende Räherungen.

2. Es ist
$$Pm = \sqrt{(Pa^2 + ma^2)}$$

= $\sqrt{((PA + Aa)^2 + ma^2)}$

Sechzehenter Abschn. Won der Abweichung ze. 407

$$= \sqrt{(\delta + r \cdot \operatorname{finv} \cdot \gamma)^2 + r \cdot^2 \operatorname{fin} \gamma^2}$$

$$= \sqrt{(\delta^2 + 2 \operatorname{fr} \cdot \operatorname{finv} \cdot \gamma + r^2 \operatorname{finv} \cdot \gamma^2 + r^2 \operatorname{fin} \gamma^2)}$$

Weil nun hier sinv. γ^2 allemal als unbebeutend angesehen werden kann, so hat man noch genau genng

 $Pm = \sqrt{(\delta^2 + \delta r \cdot \sin \gamma^2 + r^2 \sin \gamma^2)}$ oder, B statt r . sin γ gesetst,

$$Pm = \sqrt{(\delta^2 + \frac{\delta \cdot \mathfrak{B}^2}{r} + \mathfrak{B}^2)}$$
$$= \sqrt{(\delta^2 + \frac{\delta + r}{r} \cdot \mathfrak{B}^2)}$$

betnahe
$$=$$
 $\delta + \frac{\delta + r}{2 \delta r} \cdot \mathfrak{B}^2$

3.
$$C\pi = z - (r + u)$$
.

beinahe =
$$a = \frac{a m^2}{2.a \pi}$$

Es ist aber am = Ap - (Aa 4- mp)

beinabe = $z - r \cdot \text{finv. } \gamma - u$

$$=z-\frac{r^2. \sin \gamma^2}{2r}-u$$

ober
$$= z - \frac{\mathfrak{B}^2}{2r} - u$$

alfo

$$m\pi = z - \frac{3z^2}{2r} - u + \frac{am^2}{2r^2}$$

Ec 4

$$= z - \frac{x^2}{2r} - u + \frac{x^2}{2z - 2 \cdot (\frac{x^2}{2r} + u)}$$

oper

beinahe =
$$z - \frac{x^2}{2r} - u + \frac{x^2}{2z}$$

$$5$$
, $PC = \delta + r$

6. Die Werthe von Pm, Cn, mn und PC (no. 2, 3, 4 u. 5) in der Gleichung (no. 1) gebraucht giebt

$$\mu \cdot (z - r - u) \cdot (\delta + \frac{\delta + r}{2\delta r} \cdot \mathfrak{B}^{2})$$

$$= (z - \frac{\mathfrak{B}^{2}}{2r} - u + \frac{\mathfrak{B}^{2}}{2z}) \cdot (\delta + r)$$

$$= (z - u - \frac{z - r}{2rz} \cdot \mathfrak{B}^{2}) \cdot (\delta + r)$$

ober, wenn man bas Produkt

$$\mu u \cdot \frac{\delta + r}{2 \delta r} \cdot \mathfrak{B}^2$$

als unbedeutend in Vergleichung mit den übrigen wegläßt,

$$\mu \cdot (z-r) \cdot (\delta + \frac{\delta + r}{2 \delta r} \cdot \mathfrak{B}^2) - \mu \delta u =$$

$$(z - \frac{z-r}{2 r z} \cdot \mathfrak{B}^2) \cdot (\delta + r) - (\delta + r) \cdot u$$

7. Die vorstehende Gleichung (no. 6) muß fü alle Werthe von B und u gelten, also auch in der Falle, wann B und daher auch u = 0 wird. Es i als Sechzehenter Abschn. Won der Abweichung zc. 409

also auch noch μ . $(z \leftarrow r)$. $\delta = z$. $(\delta \leftarrow r)$, wie auch aus der Gleichung für Ap oder

$$z = \frac{\mu \delta r}{(\mu - 1) \cdot \delta - r}$$
 (§. 98)

folgt.

Streicht man also (no. 6) zur Linken μ (z—r). In und zur Rechten z. (δ —r) weg, so bleibt noch

$$\mu \cdot (z-r) \cdot \frac{\delta + r}{2\delta r} \cdot \mathcal{B}^2 - \mu \delta u$$

$$= -\frac{z-r}{2rz} \cdot (\delta + r) \cdot 8^2 - (\delta + r) \cdot u$$

rnb

. i i i

$$\mathbf{u} = \frac{\frac{\mu(\mathbf{z} - \mathbf{r}) \cdot (\delta + \mathbf{r})}{2 \, \delta \, \mathbf{r}} \cdot \mathfrak{B}^2 + \frac{\mathbf{z} - \mathbf{r}}{2 \, \mathbf{r} \, \mathbf{z}} \cdot (\delta + \mathbf{r}) \cdot \mathfrak{B}^2}{\mu \, \delta - (\delta + \mathbf{r})}$$

8. Die vorstehende Gleichung für z giebt

$$\delta + r = \frac{\mu \delta (z - r)}{z}$$

Diesen Werth statt d-pr in ber letten Gleichung gebraucht, giebt

$$\frac{\mu^{2}\delta(z-r)^{2}.\mathfrak{B}^{2}}{z}+2r\mathfrak{B}^{2}.\frac{\mu\delta^{2}.(z-r)^{2}}{2rz^{2}}$$

$$=\frac{2r\mu\delta^{2}-2r\mu\delta^{2}(z-r)}{2r\mu\delta^{2}(z-r)}$$

$$= \frac{\mu z \mathfrak{B}^{2} (z-r) + \mathfrak{B}^{2} \cdot \delta \cdot (z-r)^{2}}{2r \delta z^{2} - 2r \delta z \cdot (z-r)}$$

sher
$$u = \frac{(\mu z + \delta) \cdot (z - r r \cdot \mathfrak{B}^2)}{2 r^2 \delta z}$$

Ec 5

9. Aue

9. Aus (§. 99.) hat man

$$r = \frac{(\mu - 1) \cdot \delta \cdot z}{\mu \delta + z}$$

alfo

$$z-r = \frac{\mu \delta z + z^2 - \mu \delta z + \delta z}{\mu \delta + z}$$
$$= \frac{(\delta + z) \cdot z}{\mu \delta + z}$$

daher

$$(z-r)^2 = \frac{(\delta+z)^2 \cdot z^2}{(\mu \delta + z)^2}$$

unb

$$\frac{(z-r)^2}{r^2} = \frac{(\delta+z)^2}{(\mu-1)^2 \cdot \delta^2}$$

Diesen Werth in (H) gebraucht, giebt

$$u = \frac{(\mu z + \delta) \cdot (\delta + z)^2 \cdot \delta^2}{2(\mu - 1)^2 \cdot \delta^3 \cdot Z}$$

§. 211.

Aufg. Es sey f (sig. 71.) der Vereinis gungspunkt für Strahlen, die von P aus ausseiten auf die Linse fallen, nach der zweiten Brechung; w der Punkt, in welchem ein Strahl Pm nach der zweiten Brechung die Are TS schneidet, also fw die Abweichung vom Vereinigungspunkte wes gen der Rugelgestalt beider Linsenslächen; man soll die Größe der Abweichung fw bes stummen, die ich mit w bezeichnen will.

Aufl.

Sechzehenter Abschn. Won der Abweichung zc. 411

Aufl. 1. Der Vereinigungspunkt der äusserst nahe bei A auffallenden Strahlen nach der ersten Bredung sen in p, aber die Stelle, in welcher der Strahl Pn nach der ersten Brechung die Are schneiden würde, in p, also pp die Abweichung wegen der Kugelgestalt der Vorderstäche der Linse.

Wenn nun auch die von der Zinterfläche Man herrührende Abweichung ganz bei Seite gesetzt wird, so kann doch der Strahl Pm schon wegen der ersten Abweichung pp nach der zweiten Brechung die Are nicht in f schneiden, sondern näher am Glase, z. B. in w, so daß die bloß von der Vordersläche herendbrende Abweichung nach der zweiten Brechung is wware.

- 2. Weil aber durch die von der Hinterstäche here rührende Abweichung der Strahl nach der zweiten Brechung aufs Neue näher an die Linse fällt, so schneidet er vermöge dieser abermaligen Abweichung die Are zur Linken von w z. B. in π , so daß die Abweichung wer noch zur vorigen hinzufommt. Es kommt also darauf an, ieden der beiden Theile kw und wer bestonders zu suchen.
- g. Es sep nun wiederum Ap = z, $Af = \alpha$, der Halbmesser Ca = g, so hat man (§. 103), bort z'statt h gesetzt und die Glasdicke c als unbedeutend angenommen,

$$\alpha = \frac{z \cdot g}{(\mu - 1) \cdot z + \mu g}$$

alfo

$$(\mu-1)$$
, $\alpha z + \mu \alpha e = ze$

wo a und z die hier vorkommenden veränderlichen Srößen, μ und e aber als unveränderlich zu betrach-

ten find. Sringt man nun die veränderlichen auf bie eine, und bie unveränderlichen auf die andere Schieden fo erhält man

$$\frac{\mu-1}{c}=\frac{z-\mu a}{az}$$

4. Indem nun aus Ap = z wegen der Angles
gestalt der Bordersläche die Ap — pp = z — u wids
verwandelt sich zugleich die Af = a in die Af—swi
bezeichnet man also zusammengehörige Aenderungen von
z und a mit \triangle z und \triangle a, so ist hier

$$-\mathbf{u} = \Delta \mathbf{z}, -\mathbf{f} \mathbf{w} = \Delta \mathbf{s}$$

me es bleibt noch

$$\frac{\mu - \mathbf{I}}{\mathbf{g}} = \frac{z + \Delta z - \mu \cdot (\alpha + \Delta \mathbf{a})}{(\alpha + \Delta \alpha) \cdot (z + \Delta z)}$$

$$= \frac{z + \Delta z - \mu \alpha - \mu \Delta \mathbf{a}}{\alpha z + \alpha \Delta z + z \cdot \Delta \alpha + \Delta \mathbf{a} \cdot \Delta \mathbf{I}}$$

ober beinahe

$$=\frac{z+\Delta z-\mu\alpha-\mu\Delta\alpha}{\alpha z+\alpha\Delta z+z\Delta\alpha}$$

alfo

$$\frac{\mu-1}{s}.(\alpha z+\alpha \Delta z+z\Delta \alpha)=z-\mu \alpha$$

$$+\Delta z-\mu \Delta \alpha$$

Da nun schon

$$\frac{\mu-1}{\xi}.\alpha z = z-\mu\alpha$$

$$(a\Delta z + z\Delta a) = \Delta z - \mu \Delta a$$

unt

Sechzehenter Abschn. Won der Abweichung ic. 413

$$\frac{\mu - 1}{g} \text{ ober}$$

$$\frac{z - \mu \alpha}{\alpha z} = \frac{\Delta z - \mu \Delta \alpha}{\alpha \Delta z + z \Delta \alpha}$$

 $\alpha Z \triangle Z - \mu \alpha^2 \triangle Z + Z^2 \triangle \alpha - \mu \alpha Z \triangle \alpha$ $= \alpha Z \triangle Z - \mu \alpha Z \triangle \alpha;$

Demnach

$$z^2 \triangle \alpha - \mu \alpha^2 \triangle z = 0$$

$$\Delta \alpha = \frac{\mu \alpha^2 \Delta Z}{Z^2}$$

sber hier

$$-fw = \frac{\mu a^2.(-u)}{z^2}$$

alfo

$$fw = \frac{\mu \alpha^2 u}{z^2}$$

sber (§. 197.)

$$fw = \frac{\mu \alpha^2 \cdot (\mu z + \delta) \cdot (\delta + z)^2 \cdot \mathfrak{B}^2}{2 (\mu - 1)^2 \cdot \delta^3 \cdot z^3}$$

5. Die Bestimmung bes andern Theils war ergiebt sich unmittelbar aus dem vor. &. Es ist nämlich

bort & z B
$$\mu$$
hier —ap af nx $\frac{1}{\mu}$

Es ift aber

$$ap = Ap - pp - Aa = z - u - c$$

 $af = Af - Aa = \alpha - c$

Die Photometrie.

nx beinahe = my (fig. 71.) ober = ma (fig. 65.) = B

Demnach schreibt man (§. 210.)

T statt
$$\mu$$

B bleibt B

So erhält man

$$w \pi = \frac{(\frac{1}{\mu}.(\alpha-c)-z+u+c).(-z+u+c+\alpha-c)^{2}}{2.(\frac{1}{\mu}-1)^{2}.(-z+u+c)^{3}.(\alpha-c)}$$

ober genau genug

$$W\pi = \frac{\mu (\alpha - \mu z) \cdot (\alpha - z)^{2}}{-2 \cdot (\mu - 1)^{2} \cdot z^{3} \cdot \alpha} \cdot \mathfrak{B}^{2}$$

6. Man hat also nunmehr (no. 4. u. 5.)

frober w =
$$\left(\frac{\mu \alpha^2 \cdot (\mu z + \delta) \cdot (\delta + z)^2}{2(\mu - 1)^2 \cdot \delta^3 \cdot z^3} + \frac{\mu \alpha^2 \cdot (\alpha - \mu z) \cdot (\alpha - z)^2}{-2 \cdot (\mu - 1)^2 \cdot z^3 \cdot \alpha^3}\right) \cdot \mathfrak{B}^2$$

$$=\frac{\mu \mathbf{z}^2 \cdot \mathfrak{B}^2}{2(\mu-1)^2} \bowtie$$

$$\frac{(\mu z + \delta) \cdot (\delta + z)^{2}}{\delta^{3} z^{3}} + \frac{(\mu z - \alpha) \cdot (\alpha - z)^{2}}{\alpha^{3} z^{3}}$$

Sechzehenter Abschn. Von der Abweichung zc. 415

$$\frac{(\mu z + \delta) \cdot (\delta + z)^2}{\delta^3 z^3} = \frac{\mu z + \delta}{\delta z} \cdot \left(\frac{\delta + z}{\delta z}\right)^2$$

$$= \left(\frac{\mu}{\delta} + \frac{1}{z}\right) \cdot \left(\frac{1}{z} + \frac{1}{\delta}\right)^2$$

und

$$\frac{(\mu z - \alpha) \cdot (\alpha - z)^2}{\alpha^3 z^3} = \frac{\mu z - \alpha}{\alpha z} \cdot \left(\frac{\alpha - z}{\alpha z}\right)^2$$

$$= \left(\frac{\mu}{\alpha} - \frac{1}{z}\right) \cdot \left(\frac{1}{z} - \frac{1}{\alpha}\right)^2$$

fo hat man auch

$$W = \frac{\mu \alpha^2 \mathfrak{B}^2}{2(\mu - 1)^2} \cdot \left(\left(\frac{\mu}{\delta} + \frac{1}{z} \right) \cdot \left(\frac{1}{z} + \frac{1}{\delta} \right)^2 + \left(\frac{\mu}{\alpha} - \frac{1}{z} \right) \cdot \left(\frac{1}{z} - \frac{1}{\alpha} \right)^2 \right)$$

wobei die Dicke des Glases in Vergleichung mit z und aals unbedeutend angenommen wird.

§.. 212.

Aufg. Die Längenabweichung fr (sig. 71.) durch die Brennweite f auszus drücken.

Aufl. i. Aus (§. 106. no. 7.) hat man

$$f = \frac{\alpha \delta}{\alpha + \delta}$$

ober

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{f} + \frac{1}{a}$$

426 Me Die Photometrie.

Gest man also zur Abkürzung (vor. 4.. 43)

$$w = \frac{\mu a^2 \mathfrak{B}^2}{2 \cdot (\mu - 1)^2} \cdot A$$

so baef man, um f in die Formel ju bringen, nur

$$W = \frac{\mu \alpha^2 \mathfrak{B}^2}{2 (\mu - 1)^2 \cdot \mathbf{f}} \cdot \frac{\mathbf{A}}{1 + 1}$$

fegen.

2. Um die mit A bezeichnete Größe durch -

en dividiren, muß sie zuerst hierzu vorbereitet werden. Es ist namlich aus (8)

$$A = \frac{\mu}{3} \cdot \frac{1}{z^2} + \frac{2\mu}{3} \cdot \frac{1}{z^3} + \frac{\mu}{3} \cdot \frac{1}{z^3}$$

$$+\frac{1}{z^3}+\frac{2}{z}\cdot\frac{1}{z^3}+\frac{1}{z}\cdot\frac{1}{z^3}$$

$$+\frac{\mu}{\alpha}\cdot\frac{1}{z^2}-\frac{2\mu}{\alpha}\cdot\frac{1}{z\alpha}+\frac{\mu}{\alpha}\cdot\frac{1}{\alpha^2}$$

$$-\frac{1}{z^1}+\frac{2}{\alpha}\cdot\frac{1}{z^2}-\frac{1}{z}\cdot\frac{1}{\alpha^2}$$

$$=\frac{\mu}{\delta^3}+\frac{\mu}{\alpha^3}$$

$$+\frac{2\mu+1}{z\delta^2}-\frac{2\mu+1}{z\alpha^2}$$

Sechzehenter Abschn. Won der Abweichung zc. 417

where
$$= \mu \cdot \left(\frac{1}{\delta^{3}} + \frac{1}{a^{3}}\right)$$

 $+ \frac{2\mu + 1}{z} \cdot \left(\frac{1}{\delta^{2}} - \frac{1}{a^{2}}\right)$
 $+ \frac{\mu + 2}{z^{2}} \cdot \left(\frac{1}{\delta} + \frac{1}{a}\right)$

Bur Abfürjung sege man

$$\frac{1}{\delta} = m_{1} \frac{1}{\alpha} = n$$

. fo siebt die wirkliche Division

$$\frac{m^{3} + n^{3}}{m + n} = m^{2} - mn + n^{2}$$

$$\frac{m^{2} - n^{2}}{m + n} = m - n$$

$$\frac{m + n}{m + n} = 1$$

$$\frac{A}{m + n} = \mu \cdot (m^{2} - mn + n^{2})$$

$$+ \frac{2\mu + 1}{\pi} \cdot (m - n)$$

$$+\frac{\mu+2}{\pi^2}$$

und baber die Langenabweichung

$$W = \frac{\mu \alpha^{2} \mathfrak{B}^{2}}{2(\mu-1)^{2} \cdot f} \cdot \left(\mu \left(\frac{1}{\alpha^{2}} - \frac{1}{\alpha \delta} + \frac{1}{\delta^{2}}\right) + \frac{2\mu+1}{2} \left(\frac{1}{\delta} - \frac{1}{\alpha}\right) + \frac{\mu+2}{2}\right)$$

Saugevorfs Photom.

Di

§. 213.

§. 213.

Da die Brennweite $f = \frac{a\delta}{a+\delta}$ gar nicht von z

abhängt, so kann man bei gegebenen Werthen von a und d den Werth von z noch willtührlich annehmen, shue daß dadurch der Werth von f abgeändert wirde: Dann mussen aber r und e dem angenommenen Werthe von z gemäß bestimmt werden, nämlich (§, 107)

$$r = \frac{(\mu - 1) \cdot z \cdot \delta}{\mu \delta + z}$$

$$\varsigma = \frac{(\mu - 1) \cdot z \cdot a}{z - \mu a}$$

Die Glasdicke wird babei als unbedeutend ange-

Man kann also bei bestimmten Werthen von a, I und f den Linsenstächen sehr verschiedene Halbmesser geben, nachdem man für z diesen oder tenen Werth nimmt. Da nun andere und andere Werthe von z, bei bestimmten Werthen von a, I, μ , B, f auch andere und andere Werthe für die Längenabweichung for geben, so läst sich fragen, wie groß man z nehmen müsse, damit for oder w den kleinstmöglichen Werth erhalte, den ich mit (k) w bezeichnen will. Hiernächst lassen sich mit kimmung der Linsenstächen bestimmen, welche die Krümmung der Linsenstächen bestimmen, welche die kleinste Abweichung giebt. Ebendieses ist der Zweck der disherigen Untersuchung und der nun weiter solgenden-Säse.

Sechzehnter Abschn. Bon ber Abweichung zc. 419

§. 214.

Aufg. a, δ, μ, Β, f (δ. 212. ħ) werdent als bestimmt angenommen; man soll densienigen Werth von z angeben, sür welchen die Längenahweichung wam tleinsten wird, wich die tleinste Abweichung selbst bestims wird.

1. Die Veränberlichkeit bes Werths von for hängt hier bloß von Gliedern der Gleichung ab, welche z enthalten, also von

$$\frac{\mu+2}{z^2}-\frac{2\mu+1}{z}\cdot\left(\frac{1}{a}-\frac{1}{\delta}\right) \qquad (5)$$

so daß der fleinste Werth dieser Funktion von z auch den kleinsten Werth von fæ giebt.

2. Es ist aber für den kleinsten Werth dieser Funktion nach den Lehren der Differentialrechnung

$$\frac{-(\mu+2)\cdot 2z\,\mathrm{d}z}{z^{4}\cdot \mathrm{d}z} + (\frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\delta}) \times \frac{(2\mu+1)\mathrm{d}z}{z^{2}\cdot \mathrm{d}z} = 0$$

sile

$$-\frac{2(\mu+2)}{z^3}+(\frac{1}{\alpha}-\frac{1}{\delta}).\frac{2\mu+1}{z^2}=0$$

elia

$$\frac{2(\mu+2)}{2} = (2\mu+1) \cdot (\frac{1}{a} - \frac{1}{3})$$

und dabek

$$\frac{1}{z} = \frac{(2\mu+1) \cdot (\frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\delta})}{2(\mu+2)}$$
 (①

Die Photometrie.

3. Diesen Werth von $\frac{I}{Z}$ in der Funktion (δ no. I.) substituirt, giebt

$$\frac{(2\mu+1)^2 \cdot (\frac{1}{\alpha}-\frac{1}{\delta})^2}{4(\mu+2)} - \frac{(2\mu+1)^2}{2(\mu+2)} \cdot (\frac{1}{\alpha}-\frac{1}{\delta})^2$$

sper

$$-\frac{(2\mu+1)^2}{4(\mu+2)}\cdot\left(\frac{1}{\mu}-\frac{1}{\delta}\right)^2$$

Demnach (§. 212. ħ)

(k)
$$W = \frac{\mu \alpha^2 \mathfrak{B}^2}{2(\mu - 1)^2 f} \cdot \mu \left(\frac{1}{\alpha^2} - \frac{1}{\alpha \delta} + \frac{1}{\delta^2} \right) - \frac{(2\mu + 1)^2}{4(\mu + 2)} \cdot \left(\frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\delta} \right)^2$$

4. Die hier eingeschlossene Größe ist auch =

$$\frac{4(\mu+2) \cdot \mu}{4(\mu+2)} \cdot \left(\left(\frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\delta} \right)^2 + \frac{1}{\alpha \delta} \right) \\ - \frac{(2\mu+1)^2}{4(\mu+2)} \cdot \left(\frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\delta} \right)^2$$

$$=\frac{4\mu^{2}+8\mu-4\mu^{2}-4\mu-1}{4(\mu+2)}\cdot\left(\frac{1}{a}-\frac{1}{\delta}\right)^{2}$$

$$+\frac{4\mu^2+8\mu}{4(\mu+2)}\cdot\frac{1}{\alpha\delta}$$

$$=\frac{4\mu-1}{4(\mu+2)}\cdot(\frac{1}{a}-\frac{1}{s})^2+\frac{\mu}{as}$$

Sechzehenter Abschn. Won der Abweichung zc. 421

alfo (no.: 3.)

(k)
$$W = \frac{\mu \alpha^2 \mathcal{B}^2}{2(\mu - 1)^2 f} \left(\frac{4 \mu - 1}{4(\mu + 2)} \cdot \left(\frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\delta} \right)^2 + \frac{\mu}{\alpha \delta} \right)$$

für die kleinstmögliche Abweichung.

5. Soll ber eingeschloffene Faftor die Brennweite $f = \frac{\alpha \delta}{-1 \delta}$ enthalten, so darf man nur $(\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\delta})^{\alpha}$

 $-\frac{4}{4}$ b. i. $\frac{1}{6}$ $-\frac{4}{4}$ flatt $(\frac{1}{4} - \frac{1}{4})$ schreiben; dies fes giebt für die fleinstmögliche Abweichung

(k) w =
$$\frac{\mu \alpha^2 \mathcal{B}^2}{2(\mu - 1)^2 f} \left(\frac{4\mu - 1}{4(\mu + 2)} \cdot \left(\frac{1}{f^2} - \frac{4}{\alpha \delta} \right) + \frac{\mu}{\alpha \delta} \right)$$

6. Weil nun
$$\frac{\mu}{\alpha\delta} - \frac{4\mu-1}{4(\mu+2)} \cdot \frac{4}{\alpha\delta} =$$

$$\frac{4\mu-1}{4(\mu+2)}\cdot\left(\frac{4(\mu+2)}{4\mu-1}\cdot\frac{\mu}{\alpha\delta}-\frac{4}{\alpha\delta}\right)$$

$$= \frac{4\mu - 1}{4(\mu + 2)} \cdot 4 \cdot \frac{(\mu + 2) \cdot \mu - (4\mu - 1)}{(4\mu - 1) \cdot \alpha \delta}$$

$$= \frac{4\mu - 1}{4(\mu + 2)} \cdot \frac{4 \cdot (\mu - 1)^{2}}{(4\mu - 1) \cdot \alpha \delta}$$

$$= \frac{4\mu - 1}{4(\mu + 2)} \cdot \frac{4 \cdot (\mu - 1)^2}{(4\mu - 1) \cdot \alpha \delta}$$

p bat man auch fur die fleinstmögliche Abweichung

Q) (k)
$$W = \frac{\mu (4\mu - 1) \cdot \alpha^2 \cdot 3^2}{8 \cdot (\mu - 1)^2 \cdot (\mu + 2) \cdot f} \cdot \left(\frac{1}{f^2} + \frac{4 \cdot (\mu - 1)^2}{(4\mu - 1) \cdot \alpha \delta}\right)$$

§. 215.

Um also diese kleinste Abweichung zu erhalten, der die Abweichung wegen der Rugelgestalt so klein DV 3

als möglich zu machen, muß man (© §. 214.)

$$z = \frac{2(\mu+2)}{(2\mu+1).(\frac{1}{a}-\frac{1}{b})}$$

machen, also die Flächenhalbmeffer r und g biefen Werthe gemäß bestimmen.

Es ist aber (§. 213.) allgemein,
$$\frac{r}{e} = \frac{\delta(z - \mu a)}{a(z + \mu \delta)}$$

also hier für die kleinstmögliche Abweichung

$$\frac{1}{g} = \frac{\delta \cdot \left(\frac{2(\mu+2) \cdot \alpha \delta}{(2\mu+1) \cdot (\delta-\alpha)} - \mu \alpha\right)}{\left(\frac{2(\mu+2) \cdot \alpha \delta}{(2\mu+1) \cdot (\delta-\alpha)} + \mu \delta\right)}$$

$$= \frac{\mu \cdot (2\mu+1) \cdot \alpha - (2\mu^2 - \mu - 4) \cdot \delta}{\mu \cdot (2\mu+1) \cdot \delta - (2\mu^2 - \mu - 4) \cdot \delta}$$

§. 216.

Wenn Objekte weit genug entfernt sind, um die Bildweite a in Vergleichung mit der Entfernung d als unbedeutend annehmen zu können, so kann man im Ausdruck für das Verhältniß der Flächenhalbmesser die Slieder weglassen, welche a als Faktor enthalten; man erhält daher in solchen Fällen für die kleinstmögliche Abweichung

$$\frac{r}{s} = \frac{4+\mu-2\mu^2}{3.(2\mu+1)}$$

Sechzehenter Abschn. Bon ber Abweichung zc. 423

If also $\mu = 1/55$; so muß man für so entfernte Gegenstände

$$\frac{r}{s} = \frac{4+1,55-4,80}{6,20+2} = \frac{75}{820}$$

per beinahe

nehmen, um die Längenabweichung wegen der Rugelsgestalt so klein als möglich zu machen.

Im Allgemeinen liesse sich w durch (k) w etwa b ausdrücken

$$w = (k)w + \Pi$$

Weil es aber bequem ist, der Gleichung für w bieselbe Gestalt zu geben, welche die für (k) w hat, se kann man auch aus (h. 214. P)

$$W = \frac{\mu \cdot (4\mu - 1) \cdot \alpha^2 \vartheta^2}{8 \cdot (\mu - 1)^2 \cdot (\mu + 2) \cdot f} \cdot \left(\frac{\lambda}{f^2} + \frac{4(\mu - 1)^2}{(4\mu - 1) \cdot \alpha \delta}\right)$$

feten, da dann a eine Zahl seyn muß, die größer als 1 ift, und die man bald näher kennen lernen wird.

Sest man jur Abfürjung

$$\frac{\mu \cdot (4\mu - 1)}{8 \cdot (\mu - 1)^2 \cdot (\mu + 2)} = \mathfrak{M}$$

$$\frac{4 \cdot (\mu - 1)^2}{4\mu - 1} = \mathfrak{M}$$

s hat man

$$w = \frac{\mathfrak{M} \cdot a^2 \mathfrak{B}^2}{f} \cdot \left(\frac{\lambda}{f^2} + \frac{\mathfrak{M}}{a \delta}\right)$$

Db 4

Eine

424 Die Mestometrie.

(h. 219. 110. 8).

§. 218,

Aufg. z durch eine allgemeine Gle chung auszüdrücken, die statt der Größe die » enthält.

Aufl. 1. Die beiben Werthe von w (5. 21 Hund f. 217.) gleichgesetzt, giebt

$$\mu = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{2\mu+1}{2} \cdot (\frac{1}{a} - \frac{1}{2}) + \frac{\mu+1}{2}$$

$$= \frac{4\mu - 1}{4(\mu + 2)} \cdot \left(\frac{\lambda}{f^2} + \frac{4(\mu - 1)^2}{(4\mu - 1) \cdot a\delta}\right);$$

 $4\mu (\mu + 2) \cdot \left(\frac{1}{a^2} - \frac{1}{ab} + \frac{1}{b^2}\right) - \frac{4(\mu + 2) \cdot (2\mu + 1)}{7}$

$$(4\mu - 1)^{2}$$

$$f^{2}$$

$$(4\mu - 1)^{2}$$

sder

$$-4\mu(\mu+2)\left(\left(\frac{1}{a}-\frac{1}{b}\right)^{2}+\frac{1}{ab}\right)-$$

$$\frac{4(\mu+2).(2\mu+1)}{z}.(\frac{1}{z}-\frac{1}{s})+\frac{4(\mu+2)}{z^2}$$

$$\frac{(4\mu-1).\lambda}{f^2} + \frac{4(\mu-1)^{8/35}}{46-77}$$

Sechzehenter Abschu. Won ber Abweichung zc. 425

2. Mer hat man zur Linfen das Produkt $\frac{4\mu^2 + 8\mu}{\alpha d}$

und zur Rechten $\frac{4\mu^2-8'\mu+4}{4\delta}$.

Bringt man also dieses lette Glied zur Rechten auf die linke Seite, so erhält man

$$\frac{4\mu'(\mu+2) \cdot (\frac{1}{\alpha} - \frac{1}{3})^{2} + \frac{4 \cdot (4\mu-1)}{\alpha \delta}}{2}$$

$$= \frac{4(\mu+2) \cdot (2\mu+1)}{Z} \cdot (\frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\delta}) + \frac{4(\mu+2)^{2}}{Z^{2}}$$

$$= \frac{(4\mu-1) \cdot \lambda}{1-2}$$

ahan .

$$\frac{4(\mu+2)^{2}}{Z^{2}} - \frac{4(\mu+2)\cdot(2\mu+1)}{Z}\cdot\left(\frac{I}{\alpha}-\frac{I}{\delta}\right) = \frac{(4\mu+1)\cdot\lambda}{f^{2}} - 4\mu\cdot(\mu+2)\cdot\left(\frac{I}{\alpha}-\frac{I}{\delta}\right)^{2} - \frac{4\cdot(4\mu-1)}{\alpha\delta}$$

3. Abbirt man, um zur Linken ein vollständiges Quabrat zu erhalten, auf beiden Seiten (2 µ + 1)2

$$\left(\frac{\mathbf{x}}{2} - \frac{\mathbf{x}}{2}\right)^2$$
, und sest

$$\frac{2(\mu+2)}{z} - (2\mu+1) \cdot \left(\frac{1}{a} - \frac{1}{s}\right) = A$$

so ergiebt sich

$$A^{2} = \frac{(4 \mu - 1)}{f^{2}} - (4 \mu^{2} + 8 \mu) \times \frac{1}{g^{2}} + \frac{1}{\delta^{2}} - \frac{2}{g\delta} - \frac{4 \cdot (4 \mu - 1)}{g\delta} + \frac{1}{g\delta}$$

1115

Db 5

(4 m

Die Photometrie.

$$(4\mu^{2}+4\mu+1)\cdot\left(\frac{1}{a^{2}}+\frac{1}{b^{2}}-\frac{a}{ab}\right)$$

$$=\frac{(4\mu-1)\cdot\lambda}{f^{2}}-(4\mu-1)\left(\frac{1}{a^{2}}+\frac{1}{b^{2}}-\frac{a}{ab}\right)$$

$$=\frac{(4\mu-1)\cdot\lambda}{f^{2}}-(4\mu-1)\cdot\left(\frac{1}{a^{2}}+\frac{1}{b^{2}}+\frac{a}{ab}\right)$$

$$=\frac{(4\mu-1)\cdot\lambda}{f^{2}}-(4\mu-1)\cdot\left(\frac{1}{a}+\frac{1}{b}\right)^{2}$$

$$=\frac{(4\mu-1)\cdot\lambda}{f^{2}}-(4\mu-1)\cdot\frac{1}{f^{2}}$$

ober

$$A^s = \frac{4\mu^{-1}}{f^2} \cdot (\bar{\lambda} - 1)$$

Demnad

$$\Lambda = \frac{\sqrt{(4\mu-1).(\lambda-1)}}{f}$$

4. Die Substitution des Werths von A (no. 3) giebt also

$$\frac{1}{z} = \frac{2\mu+1}{2(\mu+2)} \cdot (\frac{1}{a} - \frac{1}{b}) + \frac{\sqrt{(4\mu-1)\cdot(\lambda-1)}}{2(\mu+2)\cdot f}$$

§. 219.

Aufg. Man soll die Zalbmesser r, s durch Werthe ausdrücken, welche a enw halten.

Aufl

Sechzehenter Abschn. Won ber Abweichung ic. 427

Uufl. 1. Nach (§. 213.) ist

$$\frac{1}{r} = \frac{\mu \delta + z}{(\mu - 1) \cdot z \delta} = \frac{1 + \mu \delta \cdot \frac{1}{z}}{(\mu - 1) \cdot \delta}$$

$$\frac{I}{g} = \frac{z - \mu \alpha}{(\mu - I) \cdot \alpha Z} = \frac{I - \mu \alpha \cdot \frac{I}{Z}}{(\mu - I) \cdot \alpha}$$

Berwechselt man also, im Werthe von $\frac{1}{t}$, δ mit

 $-u_1$ so erhält man $-\frac{1}{g}$, der also nur noch mit

— 1 multiplicirt werben barf, um $\frac{I}{g}$ zu exhalten.

2. Den Werth von $\frac{1}{z}$ (§. 218. no. 4.) in vor

stehendem Werthe von - substituirt, giebt

$$\frac{1}{r} = \frac{1 + \mu \delta \cdot \frac{2\mu + 1}{2\mu + 2} \cdot (\frac{1}{\alpha} - \frac{1}{\delta})}{(\mu - 1) \cdot \delta} + \frac{\mu \cdot \sqrt{(4\mu - 1) \cdot \sqrt{(\lambda - 1)}}}{2(\mu - 1) \cdot (\mu + 2) \cdot f}$$

3. Das erfte Glieb biefes Werthes ift

$$= \frac{2(\mu+2)}{2(\mu-1).(\mu+2).\delta} + \frac{\mu.(2\mu+1)}{2(\mu-1).(\mu+2).\alpha}$$

$$\frac{\mu \cdot (2\mu+1)}{2(\mu-1)\cdot (\mu+2)\cdot \delta}$$

$$= \frac{\mu + 4 - 2\mu^{2}}{2 \cdot (\mu - 1) \cdot (\mu + 2) \cdot \delta} + \frac{\mu \cdot (2\mu + 1)}{2 \cdot (\mu - 1) \cdot (\mu + 2) \cdot \alpha}$$

wozu also noch das zweite: Glieb no. 2. addirt werben muß.

4. Man erhält also nach (no. 1.)

$$\frac{1}{g} = \frac{\mu + 4 - 2\mu^{2}}{2(\mu - 1)(\mu + 2) \cdot \alpha} + \frac{\mu \cdot (2\mu + 1)}{2(\mu - 1) \cdot (\mu + 2) \cdot \delta}$$

$$\frac{\mu \cdot \sqrt{(4\mu - 1) \cdot \sqrt{(\lambda - 1)}}}{2 \cdot (\mu + 1) \cdot (\mu + 2) \cdot f}$$

3. Sest man nun zur Abkürzung

$$\frac{\mu + 4 - 2\mu^{2}}{2 \cdot (\mu - 1)^{1} \cdot (\mu + 2)} = \Re$$

$$\frac{\mu \cdot (2\mu + 1)}{2 \cdot (\mu - 1) \cdot (\mu + 2)} = \Im$$

$$\frac{\mu \cdot \sqrt{(4\mu - 1)}}{2 \cdot (\mu - 1) \cdot (\mu + 2)} = \Im$$

so hat man

$$\frac{1}{r} = \frac{\Re}{\delta} + \frac{\Im}{\alpha} + \frac{\Im(\lambda - 1)}{f}$$

$$\frac{1}{s} = \frac{\Re}{\alpha} + \frac{\Im}{\delta} - \frac{\Im(\lambda - 1)}{f}$$

6. Beil
$$\frac{\Re}{3} + \frac{6}{3} = \frac{\Re}{3} + \frac{6}{3} - \frac{6}{3} + \frac{8}{3} = \frac{\Re}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{1}{3$$

$$\frac{1}{e} = \frac{1}{f}$$
 ist, so hat man auch

Sechzehenter Abschn. Von der Abweichung 2c. 429

$$\frac{1}{r} = \frac{6}{f} - \frac{6-x}{f} + \frac{x \cdot \sqrt{(\lambda-1)}}{f}$$

die

$$\frac{f}{r} = \mathfrak{S} - \frac{f}{s} \cdot (\mathfrak{S} - \mathfrak{R}) + \mathfrak{T} \cdot \sqrt{(\lambda - 1)}$$

mp

$$r = \frac{f}{\mathfrak{S} - \frac{f}{\delta} \cdot (\mathfrak{S} - \mathfrak{R}) + \mathfrak{T} \cdot \sqrt{(\lambda - 1)}}$$

Auf gleiche Weise giebt sich

$$s = \frac{1}{\Re + \frac{f}{\delta} \cdot (\Im - \Re) - 2 \cdot \sqrt{(\lambda - 1)}}$$

7. Für die kleinstmögliche Abweichung muß $\lambda = 1$ seyn, also $\sqrt{(\lambda - 1)} = 0$, und daher

$$\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{s}} = \frac{s\mathfrak{R} + \mathbf{f}(\mathfrak{S} - \mathfrak{R})}{s\mathfrak{S} - \mathbf{f}(\mathfrak{S} - \mathfrak{R})}$$

mb in Fallen wie (§. 216),

$$\frac{r}{s} = \frac{3\pi}{58} = \frac{\pi}{8}$$

$$= \frac{\mu + 4 - 2\mu^2}{\mu \cdot (2\mu + 1)}$$

vie (§. 216).

8. Nachstehende aus Eulers Dioptr. T. II. 12g. 11. genommene Tafel enthält die zu verschiedeken WerWerthen von μ gehörigen Werthe von M, N, M. (§. 217.) und von R, S, T.

μ	M	35	N.N
1,50	1/0714	0,2000	0,2143
1,51	1,0420	0,2065	0,2151
1,52	1,0140	0,2129	0,2159
1/53	0,9875	0,2194	0,2168
1,54	0,9622	0,2260	0,2176
1/55	0,9381°4	0,2326	0,2182
1,56	0,9151	0,2393	0,2192
1/57	0,8932	0,2461	0,2199
1,58	0,8724	0,2529	0,2206
-I ₇ 59	0,8525	0,2597	0,2214
1,60	0,8333	0,2666	0,2221

μ	R	. 6	£
1,50	0,2858	1,7143	0,9583
11/51	0,2653	1,6956	0,9468
1,52	0,2456	1,6776	0,9358
1,53	0,2267	1,6601	0,9252
1/54	0,2083	1,6434	0,9149
1,55	0,1908	1,6274	0,9051
1,56	0,1737	1,6119	0,8956
1,57	0,1573	1,5970	0,8864
1,58	0,1414	1,5827	0,8775
1,59	0,1259	1,5689	0,8689
1,60	0,1111	1,5555	0,8607

Sechzehenter Abscha. Won der Abweichung zc. 431

1. Aus dem vor. g. no. 6. hat man allgemein

$$\frac{\mathbf{r}}{\mathbf{s}} = \frac{\Re + \frac{\mathbf{f}}{\mathbf{s}} \cdot (\Im - \Re) - \mathfrak{T} \cdot \sqrt{(\lambda - 1)}}{\Im - \frac{\mathbf{f}}{\mathbf{s}} \cdot (\Im - \Re) + \mathfrak{T} \cdot \sqrt{(\lambda - 1)}}$$

$$r.\left(\mathfrak{S} - \frac{f}{s}.(\mathfrak{S} - \mathfrak{R})\right) + r.\mathfrak{T}.\checkmark(\lambda - 1) =$$

$$e.\left(\mathfrak{R} + \frac{f}{s}.(\mathfrak{S} - \mathfrak{R})\right) - e.\mathfrak{T}.\checkmark(\lambda - 1)$$

$$(r+g).\mathfrak{T}.\sqrt{(\lambda-1)} = (g+r).\frac{f}{\delta}.(\mathfrak{S}-\mathfrak{R})$$

+ $g\mathfrak{R}-r\mathfrak{S}$

Daber

$$\mathfrak{L}.\checkmark(\lambda-1)=\frac{f}{\delta}.(\mathfrak{S}-\mathfrak{R})+\frac{\mathfrak{g}\mathfrak{R}-r\mathfrak{G}}{\mathfrak{g}+r}$$

$$= \left(\frac{f}{f} \cdot (e-x) + \frac{e^{x} - re}{(e+r) \cdot x}\right)^{2} + r$$

$$= \left(\frac{r - \frac{\pi}{2}}{(r+r)} - \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2} \cdot (\pi - \pi)\right)^2 + r \left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2} \cdot (\pi - \pi) \right)^2$$

2. Weil nun vermöge der vorstehenden Tafel S nal beträchtlich größer als R und $\frac{f}{\sqrt{s}}$ gewöhnlich klein ist, so wird die eingeschlossene Größe, die erst

erft noch quabrirt werden foll, gewöhnlich beiaht, i ferne nicht e vielmal größer als r genommen wird.

Dieser beiahte Werth der eingeschlossenen Grwird desto größer, ie größer — genommen wird.
mus also in solchem Falle d, folglich auch w (§. 21 desto größer werden, ie größer man — macht.

Solange baher r nicht klein genug genomn wird, um die eingeschlossene Größe in (\$\Omega\$) verne zu machen, wird die Abweichung immerfort desto kner, ie kleiner man \(\frac{\rac{\cuteff}{r}}{r} \) macht.

3. Wird hingegen — so klein genommen, to die eingeschlossene Größe in (\$). dadurch verm wird, so erhält bei fernerer Verkleinerung von — eingeschlossene Größe einen immer größeren vernein Werth; ihr Quadrat wird also eine immer größere tahte Größe, folglich ver Werth von λ , also auch Abweichung immer größer.

Solange also r so klein bleibt, daß die ein schlossene Größe einen verneinten Werth behält, n die Abweichung desto kleiner, ie größer man $\frac{r}{s}$ ma

4. Ob übrigens bei einem Plankonverglase Abweichung geringer ausfalle; wann man seine er ber bann man seine ebene Fläche dem Obj

Abidn. Bon ber Abmeidung te. 433

Beantwortung biefer Frage bangt eigentichaffenbeit, ber beiben Großen R und

en e = .00, fo wirb

$$\left(\frac{\pi}{z} + \frac{f}{s} \cdot \left(\frac{s-\pi}{z}\right)\right)^s + x$$

er $\frac{\Re}{\mathfrak{T}} + \frac{\mathrm{f}}{\mathfrak{T}\delta}$. ($\mathfrak{S} - \mathfrak{R}$) eine fleinere

iaht ober verneint ausfallen, so ift für derib von & also auch der von w kleiner oo. In diesem Falle giebt also das eine geringere Abweichung, wann seine ir hinterstäche genommen und seine em Objekte jugekehrt wird.

ige der Tafel im vor. §. tann 6— R fr alle Werthe von μ beinahe als unigenommen werden; bingegen wird für bon μ der Werth von π mertlich größe erhält daher für μ == 1,50 den feinder obigen beiden Werthe von λ

Œ e

In

In diesem galle tft für r = 00

$$\lambda = \left(\frac{17143}{9583} - \frac{f}{3} \cdot \frac{17143 - 2858}{9583}\right)^{2} + 1$$

$$= \left(\frac{1789}{1789} - \frac{f}{3} \cdot \frac{17143 - 2858}{9583}\right)^{2} + 1$$

und får , = 00

$$\lambda = \left(\frac{2858}{9583} + \frac{f}{3} \cdot \frac{17143 - 2858}{9583}\right)^{2} + 1$$

$$= \left(0)298 + 1/490 \cdot \frac{f}{3}\right)^{2} + 1$$

Wenn also

$$0/298 + 1/49 \cdot \frac{f}{3} < 1/789 - 1/49 \cdot \frac{f}{3}$$

ober

the, so wird für $\mu = 1,50$ und um sovielmehr größere Werthe von μ allemal für $e = \infty$ der Wevon λ also auch die Abweichung kleiner als $1 = \infty$, oder wenn $\delta > 2$ f ist, so giebt das Plotonverglas eine geringere Abweichung, wann seine habene Fläche dem Objekte zugekehrt wird.

6. Um ein Beispiel zu no. 3. zu geben,

r = 4'', g = 50'', $\mu = 1,55$. so hat man aus der Tafel im vor. δ .

R = 0,1908; 5 = 1,6274; ₹ = 0,90

$$\lambda = \left(\frac{4 \cdot 1,6274 - 50 \cdot 0,1908}{(50+4) \cdot 0,9051}\right)^{2} + 1$$

Sechzehenter Abidu: Bon der Abweichung zc. 435

$$= \left(-\frac{3/0304}{48/875}\right)^2 + 1$$

== 1,0038

· Mahme man aber i == 5, so gabe fic

$$\lambda = \left(\frac{5.146274 - 50.041908}{(50+5).09051}\right)^2 + 1$$

$$= \left(-\frac{1/403}{49/78}\right)^2 + 1$$

b tegt die Abweichung kleiner als vorhit für das igere r.

Nahme man r = 6", so wurde die eingeschlosse Größe betaht, aber ihr Quadrat noch kleiner als r = 5 *).

Da nun allemal, wenn der Zahlenwerth für sich ne Anklicht auf sein vorstehendes Zeichen betrachtet rb.

$$e(\mathfrak{S}-\mathfrak{R})-x\mathfrak{R}\left\{\begin{array}{l}1)< e.(\mathfrak{S}-\mathfrak{A})\\2)< x\mathfrak{R}\\-\mathfrak{E}e\,z\end{array}\right.$$

Bes ist daher unrichtig, wenn Karsten (Anfangsgr. der wath. Wist. III. B. S. 563., behauptet, die Abweichung werde allemal desto größer, is kleiner T (oder ie größer

() senommen werde.

Sechzehenter Abschn. Bon der Abweichung zc. 437

b für febr entfernte Gegenstände

$$\lambda = \left(\frac{2(\mu^2 - 1)}{\mu \sqrt{(4\mu - 1)}}\right)^2 + 1$$

3. Sest man ad fatt f, fo wirb

$$\mathbf{x} - \mathbf{I} = \left(\frac{8 - \Re}{2\mathfrak{T}} - \frac{\alpha\delta}{\delta(\alpha + \delta) \cdot \mathfrak{T}} \cdot (8 + \Re)\right)^{2}$$

$$= \left(\frac{8 - \Re}{2\mathfrak{T}} \cdot \left(\mathbf{I} - \frac{2\alpha}{\alpha + \delta}\right)\right)^{2}$$

$$= \frac{8 - \Re}{2\mathfrak{T}} \cdot \frac{\delta - \alpha}{\delta + \alpha}$$

peraus sich, wie no. 1, für sehr große &

$$\lambda - 1 = \frac{\mathfrak{S} - \mathfrak{R}}{2\mathfrak{T}}$$

rejebt.

6. 222.

Aufg. I und a werden als véränders angenommen, so daß zu einer sehr kleis in Alenderung \triangle I die sehr kleine \triangle a gesärt; man soll das Verhältniß \triangle a : \triangle I besimmen.

Useff. Es ift $\frac{1}{f} = \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$ also, weil f unminterlich bleibt, wenn gleich a und δ sich ändern,

$$\frac{I}{f} = \frac{I}{a + \Delta a} - \frac{I}{\delta + \Delta \delta}$$

a Ł

d. i. wenn man wirklich bivibirt,

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{a} - \frac{\Delta a}{a^2} + \frac{\Delta a^2}{a^3} - \frac{\Delta a^3}{a^4} ...$$

$$+ \frac{1}{3} - \frac{\Delta \delta}{3^2} + \frac{\Delta \delta^3}{3^3} - \frac{\Delta \delta^3}{3^4} ...$$

sber, weil die Potensen von aund auch diweggelaffen werben dürfen,

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{a} - \frac{\Delta a}{a^2} + \frac{1}{3} - \frac{\Delta b}{3^2}$$

Dennach

$$-\frac{\Delta u}{a^{2}} - \frac{\Delta \delta}{\delta^{2}} = \frac{1}{f} - \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{\delta}\right) = 0$$

alfo

$$\Delta = -\frac{a^2}{l^2} \cdot \Delta^3$$

Aufg. Die Längenabweichung wegen der Rugelgestalt für Strahlen zu bestimmen, welche durch zwei Gläser durchgehen, (sig. 107.)

Aufl. 1. QQ'sen bas erste, RR' bas zweite Glas, TS bie Are beider Glaser, P ein strahlendes Element in der Are, Am = B der Dessungshalbmesser des ersten Glases, n eine Stelle sehr nahe and der Are; Ap = a die Bereinigungsweite für solche Strahlen wie Pn, Ar die Vereinigungsweite sür solche sussenste Strahlen wie Pm, also pr = w die Wweichung sür das erste Glas, so hat man (§. 217)

Sechzehenter Abichn. Bon ber Abweichung zc. 439

$$\mathbf{w} = \frac{\mathfrak{M} \cdot \mathbf{a}^2 \cdot \mathfrak{B}^2}{\mathbf{f}} \cdot \left(\frac{\lambda}{\mathbf{f}^2} + \frac{\mathfrak{M}}{\mathbf{a} \cdot \mathbf{d}}\right)$$

e, wenn man zur Abkürzung P fatt $\frac{M}{f}$. $(\frac{\lambda}{f^2} + \frac{M}{m^2})$ eibt,

 $\mathbf{w} = \mathbf{P} \mathbf{a}^2 \mathfrak{B}^2$

2. Wenn nun die durch p. burchgehenden auf bas ite Glas RR' fallenden Strahlen ihren neuen Bergungspunkt hinter bem zweiten Glas in p' haben, baß iest bie Bereinigungsweite Bp' == 4' ju ber tfernung pB = d' gebort, fo muß fich für Strab-, bie von a aus auf bas zweite Glas fallen, quo ie Ruckficht auf eine neue Abmeichung wegen ber gelgestalt die Vereinigungsweite Bp' abandern, weil bie Entfernung Bp in bie Ba abanbert. Bte j. B. ber Vereinigungspunft für diefe Strablen y fallen, fo bag

$$p'\gamma$$
 ober $\triangle a' = -\left(\frac{a'}{\delta'}\right)^2 \cdot \triangle \delta'$

$$= -\left(\frac{a'}{\delta'}\right)^2 \cdot p\pi$$

r, bas Beichen bei Seite gefett,

$$p'\gamma = \left(\frac{\alpha'}{N}\right)^2 \cdot w = \left(\frac{\alpha'}{N}\right)^2 \cdot P \alpha^2 \mathfrak{D}^2$$

rbe, woferne die Stelle v, in der die von a here umende Strahlen auf bas Glas fallen, so nabe an Mre lage, daß Bv = 0 gesetzt werden dürfte.

3. Weil aber By allemal einen bestimmten Werth !, ben ich mit B' bezeichnen will, so vereinigen fic e von a herkommende Strahlen wiederum nicht alle in y, sondern zerstreuen sich von y aus z. B. bis in #/
und man hat also wiederum die Abweichung yw', die
ich mit w bezeichnen will, zu bestimmen.

4. Wenn nun die für das erste Glas mit M, R, B, f, α, δ, λ und P bemerkte Größen für das zweite Glas mit M', N', B', f', α', δ', λ' und P' bezeich net werden, so hat man wie (no. 1)

$$\mathbf{w} = \frac{\mathfrak{M}'(\alpha')^2(\mathfrak{B}')^2}{\mathbf{f}'} \cdot \left(\frac{\lambda'}{\mathbf{f}'^2} + \frac{\mathfrak{N}'}{\alpha' \mathbf{f}'}\right)$$

odet

$$\mathfrak{w} = \mathbf{P}'(\alpha')^2 (\mathfrak{B}')^2$$

sher, weil $\mathfrak{B}' = \frac{B\pi}{A\pi}$. Am $= \frac{\delta'}{\alpha}$. \mathfrak{B} iff,

$$\mathbf{w} = \mathbf{P}' \cdot (\alpha')^2 \cdot \left(\frac{\delta' \mathfrak{B}}{\alpha}\right)^2$$

5. Wird also die gesammte Abweichung p'w' mit w' bezeichnet, so hat man

$$w' = p'\gamma + \gamma \pi'$$

$$= {\alpha' \choose \beta'}^2 \cdot P\alpha^2 \mathfrak{B}^2 + P'(\alpha')^2 \cdot (\frac{\delta'\mathfrak{B}}{\alpha})^2$$

ober

$$w' = (\alpha'\mathfrak{B})^2 \cdot \left(\frac{\alpha^2}{\delta^{1/2}} \cdot P + \frac{\delta^{1/2}}{\alpha^2} \cdot P'\right)$$

Aufg. Die Längenabweichung wegen der Rugelgestalt für Strahlen zu bestimmen, welche durch drei und mehrere Gläser durchs gehen. (sig. 107.)

Sechzehenter Abschn. Bon der Abweichung zc. 441-

Aufl. 1. Wenn das dritte Glas SS' hinzukommt, so machen die durch p' durchgehenden Strahlen ein neues Bild 3. B. in p".

Ebendarum aber vereinigen sich die von π' herkommenden Strahlen in einer andern Stèlke, \mathfrak{z} . S.
in γ' , indem sich die Entsernung $Cp' = \mathfrak{z}'$ in die $C\pi' = \mathfrak{d}' + \Delta \mathfrak{d}'$ verändert; und es wird iest $(\mathfrak{z}, \mathfrak{z}, \mathfrak{z})$ $\Delta \mathfrak{a}''$ oder

$$p''\gamma' = (\frac{\alpha''}{\delta''})^2 \cdot p'\pi' = (\frac{\alpha''}{\delta''})^2 \cdot w'$$

woferne die Stelle u, durch welche die von w hertommende Strahlen durchgehen, so nahe an der Are läge, daß Cu = 0 gesetzt werden durfte.

- 2. Weil aber ebendaher, daß Cu nicht = 0 iff, sondern einen bestimmten Werth $\mathfrak{B}'' = \frac{C\pi}{B\pi}$. Bv = $\frac{\delta''}{\alpha'} \cdot \mathfrak{B}' = \frac{\delta'' \cdot \delta'}{\alpha' \cdot \alpha}$. B hat (§. 223. no. 3.), die von ** herkomménden Strahlen hinter dem dritten Glase nicht in dem einzigen Punkte γ' vereinigt werden, sondern sich von γ' auß dis z. B. in π'' zerstreuen, so muß nun noch diese hinzukommende neue Mweichung $\gamma' = m'$ bestimmt werden.
- 3. Bezeichnet man nun die für das erste Glas mit M, N, B, f, a, d, \lambda und P angedeutete Größen für das dritte Glas mit M'', N'', B'', f'', a'', b'', \lambda'', \lambda'',

$$\mathbf{w}' = \mathbf{P}''(\alpha'')^2 (\mathfrak{B}'')^2 = \mathbf{P}''(\alpha'')^2, (\frac{\delta''\delta'}{\alpha'\alpha})^2 \mathfrak{B}^2$$

4. Demnach, wenn die gesammte Längenabweischung p" m" mit w" bezeichnet wird,

$$w'' = p'' \gamma' + w' = {\binom{\alpha''}{\beta''}} \cdot w' + p''(\alpha'') \cdot (\frac{\beta'' \beta' \beta}{\alpha' \alpha})^{2}$$

$$= {\binom{\alpha''}{\beta''}} \cdot (\alpha' \beta) \cdot (\frac{\alpha^{2}}{\beta'^{2}} \cdot P + \frac{\beta'^{2}}{\alpha^{2}} \cdot P')$$

$$+ P'' \cdot (\alpha'') \cdot (\frac{\beta'' \beta' \beta}{\alpha' \alpha})^{2}$$

sber

$$\mathbf{w}'' = (\mathbf{e}'' \mathfrak{B})^{2} \cdot \left(\left(\frac{\mathbf{e}' \mathbf{e}'}{\delta' \delta''} \right)^{2} \mathbf{P} + \left(\frac{\delta' \mathbf{e}'}{\mathbf{e}' \delta''} \right)^{2} \mathbf{P}' \right)$$

$$+ \left(\frac{\delta' \delta''}{\mathbf{e}' \mathbf{e}'} \right)^{2} \mathbf{P}'' \right)$$

5. Sest man die gesammte Längenadweichung für ein viertes Glas — W''', so findet man auf gleiche Weise

$$\mathbf{w}''' = (\mathbf{a}''' \mathfrak{B})^{2} \left(\left(\frac{\mathbf{a} \, \mathbf{a}' \, \mathbf{a}''}{\delta' \delta'' \delta'''} \right)^{2} \cdot \mathbf{P} + \left(\frac{\delta' \cdot \mathbf{a}' \cdot \mathbf{a}''}{\mathbf{a} \cdot \delta'' \cdot \delta'''} \right)^{2} \cdot \mathbf{P}' + \left(\frac{\delta' \, \delta'' \, \delta'''}{\mathbf{a} \, \mathbf{a}' \, \mathbf{a}''} \right)^{2} \cdot \mathbf{P}'' + \left(\frac{\delta' \, \delta'' \, \delta'''}{\mathbf{a} \, \mathbf{a}' \, \mathbf{a}''} \right) \cdot \mathbf{P}''' \right)$$

6. Wan erhält w''' aus w'', indem man den zweiten Faktor im Werthe von w'' durchaus mit J'' multiplicirt, und hiernächst das 4te Glied au'a'' P''' addirt, im ersten Jaktor aber a''' katt a'' schreibt.

Multiplicirt man nun auf gleiche Weise den zweisten Faktor im Werthe von \mathbf{w}''' mit $\frac{\alpha'''}{\delta'''''}$, addirt als dann

Sechzehenter Abschn. Bon der Abweichung 2c. 443

ment das fünfte Glied $\frac{3!5!!5!!!5!!!}{\alpha\alpha! \alpha!!!} P^{IIII}$, und schreibt wersten Fattor α^{IIII} statt α^{III} , so erhält man $\pi^{IIII} = (\alpha^{IIIII3})^2 \left(\frac{\alpha\alpha'\alpha''\alpha'''}{5!5!!5!!5!!!} \right)^2 P + \frac{\delta'\alpha'\alpha''\alpha'''}{\alpha\delta''5!!5!!!} P' + \frac{\delta'\delta''5'''5!!!}{\alpha\alpha''\alpha'''} P''' + \frac{\delta'\delta''5'''5!!!}{\alpha\alpha''\alpha'''} P''' + \frac{\delta'\delta''5'''5!!!}{\alpha\alpha''\alpha'''} P'''' + \frac{\delta'\delta''5'''5!!!}{\alpha\alpha''\alpha'''} P''''$ 8. f. th. W^{V} , W^{VI} 2c.

§. 225.

Bergleicht man die vorstehenden Werthe von W', W'', w''' rc. mit ven Werthen von den Vergrößerungszahlen N', N'', N''' rc. sür 2 · 3 · 4 Gläser u. s. w.
(§. 176), so fällt sogleich in die Angen, daß sich die Werthe von w', w'', w''' rc. auch bequem durch N', N'' rc. ausdrücken lassen.

Es ist nämlich

$$N_{1111} = \frac{213113111}{313113111}$$

$$N_{1111} = \frac{313113111}{313113111}$$

i. f. w.

1:1

Man hat also für 2 Gläser $\mathbf{w} = \mathbf{v} \cdot \left(\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v}}\right) \cdot \left(\mathbf{P} + \left(\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v}}\right)^{2} \mathbf{P}'\right)$ $= (N/1/3) \cdot \left(\mathbf{P} + \left(\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{v}}\right)^{2} \mathbf{P}'\right)$

für

für 3 Glafer

$$W'' = (8a'') \cdot (\frac{a a'}{\delta' \delta''}) \cdot \left(P + (\frac{b'}{a}) P' + (\frac{\delta' \delta''}{a a'}) P''\right)$$

$$= (N'' P'' \cdot 8) \cdot \left(P + (\frac{b'}{a}) P' + (\frac{\delta' \delta''}{a a'}) P''\right)$$

für 4 Gläfer

$$W''' = (\mathfrak{D} \alpha''')^{2} \cdot \left(\frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta'' \delta'''}\right)^{2} \left(P + \left(\frac{\delta'}{\alpha}\right)^{4} P'' + \left(\frac{\delta' \delta'' \delta'''}{\alpha \alpha' \alpha''}\right)^{4} P'''\right)$$

$$= (N''' 1''' \mathfrak{D})^{2} \cdot \left(P + \left(\frac{\delta'}{\alpha}\right)^{4} P' + \left(\frac{\delta' \delta''}{\alpha \alpha'}\right)^{4} P''' + \left(\frac{\delta' \delta'' \delta'''}{\alpha \alpha'}\right)^{4} P'''\right)$$

$$+ \left(\frac{\delta' \delta'' \delta'''}{\alpha \alpha' \alpha'''}\right)^{4} P'''$$

wo das Sesetz des Fortgangs für noch mehrere Gläset schnell in die Augen fällt.

Bezeichnet man die Anjahl der Gläser mit n und bemerkt überdas, daß überall, won an der Stelle eines Exponenten vorkommt, keine Potenz, sondern nur soviele Strichlein damit angedeutet werden, all die Zahl n bezeichnet, so hat man allgemein

für n Glafer

$$\mathbf{w} = (\mathbf{N}^{n-1})^{n-1} \cdot (\mathbf{P} + (\frac{\delta'}{\alpha})^{4} \cdot \mathbf{P}')$$

$$+ (\frac{\delta'\delta''}{\alpha\alpha'})^{4} \cdot \mathbf{P}'' + (\frac{\delta'\delta''\delta'''}{\alpha\alpha'\alpha''})^{4} \cdot \mathbf{P}'''$$

$$\cdot \cdot \cdot + (\frac{\delta'\delta'\delta''' \cdot \cdot \cdot \cdot \delta^{n}}{\alpha\alpha'\alpha''})^{4} \cdot \mathbf{P}'' \cdot \cdot \cdot \cdot \delta^{n}$$

Cechzehenter Wichni. Won ber Ibweichung ic. 445

wo ble eingeschloffene, vieltheilige Große iebesmal foviele Glieber bat, als Glafer vorhanden find.

ş. 226.

Es fen (fig. 108.) TS bie Ape ber Linfe QQ'
und P ein: strablendes Element in der Ape, Poben Beseinigungspuntt für Strablen, welche von Pand auf
ferst nabe bei A auf die Linse fallen,
buntt, in melchem Strablen, die von
Entfernung AQ = AQ' von der Ari
fallen, die Are schneiben, also Ff du
chung für den Definungsbalbmesser B =
man sich nun in F eine Ebene ber QQ
so ertsteber verlängerte Strable Qf bief
und simmissien von Panf das Glas in ben Entfernung

AQ = AQ' fallenbe Skählen treffen wite in F defindliche Ebene in Punkten einer Kreislinte, beren Halbmeffer FG ist. Dieser Halbmeffer FG beißt die Geitettabweichung wegen der Rugelgestalt. Auch heißt nicht nur der erwähnte Kreis, bessen Halbmester die FG ist, sondern ieder ihm parallele Querschutzt des Strahlenkegels Gkg ein Abweichungskreis.

\$. 227.

Die Seitenabweichung FG ift = Ff. tang FfG. Run läßt fich die Längenabweichung Ff allemal burch ein Ptboult ans einem bestimmten Faktor in 33, und tang FfG durch ein Produkt ans einem Faktor in 33 ausbrucken. Oruckt man bieft Faktoren burch V, Waus, so hat man allgemein

10

FG = V8' × 88 = V88!;

§. 228.

\$. 22B.

Fallen in der Entfernung An' = An < Am Strahlen wie Pn', Pn auf die Linse, so sällt ihr Vereinigungspunkt näher an F als der von PO, PO'; ex salle \mathfrak{g} . S. in k, und es sep $An = \mathfrak{g}$, wie borbin $Ff = V\mathfrak{g}^2$, also $fk = Ff - Fk V \cdot (\mathfrak{F}^2 - \mathfrak{g}^2)$.

Diese Strahlen nk, n'k schneiben Q'f, Qf gehörig verlängert in 3 und 3, so daß ble gerade 83 durch die Axe TS in a senkrecht in zwei gleiche Thele getheilt wird, die sich nebst der Entsernung af auf solgende Weise bestimmen lassen.

Beil B weder von B noch von b abhängt, his hat men, so wie tang sky weer tang ks. F.G. wie tang sky = 186.

Es ift aber

en = ef.tangefn = ek.tangekn

alfo

ef: ek = tangekn: tangefn = 36: 33 = 6: 3

unb

ef:(ef+ek) = b:(b+3)

Demnach

$$\mathbf{sf} = \mathbf{kf} \cdot \frac{\mathbf{b}}{\mathbf{b} + \mathbf{b}}$$

Es war aber $kf = V.(B^2 - \delta^2)$, also

$$\mathbf{sf} = \mathbf{V}.(\mathfrak{B}^2 - \mathfrak{b}^2) \cdot \frac{\mathfrak{b}}{\mathfrak{B} + \mathfrak{b}}$$

= V b (3-b)

und nun

sη = sf. tang sfη = V 23 25 (25 -1)

§. 22

Sechzehenter Michn. Won der Abweichung zc. 447

\$. 229.

Aufa. Unter allen Abweichungstreis in zwischen fund F (sig. 108), wo fF die Längenabweichung ist, den kleinstmöglichen unzugeben.

Aufl. 1. Sowohl die Betrachtung der Figus, is die Gleichung

$$s\eta = 0995(9-5)$$

rgiebt, daß es einen Werth von b gebe, für welchen in ein maximum wird; nämlich, VVB als unverstehenlich angenommen,

Diesen Werth in der letten Gleichung des vor. 5. Ur b substituirt, giebt

2. Ist also in der Figur An = An' = AQ, ist en, also zugleich fn ein maximum. Es schneiden alls alle zwischen A und Q' auf die Linse fallende Btrahlen nach der Brechung den verlängerten Strahl Qf zwischen f und n. Denn zur Nechten von n kann ein Strahl mehr durch f G durchgehen, weil fn das naximum sür die Entsernung der möglichen Durchstittspunkte von dem Punkt f ist.

Eben so schneiben alle zwischen A und Q auf die Wife kallende Strahlen nach ihrer Brechung den versingerten Strahl Q'f zwischen f und I, weil vermöge es gefundenen Maximums der Punkt I unter allen die verlängerte Q'f sallenden Durchschnittspunkten Pentfernteste von f ist.

Demnach gehen auch alle zwischen Q und Q' auf die Linse fallende Strahlen nach ihrer Brechung durch bie n's durch, so daß sie auf einer in e fentrecht burch die Are gelegten Ebene einen Rreis bilden, def fen Halbmesser en = \frac{1}{2}\V ware.

3. Da nur zur Rechten von dy alle Durchmeffer Der Abweichungstreise größer als &n find, zur Linken aber tein Abweichungsfreis fällt, burch ben alle von ber Linfe berfommenden Strablen durchgiengen, so if Dy selbst ber Durchmeffer bes fleinstmöglichen Abmei dungstreifes, burch den alle Strablen durchgeben, ober es ist

der mit $s\eta = \frac{1}{2}V\mathcal{DB}^3$ beschriebene Rreis unter alken Abweichungstreis ... sen, durch welche sammtliche Strahlen durchgeben, der tleinste.

Diefer: Sat gilt allemal, wenn nur aberhaupt QQ' bas lette Glas bezeichnet.

§. 230.

Aus (§. 212. ħ) hat man, für ein sehr großes J, W ober

$$V\mathfrak{B}^{2} = \frac{\mu \mathfrak{B}^{2} \alpha^{2}}{2(\mu - 1)^{2} f} \cdot \left(\frac{\mu}{\alpha^{2}} - \frac{2\mu + 1}{z\alpha} + \frac{\mu + 2}{z^{2}} \right)$$

ober, weil für biesen Jall a = f geset werben barf,

$$V\mathfrak{B}^{2} = \frac{\mu f \mathfrak{B}^{2}}{2(\mu - 1)^{2}} \left(\frac{\mu}{f^{2}} - \frac{2\mu + 1}{fz} + \frac{\mu + 2}{z^{2}} \right)$$

Auch hat man, wie die Figur ergiebt,

$$\mathfrak{VS} = \frac{1}{\pi} \cdot \mathfrak{V}$$
 ober hier $= \frac{\mathfrak{V}}{\mathbf{f}}$

Sechzehentet Abschn. Bon ber Abweichung zc. 449

In der besonderen Anwendung auf ein Plankonglas, dessen ebene Fläche dem Objekte zugekehrt d, hat man noch $z = \infty$, also

$$V \mathfrak{B}^{2} = \frac{\mu^{2} \mathfrak{B}^{2}}{2 (\mu - 1)^{2} f}$$

it diesem Falle der fleinste Abweichungshalbmeffex

$$= \frac{\frac{1}{4} \mathfrak{B} \mathfrak{B} \cdot V \mathfrak{B}^2}{8 (\mu - 1)^2 f^2}$$

Run'ift allgemein

$$f = \frac{f g}{(\mu - 1)(r + g)}$$
 (§. 105.)

, im ietigen Falle, r = 00 gefett,

$$f = \frac{\ell}{\mu - 1}$$
 und $(\mu - 1) \cdot f = \ell$

b baber

$$\epsilon \eta = \frac{\mu^2 \mathfrak{B}^3}{8 \, \epsilon^2}$$

Er. Es sen $\mu = 1,55$; $\mathfrak{B} = 2 \, \mathfrak{Foll}$, $\mathfrak{g} = 2 \, \mathfrak{Foll}$, $\mathfrak{g} = 2 \, \mathfrak{Foll}$

en == 0,00000667 Zoll i den Abweichungshalbmesser wegen der Kugelgestalt.

Es war aber oben (h. 193.) der Abweichungsbmesser wegen der Farbenzerstreuung = $\frac{1}{55}$ B, also r == 0,03636 Boll.

langsborfs Photoni.

81

2110

Wiso weichen in biesem Falle die Straften wegen der Farbenzerstreuung 5450 mal soweit ab, als wegen der Angelgestalt.

§. 231.

Weil ef = V6 (8—6), also, wenn en Meinsten Abweichungshalbmesser bedeutet, = 1 Voille, so hat man auch

 $sF = fF - sf = V S^2 - \frac{1}{2}V S^2$ = $\frac{1}{2}V S^2$

für die Entfernung des kleinsten Abweichungstreises vom letten Bilde, ober vom Bilde, das hinter den letten Glase erscheint.

§. 232.

Die Spigen aller vom Glase herkommenden gleichartigen (oder zu einem bestimmten Werthe von p geborigen) Strahlen liegen nicht nur in dem diesen
Strahlen (oder dem bestimmten Werthe von p) zugeborigen Regel, dessen Längendurchschnitt Gfg (fig.
108.) ist, sondern zum Theil auch noch vor dempfelden
gerstreut, und ein hinter F besindliches Auge empfänzt
also allemal Strahlen, die von dem Elemente P har
kommen, nicht etwa aus dem Bilde F des Elementes
allein, sondern aus mannigfaltigen in gedachtem Repme- zerstreuten Vereinigungspunkten oder Regelspipen,
daher auf diese Weise Undeutlichkeit entstehen kann.

Wie aber auch diese mannigsaltigen Vereinigungs punkte zur Seite der Axe zerstreut seyn mögen, so missen böch alle durch diese Vereinigungspunkte ins Austsommende Etrahlen zugleich durch die zum Keinsten Abweichungshalbmesser so gehörige Axeisstäche woch wendig

Sechzehenter Abschn. Von der Abweichung it. 451

vendig durchgehen, und wenn sich ein Auge in Sin der Entsernung sS=1 von ienem Abweichungstreise besindet, so ist sür dieses Auge das Maaß der Abweichung der Quotient $\frac{s_\eta}{1}=\frac{V\mathfrak{B}^3}{41}$. Da von der Größe dieses Quotienten zugleich das Maaß der von dieser Abweichung entstehenden Undeutlichkeit abhängt, so nennt man ihn auch den Zaldmesser der Unschelichkeit, der also $\frac{V\mathfrak{B}^3}{41}$ ist.

Zwar wurde es einem Auge in S nicht gleichaultig feyn, ob ihm in e ein einziges Gemählbe no vorgehalten murbe, ober ob diefes Gemablbe gerschnitten und numbiese einzelnen Stude in ber nämlichen Entfernung von der Are, aber manche näher gegen bas Ange und manche vom Auge weiter weggerückt murben; die Empfindung konnte durch diese verschiedene Entfernungen ber einzelnen Stude vom Auge febr abgeanbert werben. Aus gleichem Grunde ift es baber auch keineswegs in aller Schärfe einerlei, ob die verfciebenen Bereinigungspunkte der von P ausgebenden Strablen nach ber Brechung im Glase wirflich alle in bem fleinsten Abweichungsfreise no neben einander liegen, ober ob fie in verschiedenen Entfernungen vom Auge vor und hinter ienem Abweichungsfreise ihre Stellen baben, wie es hier wirklich ber gall ift. Berichiebenheit biefer Entfernungen vom Abmeichungs. freife tonnte baber allerdings auch noch einigen Ginfluß auf Die Undeutlichkeit haben, so bag biefe nicht gang

allein von der Größe des Quotienten $\frac{e\eta}{41}$ abhängt.

Inswischen ist der Unterschied der verschiedenen Entfernungen iener Vereinigungspunfte in Vergleichung mit l in der Ausübung so klein, daß das Auge denselben nicht zu bemerken vermag. Ebendarum kann man ihn ganz bei Seite setzen, und sich bei Verminderung der von der Abweichung wegen der Sestalt herrührenden Undeutlichkeit bloß damit begnügen, daß man den gedachten Halbmesser der Undeutlichkeit so klein mache als es die Umstände erlauben. Pierzu dient noch solgendes.

§. 233.

Unfg. Den Zalbmesser der Undeuts lichkeit $\frac{V \mathcal{D} \mathcal{B}^3}{41}$ durch bekannte Werthe von V und \mathcal{D} auszudrücken.

Anfl. 1. Man hat, wie aus dem Borherze benden sogleich erhellet,

für 1 Glaß
$$\mathfrak{V} = \frac{1}{\alpha}$$

für 2 Gläser $\mathfrak{V} = \frac{\delta'}{\alpha'} \cdot \frac{1}{\alpha}$

für 3 Gläser $\mathfrak{V} = \frac{\delta''}{\alpha''} \cdot \frac{\delta'}{\alpha'} \cdot \frac{1}{\alpha}$

für 4 Gläser $\mathfrak{V} = \frac{\delta'''}{\alpha'''} \cdot \frac{\delta''}{\alpha''} \cdot \frac{\delta}{\alpha''} \cdot \frac{1}{\alpha''}$

u. s. Herner.

sür 2 Gläser $\mathfrak{N}'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta''} \cdot \frac{\delta''}{\delta''} \cdot \frac{1}{\delta''}$

3 Gläser $\mathfrak{N}''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta''} \cdot \frac{1}{\delta''}$

füt

Sechzehenter Abschn. Won ber Abweichung zc. 453

für 4 Gläser
$$N''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha'''}{\delta' \delta'' \delta''' 1}$$

n. f. w.

Bezeichnet man also die zu ieder Anzahl n von Biafern gehörige Vergrößerungszahl überhaupt mit Nu-i, so ist allemal

$$\mathfrak{B} = \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{N}^{\mathbf{n}-\mathbf{r}}.\mathbf{1}}$$

wo n-I nur eine Anjahl von Strichen bedeutet, wie §. 225.

Der Werth von V, ober die Größe, welche mit Bomultiplicirt werden muß, um die zu n Gläsern gehörige Längenabweichung wn—I auszudrücken, kann geradezu aus. (§. 225. am Ende) genommen werden.

3. So giebt fich

ber Halbmesser ber
$$\frac{V \mathfrak{B} \mathfrak{B}^3}{41}$$

Undeutlichseit

 $\frac{1}{4}$ N. \mathfrak{B} . $\left(P + \left(\frac{\delta'}{\alpha}\right)^4 P' + \left(\frac{\delta'}{\alpha}\right)^4 P'' + \frac{\delta'}{\alpha}\right)^4 P''' + 1c.$

wo Nn—z die zu n Gläsern gehörige Vergrößerungszahl bedeutet und die Bedeutung von — 2c. aus (§ 225.) zu ersehen ist.

4. Substituirt, man aus (§. 225. no. 1. und no. 3.) die Werthe von P, P', P'' zc. so wird der Haldmesser der Undentlichkeit

8f3

$$= \frac{3}{4}N^{3} \cdot \left(\frac{\lambda}{f^{2}} + \frac{\Re}{\alpha \delta}\right)$$

$$+ \frac{\Re'}{f'} \cdot \left(\frac{\lambda'}{f'^{2}} + \frac{\Re'}{\alpha' \delta'}\right) \cdot \left(\frac{\delta'}{\alpha}\right)^{4}$$

$$+ \frac{\Re''}{f''} \cdot \left(\frac{\lambda''}{f''^{2}} + \frac{\Re''}{\alpha'' \delta''}\right) \cdot \left(\frac{\delta V \delta W}{\alpha \alpha'}\right)^{4}$$

$$+ 3c.$$

5. Beim Gebrauch ber Teleskope wird, wegen ber beträchtlichen Größe von δ , $\frac{\mathfrak{N}}{a\delta} = 0$ und a = f geset, also für diese der Halbmesser der Undeutlichkeit

$$\frac{1}{4N} \frac{m^{1}(\delta^{1})^{2}}{f^{2}} \cdot \left(\lambda^{1} \cdot \left(\frac{\delta^{1}}{f^{1}}\right)^{2} + m^{1} \cdot \frac{\delta^{1}}{a^{1}}\right) + \frac{m^{1}(\delta^{1/2})^{2}}{f^{2}} \cdot \left(\lambda^{1} \cdot \left(\frac{\delta^{1/2}}{f^{1/2}}\right)^{2} + m^{1} \cdot \frac{\delta^{1/2}}{a^{1/2}}\right) \cdot \left(\frac{\delta^{1/2}}{f^{2/2}}\right)^{2} + m^{1/2} \cdot \left(\frac{\delta^{1/2}}{f^{2/2}}\right)^{2} + m^{1/2} \cdot \left(\frac{\delta^{1/2}}{f^{2/2}}\right)^{2} + m^{1/2} \cdot \left(\frac{\delta^{1/2}}{a^{1/2}}\right)^{2} + m^{1/2}$$

wo von der in $\frac{1}{4}N^{n-1} \mathcal{B}^3$ multiplicirten Größe alle mal soviele Glieder genommen werden, als man Gliefer hat.

§. 234.

Man muß also, um die erfoderliche Deutlichkeit zu erhalten, die nehmen, daß die vorstehenden Werthe für den Halbmesser der Undeutlichkeit klein genug aussallen, um dem Auge die Abweichung unmerklich zu machen. Der Erfahrung zusolge müßte zu dem Ende der

Siebenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenstellung zo 455

der Winkel & Sy, wenn sich in S bas Auge befindet, bei Telestopen nicht über ein paar Sefunden betragen. Die Tangente eines so fleinen Bogens fann ihrem Bogen gleichgefest merben,

Es ist aber der Bogen von I Set. (für den Palbmesser = 1) = 0,00000485, also soll auch die Tangente bes gebachten Winfels ober ber halbmeffer der Undeutlichkeit bei Teleskopen nicht über hoch. ftens 0,00001 betragen. Nach Eulern fann er faum balb fo groß fenn.

Wird übrigens nur bafür geforgt, daß die Abweichung wegen ber Gestalt für Strahlen, benen bie mittlere. Brechung ober $\mu = 1,55$ zugehört, beseitiget wird, so wird auch die von der Gestalt herrührende Abweichung für farbige Strahlen zu unbedeutend, als daß fie für bas Aug'e noch nachtheilige Folgen haben tonnte, daber man bierüber feiner besondern Berech. nungen bedarf. Nähere Unwendungen von diesem allem werden in der zweiten Abtheilung vorkommen.

Siebenzehenter Abschnitt.

Kurze Zusammenstellung der Hauptresultate der in den vorhergegangenen 16 Abs schnitten vorgetragenen Untersuchungen.

§. 235. (oben §. 1 — 25.)

. Von iedem Punft eines leuchtenden Flachenele. ments geht nur ein einziger Strahl aus, und bie Rich. 8f 4

tungen aller von einem solchen Flächenelemente ausgehenden Strahlen sind auf dieses Element senkrecht. Ebendarum kann ein leuchtendes Flächenelement auch nur ein ebenso großes Flächenelement senkrecht erleuchten, und ein glänzendes Flächenelement kann nur durch Strahlen bemerkbar werden, die senkrecht von ihm ausgehen.

Das natürliche in seiner ganzen Mischung noch unveranderte Licht erscheint und weiß ober es bewirft in uns eine Empfindung, die wir burch die Bahrnehmung bes Beiffen ausbrucken. Erscheinen uns Rotper nicht weiß, so muffen fie uns burch Strablen in einem veränderten Zustande sichtbar werben, die dann farbice Strablen beiffen. Diese farbige Erscheinung eines Rorpers, ber übrigens ben Einwirfungen bes natürlichen Lichtes ausgesett ift, fonnen wir nur bar aus ertlaren, daß ein solcher Körper Licht zwischen seine Elemente aufnimmt, die iene Aenderung bewitfen, so daß nun Strahlen anderer Art, farbige Strahlen, wiederum von ihm ausgehen, beren Richtungs. linien übrigens, wie die der natürlichen Strablen fent recht auf die Flächenelemente sind, von denen sie aus. geben.

Daher können Körper unter der ihnen eigenthumlichen Farbe nur durch Strahlen wahrgenommen were den, die senkrecht von ihren Flächenelementen ausgehen.

Eine Folge hiervon ift, daß ein Körper nur insoferne von uns unter der ihm eigenthümlichen Farbe bemerkt werden kann, als von den Flächenelementen der uns zugekehrten Seite des Körpers senkrecht ausgebende Strahlen auf die Orffnung vom Stern im Auge fallen können. Es können uns daher von einer vollkom-

Siebenzehnt. Abschn. Kutze Zusammenstellung zc. 457

spinmenen ebenen Spiegelfläche hochstens zwei. Stückden, wovon iedes so groß ware, als die Deffnungsstäcke vom Stern im Auge, Strahlen ins Auge senden auffallenden Spiegelfläche bet weitem die meiken auffallenden Strahlen restetirt, so kommen die
von ihm auf die Spiegelfläche senkrecht auffallenden
Strahlen von solcher ins Auge selbst wieder zurück und
es bemerkt daher nur sich selbst. Hingegen können von
ungählichen Elementen einer rauben Fläche senkrecht
ausgehende Strahlen ins Auge fallen, daher wir sehr
weit ausgedehnte raube ober mit hervorragenden Theilden besetzte Flächen nach den mannigsaltigen eigenspilmlichen Farben übersehen können.

Saffenseiten der Körper kein bestimmtes Maaß hat, so muß man in der Anwendung photometrischer Formeln sehr behutsam senn und nicht Säze, die bloß als geometrische gelten können, für photometrische annehmen wollen.

§. 236. (§. 26-37.)

Epiegelstächen werden als geometrische Flächen angesehen, von welchen wegen der Kontinuität der marteriellen Theilchen bei weitem der größte Theil der aufstellenden Strahlen restetit werde.

Diese Zurückwerfung der Strahlen von dem Elemente einer Spiegelstäche erfolgt unter demselben Winkel, unter welchem sie auf dasselbe fallen. Zuerst (II. Abschn.) ist von ebenen Spiegeln die Rede. Die Oberstächen der Glasspiegeln weichen zwar sehr von der Kontinuität ab (§. 7. Anm.), eigentlich werden aber auch diese nic selbst als Spiegelstächen gebraucht, sondern die an ihrer glatten Fläche anliegende Folien= fläche, fläche, welche undurchsichtig ist und die durch das Glas durchfallenden Strahlen auffängt und sie dann durch das Glas wieder resteftirt.

Zwar resteftirt auch schon die vorbere bem Db jette jugefehrte Glasflache eine Menge, auffallenber Strablen, und nicht bloß die Vorberfläche, sondern iebe ihr parallele Glasschichte zwischen ber Vorber- und Hinterflache, vermöge der in dieser Parallelschichte zer ftreuten Glaselemente, refleftirt eine große Menge einfallenber Strahlen, welche frei zwischen ben Clemen ten ber vorberen Schichten bes Glasspiegels burchge fallen find; und es hat diese von den Glastheilchen selbst herrührende Resterion den Erfolg, daß seibst um belegte Glastafeln unter gehörigen Umstånden als Spie gel dienen konnen. Sie leisten diesen Dienst bei Tage in sehr geringem Maase, wenn man durch die Fensterscheiben nach Gegenstanden auf der hellen Straße bir fieht, weil die Eindrucke, welche die von den Objetten auf der Straße herkommenden und durch folche Glastafeln burchgebenden Strahlen bewirken, bei weiten starter find, fo daß die von den reflettirten Straben herrührende Empfindung durch die lettere verdrängt ober faum merfbar gemacht wirb. Sest man aber in einer dunkeln Racht nahe an eine Fensterscheibe eine brennende Kerze, so sieht man hinter ber Scheibe nicht nur ein ziemlich lebhaftes Bild biefer Rerze, fondern auch sein eigenes Bild, wie in einem Spiegel, nur Auch erscheinen ziemlich lebhafte Bilder von Dbjetten auf der Strafe, wenn solche von der Sonne helle erleuchtet find und ber Beobachter die biefen Db jeften zugekehrte Glache einer Fensterscheibe, indem a ju bem Ende einen Tensterflügel eröffnet, betrachtet. In diesem Falle verdrängt die von den reflektirten en herrührende Empfindung sogar die Eindrude DC

Siebenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenstellung ze. 459

der von den minder erleuchteten Objekten im Zimnier durch die Glasscheibe durchfallenden Strahlen, so daß die Scheibe wirklich ein Spiegel zu senn scheint, der aller Durchsichtigkeit beraubt wäre. Nur erscheinen Sendieselben Objekte auf der Straße vom Zimmer aus durch die Scheibe nicht katoptrisch, sondern dios perisch betrachtet bei weitem lebhafter.

Ingwischen erhellet doch eben hieraus, daß die Summe ber vom Glase reflektirten Strahlen in Bergleichung mit ber Summe ber durchgelassenen, wenigstens bei nicht fehr bicken Glafern, allemal flein genug ift, um den Erfolg zu haben, daß die von erferer herrührende Empfindung durch lettere fo gut als gang verbrangt werbe, woferne bie ftrablenden Objette nur beilaufig gleiche Helligkeit, wenigstens dieienigen, bon welchen wir Strahlen burch Refferion erbalten tonnen, nicht etwa eine fehr viel größere Selligfett haben, als die, welche Strahlen burch bas Slas hindurch in unfer Auge fenden. Diefes ift dann auch ber Fall in Unsehung ber von Spiegelglafern bis für Bolienbelegung burchgelaffenen Strablen, welche bon vorliegenden Objetten auf den Spiegel fallen. Die Strahlenmenge, welche burch bas Glas burchgebt und auf die Folie fällt, von ber fie nun reflektirt wird, ift bei weitem ber größte Theil aller auf ben Spiegel fallenden Strablen.

Metallene Spiegel bebarfen wegen ber Undurchschtigkeit des Metalles keiner Belegung; die auffallenden Strahlen werden von der auffern Spiegelsläche wie don einer geometrischen Fläche, oder wie von einem materiellen Kontinuum restektirt, weil dieienige Summe der mit der Vordersläche parallel laufenden Schichten metallischer Atome, welche groß genug ist, um den einfallenden Strahlen überall Theilchen in den Weg zu segen oder ihnen überall den Durchgang zu versperren, zusamzusammengenommen eine so äusserst dunne metallene Schichte ausmacht, daß alle restettirende auch nicht in der Vorderstäche selbst liegenden Flächenelemente doch so angesehen werden können, als lägen sie alle in derselben Vorderstäche und bildeten ein geometrisches Kontinuum.

§. 237.

Die Uebereinstimmung des Einfallswinkels mit dem Resterionswinkel hat den Erfolg, daß iedes strablende Element ein scheinbares Bild hinter der ebenen Spiegelsläche hat, so tief hinter dem Spiegel, als das strahlende Element vor ihm liegt, und zwar in demselben Perpendikel (Einfallsloth), welches dom strahlenden Element auf die Ebene sällt, in der die Spiegelssäche liegt. 3. B. das scheinbare Bild des Elementes 2 (fig. 15), von welchem Strahlen auf die Spiegelssäche ABFE sallen, liegt in dem von 2 auf die Ebene des Spiegels gefällten Lothe 21, und zwar in λ , so daß $C\lambda = 2C$ ist, wenn C in der Ebene der Spiegelssäche liegt.

§. 238.

Auf dem allgemeinen Saße (h. 237.) beruht die Bervielfältigung der Bilder eines zwischen zweien kow vergirenden Spiegelflächen befindlichen Objekts (h. 37).

§. 239. (§. 38 — 60.)

Aus derselben Uebereinstimmung des Einfallswinkels mit dem Resterionswinkel läßt sich (sig. 19. und sig. 19*) die Stelle p bestimmen, in der ein vom strahlenden Elemente P, das in der Are eines Hohlessels Siebenzehnt. Abschn. Rurze Zusammenstellung zc. 461

spiegels liegt, auf den Spiegel fallender Strahl PM die Ape AP schneibet. Sest man nämlich

ben Winkel $MCA = \gamma$ ben Halbmeffer CA = CM = rbie Objektsweite $AP = \delta$ bie Bildweite $Ap = \phi$

10 ift (§. 39.)

$$\phi = \left(r - \frac{\delta - r}{r + 2 \cdot (\delta - r) \cdot \operatorname{Col} \gamma}\right) \cdot r \left(\mathfrak{p}\right)$$

Nimmt man AM = AN = einem Bogen von nur wenigen Graden, so ist Cosy sehr nahe = 1, also in diesem Falle stür alle Strahlen, die von P aus zwischen PM und PN auf den Spiegel sallen, sehr nahe

$$\phi = \left(1 - \frac{\delta - r}{r + 2 \cdot (\delta - r)}\right) \cdot r = \frac{\delta \cdot r}{2\delta - r} *)$$

In diesem Falle kommen also alle restetirte Strahlen sehr nahe in einerlei Entsernung Am, b. i. in einer gemeinschaftlichen Stelle m zusammen, so daß

$$A\pi = \frac{\delta r}{2\delta - r} \text{ wirb.}$$

Wenn dabei $\frac{r}{s}$ sehr klein ist, so hat man sehr nahe

$$\phi = \frac{1}{4}r$$

mel

*) Man muß sich in der Folge überall an die Voraussetzung erinnern, daß hier immer nur von Bogen die Rede sep, welche nur wenige Grade halten, auch bei Ferngläsern, die einzelen oder in Fernröhren gebraucht werden. zusammengenommen eine so äusserst bunne metallene Schichte ausmacht, daß alle restettirende auch nicht in der Vorderstäche selbst liegenden Flächenelemente doch so angesehen werden können, als lägen sie alle in derselben Vorderstäche und bildeten ein geometrisches Kontinuum.

§. 237.

Die Nebereinstimmung des Einfallswinkels mit dem Resterionswinkel hat den Ersolg, daß iedes straftende Element ein scheindares Bild hinter der ebenen Spiegelssäche hat, so tief hinter dem Spiegel, als das strahlende Element vor ihm liegt, und zwar in demselben Perpendikel (Einfallsloth), welches vom strahlenden Element auf die Ebene sällt, in der die Spiegelssäche liegt. 3. 3. das scheindare Bild des Elementes L (fig. 15), von welchem Strahlen auf die Spiegelssäche ABFE sallen, liegt in dem von Lauf die Ebene des Spiegels gefällten Lothe Ll, und zwar in λ , so daß $C\lambda = LC$ ist, wenn C in der Ebene der Spiegelssäche liegt.

§. 238.

Auf dem allgemeinen Saße (h. 237.) beruht die Wervielfältigung der Bilder eines zwischen zweien konvergirenden Spiegelflächen befindlichen Objekts (h. 37).

§. 239. (§. 38 — 60.)

Aus derselben Uebereinstimmung des Einfallswinkels mit dem Resterionswinkel läßt sich (fig. 19. und sig. 19*) die Stelle p bestimmen, in der ein vom strahlenden Elemente P, das in der Are eines Hohlessels Siebenzehnt. Abidn. Rurze Zusammenstellung ic. 461

spiegels liegt, auf den Spiegel fallender Strahl PM Die Ape AP schneibet. Sest man nämlich

ben Winkel $MCA = \gamma$ ben Halbmeffer CA = CM = rbie Objektsweite AP = Jbie Bildweite $Ap = \Phi$

作 作 (§. 39.)

$$\phi = \left(1 - \frac{\delta - r}{r + 2 \cdot (\delta - r) \cdot \operatorname{Col} \gamma}\right) \cdot r \left(\mathfrak{p}\right)$$

Mimmt man AM = AN = einem Bogen von unr wenigen Graben, so ist Cosy sehr nahe = 1, also in diesem Falle für alle Strahlen, die von P aus zwischen PM und PN auf den Spiegel fallen, sehr nahe

$$\Phi = \left(1 - \frac{\delta - r}{r + 2 \cdot (\delta - r)}\right) \cdot r = \frac{\delta \cdot r}{2\delta - r} *)$$

In diesem Falle kommen also alle restektirte Strahlen sehr nahe in einerlei Entsernung Am, d. i. in einer gemeinschaftlichen Stelle m zusammen, so daß

$$A\pi = \frac{\delta r}{2\delta - r}$$
 wird.

Wenn dabei $\frac{r}{s}$ sehr klein ist, so hat man sehr nahe

$$\phi = \frac{1}{4}r$$

wel

*) Man muß sich in der Folge überall an die Boraussetzung erinnern, daß hier immer nur von Bogen die Rede sep, welche nur wenige Grade halten, auch bei Ferngläsern, die einzelen oder in Fernröhren gebraucht werden. welches also sehr genau für Strahlen gilt, die von der Sonne auf einen Hohlspiegel fallen, dessen Axe gegen die Sonne gerichtet ist.

Der Punkt π , in welchem sich die restektirten Strahlen in dem Falle begegnen, wann $\delta = \infty$ gesett werden kann, oder wann die Strahlen in Richtungen, die der Axe parallel angenommen werden können, auf den Hohlspiegel fallen, heißt der Brennpunkt, und die Weite Φ in diesem Falle besonders die Brennweite.

§. 240.

Für $\delta = \frac{1}{2}r$ werden die Strahlen in Richtungen restektirt, die der Axe des Spiegels gleichlausem sind, wie sig. 22, wo die parallel restektirten Strahlen, welche die kleine Flamme bei π der Spiegelsläche zusendet, von einer Tasel oder sonst einer Fläche in mn ausgesangen werden.

Für $\delta < \frac{1}{2}r$ (wie fig. 21.) werden die Straßlen divergirend von der Spiegelstäche restektirt, so daß sie ihren gemeinschaftlichen Durchschnittspunkt hintet der Spiegelstäche in π haben, der also ein geomes trischer Vereinigungspunkt der Richtungslinien, sür die Strahlen selbst aber ein Zerstreuungspunkt ist.

§. 241.

Die Brennweite wird von nun an allemal mit f bezeichnet; wo verschiedene Brennweiten vorkommen, bezeichne ich sie mit f, f', f" 2c. Man hat also sür sphärische Hohlspiegel allemal (§. 239.)

 $f = \frac{1}{2}r$ baher auch r = 2f

siebenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenstellung zc. 463 w die Bildweite

$$\phi = \frac{\delta r}{2\delta - r} = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

o d'allemal das Stuck der Spiegelaxe bezeichnet, eldes zwischen dem Scheitel des Spiegels und dem unkte liegt, in welchem die Richtungslinie des. einskenden Strahls die Axe schneidet.

Die Formel $\phi = \frac{Jf}{J-f}$ bleibt allgemein richtig ich für Strahlen, die von einem Elemente wie V fig. 24.) gegen die verlängerte Are herabfallen, wie M, nur daß ießt der Werth von I verneint wird. ist bat man

$$\phi = \frac{-\delta \cdot f}{-\delta - f} = \frac{\delta f}{\delta + f}$$

dann d = AP ist. Für Strahlen, wie Vn, eiche die Are vot dem Spiegel schneiden, bleibt

$$\phi = \frac{\partial f}{\partial - f}$$

§. 243.

Ein Objekt AB (fig. 25.) vor dem Hohlspiegel, sen Are DA ist, und dessen Krümmung nur wenige rade um die Are herum beträgt, hat sein Vild, welts die Durchschnittspunkte der restektirten Strahlen ichen, in ab in verkehrter Stellung.

If
$$AP = \delta$$
, CA ber Halbmesser = r , so ist
$$AP = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

Dieses Vild wird aber bloß nach Richtungen der restektirten Strahlen sichtbar, kann also, wenn es nicht etwa durch eine Fläche aufgefangen wird, von einem seitwärts stehenden Auge nicht bemerkt werden. In dieser Rücksicht ist also das Vild nicht einerlei mit der Erscheinung eines wirklichen Objekts ab, das sich in p befände.

If I sehr vielmal größer als r, so ist sehr genau $Ap = \frac{\delta f}{\delta} = f$, und das Bild geht also in die sem Falle durch den Brennpunkt.

§. '244.

Rorrespondirende Linien des Bildes und des Objekts verhalten sich wie ihre Entfernungen vom Scheitelpunkt, des Spiegels.

§. 245.

Der Hohlspiegel dient als Brennspiegel, went er gebraucht wird, das Sonnenbild auf eine vor den Spiegel angebrachte Fläche zu werfen. Dies Sonnenbild ist dann der Brennraum. Ist

- D die Zahl, welche anzeigt, wie vielmal die Sonnenstrahlen im Brennraume näher ober dichter als Strahlen, die vom Spiegel nicht zusammengedrängt werden, beisammen liegen,
- R der Halbmesser der kreisformigen Deffnung des Brennspiegels,
- m die bekannte Ludolphsche Zahl 3,14
- E die vor den Spiegel gesetzte Flacher jum Auffangen des reflektirten Sonnenbildes,
- f die Brennweite = 17,

Biebenzehnt. Abschn. Kurze Insammenstellung zc. 465

b giebt fich beilaufig

$$D = 46000 \cdot \frac{\pi R^2 - \mathcal{E}}{\pi \cdot f^2}$$

§. 246.

Eine Person AB vor dem Hohlspiegel in P (fig. 27), swischen dem Spiegel und dem Breynpunkt seht ihr Bild ab hinter dem Spiegel in der Entser-

nung. $Ap = -\frac{\delta r}{2\delta - r} = \frac{\delta r}{r - 2\delta}$, wenn AP

serfehrt. Sie sieht ihr Bild ab unter demselben Beheminkel, unter welchem eine ihr ganz gleiche Person, die sich in A befande, ihrem Auge o erscheinen wirde. Solange wir aber Objette noch, in Entserungen sehen, innerhalb welchen wir durch die Erfahrung von ihrer wahren Größe und gewisse bestimmte Begriffe zu machen gelernt haben, bestimmt die Beschaffenheit des Sehewinkels keineswegs unser Urtheil ich der Größe, sondern wir halten das innerhalb dieser Gränzen liegende größere Bild oder größere Objett sie wirklich größer, als das in diese Gränzen sallende sleinere, es mag nun tenes unter welchem Seheminkel man will erscheinen, selbst wann dieser Sehewinkel keiner als bei letterem wäre.

Durch eine Tauschung kann man sich mit doppeleten Theilen, mit doppelter Nase, mit doppeltem
Runde u. s. w. sehen. Ausser dem in seiner vollen
Rlarbeit erscheinenden Bilde, das der Hohlspiegel als
Pohlspiegel macht, macht er auch noch ein mattes
Bild vermöge der Summe von ebenen Flächenelementen, die einen minder vollsommenen ebenen Spiegel
ausmachen.

Langeborfe Photom.

& g

5. 247.

§. 247.

Wenn die Spiegelfrummung KAK' (fig. 29.) zu einem nicht ganz kleinen Winkel gehört, so fallen Die Durchschnitte ber von einem Elemente bes Objetts berkommenden Strahlen nach der Reslexion mit der Ape nicht in einer so fleinen Stelle ber Are PA gufammen, daß diefe Bereinigungsstelle für ein Element gelten konnte; sie wird vielmehr zu einer Linie, wie pa, deren entferntester Puntt vom Scheitel, bier p, bei tleinen Bogen bas Bild von Pift. Auffer biefer Bildlinie entsteht aus ben Durchschnitten ber reflektirten Strahlen unter fich auffer ber Are rings um diefe betum noch eine spharoivische Bildfläche, welche die tatoptrische Brennfläche heissen kann, so wie the Durchschnitt mit einer burch bie Are bes Spiegels gelegten Ebene die katoptrische Brennlinie geneunt wird, wie paQ.

§. 248.

Auch bei erhabenen Spiegeln, wie MN (fig. 31), vor welchem das Objekt UB sieht, bleibt de Hauptformel für die Bildweite (§. 241.) anwendbar, nur daß AP oder I hier verneint wird. Man erhält daher im ießigen Fall Ap oder

$$\phi = \frac{\delta f}{\delta + f} = \frac{2 \delta r}{2 \delta + r} \text{ wie (§. 242.)}$$

Das Bild ab des Objekts AB, welches hier aufgerichtet erscheint, ist zwar nur ein geometrissches, es vertritt aber, in Bezug auf ein Auge vor dem Spiegel, die Stelle eines wirklichen physischen Bilden. weil die Strahlen so vom Spiegel restetit als kamen sie, ohne Resterion, unmittelber ! ab her.

§. 249.

Siebenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenstellung zc. 467

§. 249. (§. 61 — 67.)

Aus ber gehörigen Verbinbung geometrischer Sage it dem allgemeinen Reflexionsgesetz laffen fich auch die richeinungen bei fonischen, fowohl erhabenen als blen, ingleichem bei enlindrischen Spiegeln ableiten. S lagt fich leicht übersehen, daß biefe febr bergerrte itter von Gegenständen, Gemählben u. b. gl. darftel-Man fann nun die Gefete ber Bergern muffen. ing nach den bisherigen Lehren bestimmen und nach ichen umgefehrt vergerrte Gemablbe verfertigen, bie sech bergleichen Spiegel gang regelmäßig erscheinen, de (fig. 37), wo ein auf den Kreis, in welchem d ber Stern befindet, aufgesetzter erhabener fonischer piegel, die um biefen Rreis herum verzeichneten frumen Linien (wenn bie Zeichnung ringsum gemacht ited) einem Auge über ber Spipe bes metallenen egels als einen Stern, wie ber im Rreise ift, barftellt. onische Hohlspiegel konnen auch zu Erleuchtungen dies en, wie fig. 38 und 39. Bu ben Erscheinungen bet chabenen cylindrischen Spiegeln gehören fig. 40, 41 ND 42.

§. 250. (§. 68 — 84.)

Ein Strahl, ber aus ber Luft in eine tropfdar uffige Materie oder in einen burchsichtigen festen Körer übergeht, ändert bei diesem Uebergang die Riching seines Wegs. So auch umgekehrt, wann aus sichen Materien ein Strahl in die Luft oder auch in ne andere Materie übergeht. Diese Aenderung der sichtung heißt die Brechung des Strahls. 3. 3. in durch die Luft durchgehende Strahl ab (fig. 43.) ist durch das im Gesäß AC besindliche Wasser nicht i der Werlangerung von ab nach die sort, sondern Gg 2

men ve Ferührung des Flächenelementes b in die Sinternag 7 % gebrochen.

Bie: Defitmenten Matericu wirb ber in eine am mer Matern übergebende Strabl allemal fo von feiner . erier. Dinkume abgebrochen, bag ber Sinus bes Meis ermenserverices abd, den der einfallende Straff 2: De Lan t. b. mu der auf das brechende Elemen I eentremer Eine db zum Sinus bes gebros Zeren Wirtels the in einem unveranderlichen Ermittene Derin: Der Meigungswinkel abd mag wie mat wil abgeänder: werden. Das Berhaltnig biees du finais des Refraktionsverhältniß. Es ni dem lemenang auf Luft in Waffer 4:3, aus Luft 2 prosents Sint 32 : 20. Diefe Berbaltnifgablen res Incremm = = = = verden in der Folge durchaus mit a dependimen in daß allemal u ein uneigentlicher Beuch ik. We war der Diesgeben mit Strahlen zu wur der die Wiese wer aus Glas in Luft sahma , war dara das Metakiansberhälmiß — 90 bezidt, mit bu Ferneln merten hiernach eingerichtet, le des der beite vorftemente Budikabe u allemal brefelbe Bebeumung bebalt, b. i. emen meigentlichen Truch austructt, ber für Glas und Luft 31 bleibt.

§. 251.

Beht ein Strahl aus irgend einer Materie A mehrere andere B, C, D...P, Q durch, die enen berühren, welche der ersten brechenden B gleichlaufend sind, und ist die Materie in A streie Art, oder hat die Q mit der

Siebenzehnt. Abschn. Rurze Zusammenstellung zc. 469

der A nur einerlei Brechungstraft, so ist die Richtung des durch Q durchgehenden Strahls der Richtung, die etn der Materie A hat, gleichlausend. Z. B. Fig. wo der Strahl ae durch Lust durchgeht, dann der 4ten Brechung seinen Weg zy wieder durch einen ist nimmt, daher hier zy der geraden ae gleichlause ist.

§. 252.

Wenn von einem strahlenden Element P (fig. 48) unf die brechende Ebene abcd einer durchsichtigen Raterie ein Strahl PB fällt, und PA senfrecht auf die Ebene ist, in der das brechende Element B liegt, wird der Strahl PB aus der geraden Richtung PC bei B in die BD so gebrochen, daß DB ruck-wärts verlängert das koth AP gehörig verlängert in ther Stelle & schneidet, welche durch folgende Formet instimut wird,

$$A = \mu \delta \cdot \sqrt{\left(\frac{(\mu^2 - 1) \cdot X^2}{\mu^2 \delta^2} + 1\right)}$$

so
$$AB = x$$
, $AP = \delta$, und für Glas $\mu = \frac{31}{20}$ iff.

Laufen die Strahlen, wie QB, Q'm (fig. 51), nach einem gemeinschaftlichen Punkte, wie p; so wird durch die Brechung ihre Nichtung so nach einem gemeinschaftliehen Punkte Pabgeandert, daß

$$AP = -\mu \delta \cdot \sqrt{\left(\frac{(\mu^2 - 1) \cdot X^2}{\mu^2 \delta^2} + 1\right)}$$

1660, wo namlich die Ap durch — & ausgebruckt wird.

§. 253.

vorbere und hintere Flache, die hier durch DA und BC vorgestellt werden, einander parallel lausen, cv ein Loth auf AD und cm ein von c auf AD saklender Strahl, der nach zweimaliger Brechung nach or fortgeht, so schneidet dieser ausfahrende Strahl or rückwärts verlängert das Loth cv in f so, das beinahe

cf = \frac{7}{3} ber Glasbicke s\tau
wird, wenn nur mcs ein kleiner Winkel ist.

§. 254.

ACB (fig. 53.) sen der Durchschnitt eines glesernen Prisma, Pk sentrecht auf AC, Dk ein eine fallender Strabl, al der durchfahrende und lo der ausfahrende, auch ml sentrecht auf BC. Ik nun serner

DkP = a, olm = d, ACB = e und μ : 1 das Refraktionsverhältniß für ben einfallenden Strabl

so if

nup

$$ovq = 180^{\circ} - Dvo = a + \delta - \epsilon$$

Fällt Dk senkrecht auf AC, so kann der Strahl nicht durch die hintere Seite BC durchgehen, sobald > 40° 10½' ist.

§. 255.

Es sen ovq (sig. 53) = ζ , we ov die Richtung des aussahrenden 10, vq die des einfallenden Dk

Siebenzehnt. Abichn. Rurze Jusammenftellung zc 47%

Dk ift, so wird durch a, dund s bestimmt (vor. \$). Goll & ein minimum werden, so giebt die Differenstalmethode

 $a = \delta$ unb $\zeta = 2\alpha - \epsilon$

and

$$\mu = \frac{\sin \alpha}{\sin \frac{1}{2}s} = \frac{\sin \frac{1}{2}(\zeta + s)}{\sin \frac{1}{2}s}$$

Diese Bestimmung dient, µ durch Beobachtungen zu bestimmen.

Dk, Df (fig. 54.) sepen Strahlen, die vom Elemente D auf die Vorderstäche AC des Prisma ACB fallen; xf, yk Perpendikel oder Lothe auf AC; fl, kl die durchfahrenden; lo, lo die aussaherenden Strahle, und ml, ml Lothe auf BC; a der Durchschnittspunkt der rückwärts verlängerten aussahenden Strahlen. Ist nun ACB = e, serner

Dky =
$$\alpha$$
, Dfx = α' , $\alpha - \alpha' = \phi$
mio = δ' , mio = δ , $\delta' - \delta = \psi$

so bat man

$$\sin(\delta+\psi)=\mu.\sin\epsilon.\sqrt{\left(1-\frac{\sin(\alpha-\phi)^2}{\mu^2}\right)}-\text{Cofs.fin}(\alpha-\phi)$$

woraus sich bann auch & ergiebt, weil & gegeben ift.

• Ein Auge oberhalb dem Prisma ABC (fig. 55), bessen Winkel bei B über 40½° beträgt (h. 254.) und dessen untere Schärfe die Linie BN sentrecht schneibet, sieht die zur Rechten von BE liegende BN mittelst vesseltzirter Strahlen auf der linken Seite von BE.

Gg 4 §. 258.

§. 258.

Connenstrahlen, die man durch eine kleine Deff nung a (fig. 56.) in ein dunkles Zimmer auf ein Prisma LNM fallen läßt, erscheinen nach der zweiten Brechung dinter dem Prisma auf einer vorgesetzen Fläche oder Wand DE, die am besten mit weissen Papier überzogen ist, nicht mehr als weises Licht, son dern m mannigsaltigen Farben. Wan nenm diese Erscheinung die Strahlenzerstreitung, die allema mit Strahlendrechung nur mehr oder minder merk dar, verdunden ist. Je dünner das Glas und ie kleiner der Winsel LNM ist, desso undedeutender ist diese farbige Erscheinung, und sie wird uns, selbst de Gläsern, die mehrere Zolle dies sind, undemerstart wenn LNM — o oder LN der NM gleichlausent wird.

Diese Strahlenzerstreuung ist nur Erfolg der verschieden-n Brechbarkeit der verschiedenartigen Lichttheile aus welchen die Sonnenstrahlen bestehen. Das vio-lette Licht ober der violette Theil des Sonnenlichts hat die größte, der rothe die geringste Brechbarkeit.

Genaue Versuche haben das Refraktionsverhalt niß μ : I

für den rothen Strahl = 154: 100

violetten — = 156: 100

ergeben, daher man das mittlere 155: 100 odel 31: 20 fest.

Diese farbige Strahlenzerstreuung hat den Rach theil, daß uns Objekte durch sphärisch seschlissen Gläser (besonders mittelst solcher Strahlen, die nah mu Rande solcher Gläser durchgehen) nicht in ihre natürlichen Farbe erscheinen, auch daß die Strahlen wel

ebenzehnt. Abschn. Autze Zusammenftellung zc. 473

iche bei gleicher Brechbarkeit nach der zweiten Breing in einem Punkte vereinigt werden mußten, westen der ungleichen Brechbarkeit nicht genau genug einem Punkte wieder vereinigt werden, wenn sie ich von einem-einzigen Elemente eines Objekts hermen. Inzwischen wird diese Abweichung hier beit. Seite gesetzt, und die Strahlen durcht als gleichartige von der mittleren Brechbarkeit rachtet, für welche beim Glase $\mu = \frac{31}{20}$ wäre.

§. 259. (§. 95—107.)

Die mannigfaltigen Arten sphärisch geschliffener äser, die auch Linsen beissen, sieht man in Durchnitten sig. 58. dis 64*.

§. 260.

die Bildweite am, in welcher sich die vom Elemente P hertomomenden Strahlen nach der zten Brechung in der Are TS schneiden, — a bie Objektsweite AP — a ber Halbmesser der dem Objekt zugekehrten Glassische MAN — r der Halbmesser der hinteren Glassische MaN — c das Refraktionsverhältniß für die einfallenden Strahlen — m:

fo tft für biefes Glas

$$= \frac{(\mu \delta r - ((\mu - 1).\delta - r).c).e}{(\mu - 1).(\mu \delta r - ((\mu - 1).\delta - r).c) + ((\mu - 1).\delta - r).\mu}$$

Rank nun die Glasdicke in Bergleichung mit-l und e bei Seite gesetzt werben, so erhält man kürzer

$$= \frac{\delta r_{\ell}}{(\mu-1).\delta.(r+\ell)-r_{\ell}} (\mathfrak{b}$$

Diese Jormel wird aber mit Leichtigkeit auf alle Arren von Limsen angewendet, wenn man nur daranf achter, wie sich bei andern Linsen die Lagen von Linien ändern, die in der Zeichnung (fig. 71.) durch and als beiaht angenommen werden Rommen welche in die entgegengesetzte Lage, so darf man solche mit mit einem Zeichen nehmen, das dem, mit welchem sie in (H) vorkommt, entgegengesetzt ist.

3. S. für das mondförmige Glas oder den Mes nistus (fig. 72.) hat der Haldmesser der hinteren Linsensläche eine Lage, die der in der Zeichnung (fig. 71) entgegengesetzt ist; sonst bleibt alles ungeändert. Man behält also die Formel (H) bei, nur daß —9 statt geschrieben wird, und so wird für diese Art Släser, wenn P auch vor der konveren Fläche liegt,

$$a = \frac{\delta r e}{(\mu - 1) \cdot \delta \cdot (e - r) - r e}$$

Nebrigens giebt fich

Wintel
$$a\pi n = \frac{\delta}{a} \cdot APm$$

iebenzehnt. Abichn. Aurze Busammenftellung zc. 475

Wenn r und g (g. 260.) in Vergleichung mit g schwinden, so beißt π (fig. 71.) der Brennstet, a π die Brennweite, und wenn also diese g bezeichnet wird, so hat man, die Glasdicke für g geachtet, aus (vor. g. g)

$$f = \frac{r_{\ell}}{(\mu - 1) \cdot (r + \ell)}$$

. Bladbicke beibehalten, wirb

$$f = \frac{(\mu r - (\mu - 1).c).g}{(\mu - 1).\mu.(\dot{r} + g) - (\mu - 1).c}$$

Die Bildweite & (§. 260.) läßt sich auch bequem ich die Brennweite f (§. 261.) ausbrucken. Setzt ur Abkürzung

$$(\mu r - (\mu - 1).c).\delta e = M$$

findet man

$$\alpha = \frac{(M + cre) \cdot f}{M + ((\mu - 1) \cdot rc - \mu re) \cdot f}$$

), woferne die Glasdicke bei Seite gefett werden m,

$$\alpha = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

Es sen p ber Punkt, worin ber von P ausgethe Strahl Pm nach der ersten Brechung bei m die Are TS schneibet; sest man nun Ap = h, so erbalt man (§, 260) (fig. 71,)

$$r = \frac{(\mu - 1) \cdot h \cdot \delta}{\mu \delta + h}$$

$$g = \frac{(\mu - 1) \cdot (h - c) \cdot \alpha}{h - c - \mu \alpha}$$

§. 264.

Liegen beide Glasstächen in einer einzigen Rugelfläche, so wird

 $f = 0.41 \cdot r$

Es sen (fig. 74.) TS die Are der bikonveren Linse MN, np die gegebene Lage eines ausfahrens den Strahls, m die Stelle des einfallenden Strahls auf der Vordersläche der Linse, also mn der durchfahrende Strahl; soll nun np der Richtung des einfallenden Pm gleichlaufend senn, so muß der durchsahrende mn die Are TS in einer Stelle, sichneiden, die durch die Formel

$$A\sigma = \frac{r.c}{r+e}$$

bestimmt wird, in der Bedeutung (§. 260).

Die Stelle o ist also für alle einfallente Strahlen, die mit dem iedesmaligen ausfahrenden eine per rallele Lage haben, ein und derselbe Punkt zwischen A und a.

Von iebem Element P, das ausser der Are TS liegt, läst sich auch allemal ein Strahl Pm ziehem ber

ilebenzehnt. Abschn. Rurze Zusammenstellung ic. 477

r nach der zweiten Brechung in eine Lage np kommt, : bem einfallenden Pm gleichlaufend ist (fig. 75).

Ein solcher von P ausgehender Strahl Pmnp, i welchem der aussahrende dem einfallenden gleichenfend ist, heißt der mittlete, der bei allen folgenen, Untersuchungen die Hauptrolle spielt.

Wenn (fig. 75.) – die Stelle ist, in der die ichtung des einfallenden mittleren Strahls die Ape Sschneidet, so ist (§. 160.)

$$A\tau = \frac{rc}{\mu(r+g)-(\mu-1).c}$$

somm w die Stelle ist, in der die Richtung des Issabrenden Strahls die Are schneibet, so if

$$aw = \frac{g.c}{\mu.(r+g)-(\mu-1).c}$$

Ift c in Vergleichung mit r und g unbedeutend, ift febr nabe

$$A\tau = \frac{rc}{\mu(r+g)}$$
; $aw = \frac{e^{c}}{\mu(r+g)}$

Wenn (fig. 76.) TS die Are der Linse und n n Q ein von dem Elemente P ausgehender mittles Strahl ist, so säut das Bild von dem Element P w, das von P in p; w liegt in TS, p im mitte en Strahl PmnQ, und es ist, wenn PAP klein, sehr nahe

$$np = ar = \frac{e \cdot ap}{(\mu - 1) \cdot ap + \mu e}$$

wo p in der Zeichnung die Stelle der Are TS ift, in der sich die Richtungen aller von P ausgehenden Straflen nach der ersten Brechung schneiden.

Das Bild eines Objekts PP fallt auf biese Beise in mp. Nimmt man's in der Mitte von Aa, so ift

und, wenn PP' eine Linie im Objekt, pp' die korrespondirende Linie im Bilde ist,

$$pp':pp'=Pe:\pi e$$

Daher gilt, wo die Glasbicke bei Seite gesett werden kann, die Formel für die Bildweite (§. 262.)

$$\alpha = \frac{\delta f}{\delta - f}$$

nicht bloß für bas Bild eines in der Linsenaze besindlichen Elementes, sondern für das Bild eines ieden Objekts PP' (fig. 76), wenn nur die von irgend einer Stelle der Linse zu den äussersten Punkten des Objekts gezogenen geraden Linien keine beträchtliche Winkel machen. In der Anwendung auf Linsen, die nicht bikonver sind, muß man dann allemal die Bemerkung (§. 260.) vor Augen haben.

§. 269.

Gläser, die einen wirklichen Vereinigungspunkt für die Strahlen haben, also ein physisches Bib geben, heisen Rollektivgläser, Sammlungsgläset, gläset.

Siebenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenstellung zc. 479

gläser. Solde, die bloß für die Richtungslinien der Strahlen einen gemeinschaftlichen Durchschnittspunkt haben, also auch nur ein geometrisches Bild geden, Zerstreuungsgläser.

§. 270.

Mus (\$\forall \cdot \). 267.) folgt, wenn PP der Halbmesser der Sonne und p\(\pi\) der Halbmesser des Sonnenstlides stater dem bikonveren Glas ist (fig. 76), P\(\pi\) = 16 Min. gesest,

 $\pi p = 0,00465 \cdot f$

. . §. : 271.

Wenn a, wie bisher, die Bildweite und b die halbe Breite des dem strahlenden Objekte ganz frei ausgesetzten Gases bezeichnet, so verhält sich die Strahlenmenge, welche von einer gewissen Flächenein- beit des strahlenden Objekts ausgeht, zur Strahlenmenge, welche in einer gleichen Flächeneinheit des Bilobes vereinigt ist, wie a² zu b².

In der Anwendung auf die Sonne wird aus der Gildweite a die Brennweite f.

Für sie ist also, wenn z. B. $b = \frac{1}{4}$ Fuß und f = 4 Fuß wäre, das erwähnte Verhältniß wie 16 m $\frac{1}{4}$ oder wie 64 zu 1. Es ist aber das Licht an der Sonne 45454 mal so dicht als das Licht, welches auf das Slas fällt, also ist das im Vrennraume vereinigte licht doch noch $\frac{45454}{64}$ oder 710 mal so dicht, als das licht vor dem Glase.

§. 272. (§. 122 — 132.)

Wenn ein zum Brennglas bestimmtes bikonveres Glas eine verlangte Brennwette f haben und babei bie Sonnenstrahlen m mal vervichten soll, so has men; allen Verlust wegen der resteftirten Strahlen bei Seite geseht,

$$b = \frac{f \cdot \sqrt{m}}{a_{13}}$$

unter b bie halbe Breite bes Glases verstanden. And muß, r == g genommen,

$$r = 1/1.f$$

senn, und dabei wird die Glasbicke

$$c = 2t \cdot (1 - Col\beta)$$

wo B in her Zeichnung (fig. 79.) ausgebruckt ift. Nur muß zugleich — ein kleiner Bruch sepn.

§. 273.

Durch ein solches Brennglas werden die auffahlenden Sonnenstrahlen $\frac{b^2}{f^2}$. 45454 mal verdichtet. Bringt man aber in der Are dieses Brennglases hinter demselben noch ein Kollektivglas mit der Brennweite fan, so daß der Abstand beider Gläser = a ist, so wird iene Verdichtung noch $\left(\frac{f-a+f'}{f'}\right)$ mal vergrößsert, und dieses zusammengesetzte Brennglas verdichts also die auf das vordere BD (fig 80.) fallende Sön

menstrahlen überhaupt
$$\left(\frac{f-a+f'}{f'}\right)^2 \cdot \frac{b^2}{f^2} \cdot 45454 \text{ mal.}$$

61

Siebenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenstellung zc. 481

Soll ein einfaches Brennglas, das für sich die Strachten m mal verdichtet, durch ein hinter ihm anschrachtes Kollektivglas so verstärkt werden, daß iest das zusammengesetzte Brennglas die auf das vordere eisffallenden Strahlen 11. 111 mal verdichtet, und soll der Brennraum in der Weite E hinter dem vorderen Siese liegen, so hat man

$$f' = (-2-\sqrt{n}) \cdot \frac{e-f}{n-4}$$

und, unter b' die halbe Breite des hinteren Glases verstanden,

$$b' = \frac{b \cdot (f-a)}{f}$$

§. 274.

Bringt man an einem verdunkelten Kasten, wie ABCD (sig. 81), der zum hineinsehen etwa bet meine Dessnung hat, im Deckel CD eine Dessnung nicht einer Linse an, die am besten in ein dewegliches kohr n (sig. 82.) gesaßt wird, und daneben einen Planspiegel CG, der gegen CD unter einem Wintel win 45° geneigt ist, so hat man eine Ramera obestura, auf deren Boden aussere Objekte, wie EF, in Bilbe wie ef sichtbar werden. Die Hohe der Kamere zwischen AB und CD macht man der Brennsteite der Linse gleich, da man dann, um nähere Gesenstände auf dem Boden deutlich abzubilden, das bei aringeschobene Rohr mit der Linse (wie sig. 82.) nut in der herausziehen dars.

\$. 275.

Der wichtigste Gebrauch einzelner Linsen ist ber, velchen sowohl Weitsichtige als Rurzsichtige beim Gesangsborfs Photom.

her beeen machen kienen. Jenem dienen Samme kungegläser, decken derphylich Zerstreuungse gläser.

£ 276.

Rue fie fleine Gegenstände, bei denen man die kinge kiener Theücken, 3 %, von der Größe solcher kunke, war num die mit einer nicht ganz seinen sieder macht, war die kleis macht, war nuch macht kentlich für das zu erkennen, was Gegenstände mach dentlich für das zu erkennen, was die ind, diene dem Sennichtigen ein Sammlungspiele, des ihm damen sell, derzleichen Gegenstände, dur zu die den des heicht gebracht, ein zu undendücke Sid auf der Arzbenzi im Auge wersen, in einem embendert Sid auf der Arzbenzi im Auge wersen, in einem embendert durch der Enfernung zu verkleinern. Durch durch ihm des beinnerer Glas mo (fig. 83.), durch weichte er das Odiele E.F sieht.

 $f = \frac{D \cdot \delta}{D - \delta}$

bestimmt wirt.

Die Stöße einer Linie im Silbe ist $\frac{D}{J}$ mal so gest als die ferrespendirende Linie im Objest, und das Vidit also $\frac{D}{J}$ mal so hoch und $\frac{D}{J}$ mal so breit als del

iebenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenstellung zc. 483 pett; daher erscheint die Flächengröße des Bildes. - mal so groß als die Flächengröße des Objekts.

b ba innerhalb solchen Seheweiten, in welchen wie n ber Größe ber verschiedenen Objekte mit Sichert zu urtheilen gelernt haben, die Verschiedenheit des hewinkels unser Urtheil von der Größe eines Ob-18 nicht abändert (so daß wir nie ein Kind, das kuße weit von uns steht, für größer halten werden, 1 einen Riesen, der 20 Fuße weit, von uns entsernt), so kommt auch das Vild EF, wenn es n mal liser als das Objekt ef ist, dem Beobachter hinter n Glase wirklich n mal größer vor als das Objekt ef.

Perlangt der Weitsichtige n sache Linearvergrößes is, so muß $\frac{D}{d} = n$, also nd = D gesetst were i, welches

$$f = \frac{n\delta . \delta}{n\delta - \delta} = \frac{n\delta}{n-1}$$
 giebt

rauch, D fatt no geset,

$$f = \frac{D}{n-1}$$

Der Kurzsichtige kann sich des bikonveren ases wie der Weitsichtige bedienen, nur daß er, il für ihn D kleiner senn muß, auch d kleiner mamund daher das Objekt nur wenige Zolle vom Seht abrücken dark. Wegen der hiermit verbundenen ibequemlichkeit, besonders beim Lesen und Schreiben, dient sich der Kurzsichtige mit größerem Vortheile eise Db 2

nes Sitontaven Berftreuungeglafes (fig. 84). Damit Segenftanbe, bie auffer feiner Sehemeite in bletenige Gefichtenabe bringen , in ber i Strablen ein beutlicheres Bild auf bie Reghaut'

Con bas Objett nmal naber erfcheinen,

$$f = \frac{\delta}{n-1}$$

feyu.

Får r == g hat man

$$r = \frac{r_1 r_2 \delta}{n-r}$$

Dabet ift df = ber verlangten Sebeweite I

Benn nun auch bas Glas für einen betrad Werth von n eingerichtet ift, fo bleibt es benne für einen vielmal fleineren Werth von n bra 1. 3. fur n == 5, wenn gleich bas Glas fü

100 eingerichtet wäre, well $D = \frac{\delta f}{d+f}$ auch be

beträchtlichen Aenberung von d fich nur wenigbie bentliche Sebeweite D aber niemale fo bei ift, baf bas Muge nicht einige Menberung im bon D vertragen fonnte. Daber bleiben folch fer, Die J. B. fur d = 100 guß eine Geben 10 Bolle geben, auch noch fur d = 4 guß

Begenftande, die wei Ran fann baber in b It D-I fegen, unb lebenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenftellung ic 485

$$r = \frac{1/1.8}{n} = 1/1.D$$

Seheweite giebt, so darf ein Optifus nur dergleiBlaser von 4 bis zu 10 Zoll Brennweite, deren
Ihmesser also 4,4 bis 10 Zolle groß sind, vorräthig
sten, da dann ieder Kurzsichtige selbst das ihm an-

Bum Gebrauch bei ganz nahen Gegenständen, wie im kesen und Schreiben, Nähen u. d. gl., wo die leicht über 10 bis 12 Zolle beträgt, kann n nieus viel von 2 verschieden seyn, daher es in diesem in nicht angeht, n statt n—1 gebrauchen zu wolL. Nimmt man n = 2, so muß in solchen Fällen

bi.

$$f = \frac{\delta}{n-1} = \delta = 2D$$

$$r = \frac{I/I \cdot \delta}{n-1} = I/I \cdot \delta = 2/2 \cdot D$$

delich entfernte Objekt durch das Glas, welches Gebewinkel ungeändert läßt, doch nicht so groß i als das nmal so weit entfernte Objekt, aber b nicht n mal kleiner, wenn es gleich wirklich n mal wer ift.

Bird das Glas gegen einen entfernten GegenBerichtet, so scheint solcher desto kleiner, ie weiman das Glas vom Auge abrückt.

2 Das Galilässche ober Hollandische Fernrohr g. 86.) besteht aus einem erhabenen Objektiv Hh 3 (Lin(Einse, die dem Objekt zugekehrt ist) und einem hohlen Okularglase. Jedes wird in eine besondere Röhre gefaßt, das Okular in eine engere, das Objektiv in eine weitere, damit sich beide bequem in einander steden und aus einander ziehen lassen. Dieses Fernroht zeigt die Objekte in ihrer natürlichen Lage, nicht verskehrt.

Es sen die Objektsweite GF = d, die Seher weite, in der das Bild e's vom Okular erscheinen soll, d f' = D, des Objektivs Brennweite heiße f, die des Okulars f', so mussen die beiden Gläser in einer Entsernung Gd = Δ von einander abstehen, so daß

$$\Delta = \frac{\delta f}{\delta - f} - \frac{D f'}{D - f'}$$

ift.

Weil hier I und D allemal vielmal größer als f und f' sind, so hat man sehr nahe

$$\triangle = f - f'$$

Das Bild e'f' erscheint unter dem Sehewinkl e'df' und das Objekt EF unter dem EdF, und es ist

die Vergrößerungszahl für den Sehewintel, _ f eigentlich für seine _ f' Tangente

Hingegen

die Linearvergrößerung
$$=\frac{D \cdot f}{\delta \cdot f'}$$

Der Querschnitt aller Strahlen beim Eingang in die Augenöffnung heiße y², die Oeffnungsstäche in Aus iebenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenstellung ic. 487

ge sen = w², so verhält sich die Helligkeit des isekts EF (fig. 86.) ju der des Bildes e'f'

ober wie 1 zu
$$\frac{Z^2}{W^2}$$

em Kurzsichtigen erscheint also, weil für ihn D kleitift, ein helleres Bild als dem Weitsichtigen. Jetempf die Gläser etwas näher zusammenrücken als ser.

§. 280.

Das Replerische Fernrohr, welches auch sastronomische Fernrohr voer das Sternscht genennt wird, weicht vom Galiläischen darin, daß sein Ofular ein erhabenes ist, wie das Obtiv (fig. 87).

Dieß hat zur Folge, daß bei diesem Rohre

$$\Delta = \frac{\delta f}{\delta - f} + \frac{D f'}{D - f'}$$

emal sehr vielmal größer als f und f' sind, sehr be

$$\Delta = f + f'$$

Uebrigens bleibt auch hier

die Vergrößerungszahl für die Tangente des
$$=\frac{f}{f'}$$
 Sebewinkels

die Linearvergrößerung
$$=\frac{D.f}{\delta.f}$$

Anch bleibt das Berhältnes der Helligkeit des Die jefts zu dem des Bildes wie beim Galiläischen

$$I \quad \mathfrak{gn} \quad \frac{\mathbb{Z}^2}{\mathbb{W}^2} \quad ,$$

§. 281.

Das Fernrohr bes Pater Rheita ober das sogenannte Erdsernrohr hat vier bikonvere Gläser, die in vier besondere Rohren gefaßt sind, welche sich in einander siehen und so auseinander siehen lassen, das sie m die gehörige Stellung kommen (fig. 88).

Der Abstand Ad des Objektivs BD vom ersten Okular ist

$$\Delta = \frac{s_{\rm f}}{s_{\rm -f}} + \frac{D_{\rm f}}{D_{\rm f}}$$

Der Abstand $\triangle' = Cd$ des isten Ofulars von sten kann willtührlich genommen werden.

Der Abstand $\triangle'' = Cl$ bes 2ten Okulars vom 3ten ift, Cd als unbedeutend in Vergleichung mit CE oder D angenommen,

$$= \frac{Df''}{D-f''} + \frac{Df'''}{D+f'''}$$

wo f'', f''' die Brennweiten des 2ten und 3ten Oftslars sind. Für große Werthe von d und D kanp auch schlechtwes

$$\Delta' = f + f'$$

$$\Delta'' = f'' + f'''$$

also die Länge des ganzen Fernrohres = $f + f + \Delta + f'' + f'''$ gesett werden.

iebenzehnt. Abidu. Rurge Jusammenftellung ic. 489

Die Winkelvergrößerung ist bei diesem Fenn-

$$N = \frac{f \cdot f''}{f' \cdot f'''}$$

e Linearvergrößerung

$$n = \frac{D \cdot f \cdot f''}{s \cdot f' \cdot f'''}$$

18 Berhältniß der Helligkeit des Objekts zu dem 1 Bildes

$$= 1: \frac{Z^2}{W^2}$$

Die wichtigsten Spiegeltelestope sind das Ledos nsche, das Gregorische und das Casses ainsche.

Das Newtonsche Spiegelteleskop wird (fig. 89.) pebildet. Der Boden AB ist ein Hohlspiegel, MN Planspiegel, pq das Okular, wodurch ein Beobster das Bild EF des Objekts EF sieht.

Der Hohlspiegel macht, den Planspiegel MN bei eite gesetzt, ein Bild in der Entfernung

$$K_s = \alpha = \frac{\delta \cdot \frac{1}{2}r}{\delta - \frac{1}{2}r}$$

KE = 8, und der zu AB gehörige Halbmesser : r ift.

Auch bleibt das Werhältnes der Helligkeit des Dbjekts zu dem des Bildes wie beim Galiläischen

I
$$\lim \frac{Z^2}{W^2}$$

§. 281.

Das Fernrohr des Pater Rheita ober das sogenannte Erdfernrohr hat vier bikonvere Gläser, die in vier besondere Röhren gefaßt sind, welche sich in einander stecken und so außeinander ziehen lassen, das sie in die gehörige Stellung kommen (sig. 88).

Der Abstand Ad des Objektivs BD vom ersten Okular ist

$$\triangle = \frac{\delta f}{\delta - f} + \frac{Df}{D + f}$$

Der Abstand $\triangle' = Cd$ des isten Okulars von zien kann willkührlich genommen werden.

Der Abstand $\triangle'' = Cl$ des zien Okulars vom zien ist, Cd als unbedeutend in Vergleichung mit CE oder D angenommen,

$$= \frac{Df''}{D-f''} + \frac{Df'''}{D+f'''}$$

wo f'', f''' die Vrennweiten des 2ten und 3ten Ofwlars sind. Für große Werthe von d und D kanp auch schlechtweg

$$\Delta' = f + f'$$

$$\Delta'' = f'' + f'''$$

also die Länge des ganzen Fernrohres = $f + f' + \Delta + f'' + f''$ gesett werden.

ebenzehnt. Abschn. Kurze Jusammenstellung zc. 489

Die Winkelvergrößerung ist bei diesem Fenn-

$$N = \frac{f \cdot f''}{f' \cdot f'''}$$

e Linearvergrößerung

$$n = \frac{D \cdot f \cdot f''}{\delta \cdot f' \cdot f'''}$$

18 Verhältnis ber Helligkeit des Objekts zu dem

$$= 1: \frac{Z^2}{W^2}$$

Die wichtigsten Spiegeltelestope sind das Ledos nsche, das Gregorische und das Casses ainsche.

Das Newtonsche Spiegeltelestop wird (fig. 89.)
zebildet. Der Boden AB ist ein Hohlspiegel, MN
Planspiegel, pq das Okular, wodurch ein Beobter das Bild EF des Objekts EF sieht.

Der Hohlspiegel macht, den Planspiegel MN bei eite gesetzt, ein Bild in der Entfernung

$$Ks = \alpha = \frac{\delta \cdot \frac{1}{2}r}{\delta - \frac{1}{2}r}$$

KE = 6, und der zu AB gehörige Halbmeffer : r ift.

Sest man Ks = h, so wird

$$cs = \frac{\delta \cdot \frac{1}{2}r}{\delta - \frac{1}{2}r} - h + \frac{D \cdot f'}{D + f'}$$

wo D die Weite cE ist, in der man das Bild des Objekts zu sehen verlangt, und t' die Brenuweite bes Okulars. Dabei ist

die Winkelvergrößerungs-
$$=\frac{r}{2f'}$$

die Linearvergrößerungs.
$$=\frac{D_{r}}{\delta \cdot 2f}$$

§. 284.

Das Gregorische Teleskop (fig. 91.) hat statt des Planspiegels einen Hohlspiegel MN; ber Hohlspiegel AB auf dem Boden ist hier durchlocht und das Okular pq auf die Are senkrecht.

Es sen des Hohlspiegels AB Halbmesser $K\lambda = r$, der des Hohlspiegels MN = e, der Abstand K beider Spiegeln $= \Delta$, des Okulars Brennweite = f', so ist

die Winkelvergröße-
rungszahl
$$N$$

die Linearvergröße-
rungszahl n
 $= \frac{r e}{(4\Delta - 2(r+e)) \cdot f}$

rungszahl n

Wird bei diesem Telessop noch ein Okular pa (fig. 92.) angebracht, und $\zeta e = \alpha$ gesetzt, so with ießt die

Winkelvergröße-
$$=\frac{N \cdot f'}{\alpha - K \zeta + f'}$$

unter f' des Glases pa Brennweite verstanden.

§. 285

iebenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenstellung ic. 491

§. 285.

Das Cassextrainsche Telessop unterscheibet sich n dem Gregorischen bloß durch den (fig. 93.) bei z gebrachten konveren Spiegel statt des konkaven.

§. 296. (§. 152—154.)

Mitrostope sollen bienen, dem Auge in den n angemessenen Seheweite eine vielmal größere enge strahlender Punkte von febr kleinen Objekten nerkbat fu machen, als ihm ohne solche Werfzeuge der beutlichen Seheweite bemerkbar werden konnen. naher das Objekt dem Auge gebracht wird, befio Ber wird die Anzahl von ftrahlenden Punkten, aus lchen Licht ins Auge kommen kann; weil es aber thebes Auge eine gewisse Seheweite giebt, dräpft ift, daß Strablen von noch näher liegenden ementen feine deutliche Worstellung von bem Objette ien, so kommt es bei ben Mikrostopen barauf an, tch sie eine so große Menge von Strahlen, als ein febr nabe liegenden Auge ohne Glas von einzeln Elementen zugeführt werben wurden, dem Auge juguführen, als famen fie von Elementen ber, die ber beutlichen Sehemeite, 1. B. von 8 Bollen, von n ablägen.

Dieser Foberung geschieht schon burch ein bikonjes Glas Genüge.

Bezeichnet wiederum D die deutliche Seheweite teine Gegenstände (z. B. von 8 Zollen), und soll teine Gegenstand unter einem Nmal so großen ehewinkel erscheinen, als das kleine Objekt selbst in ser Weite D erscheinen würde, so muß man die tennweite

$$f = \frac{D}{N-r}$$

nehmen. In diesem Falle wird auch die Linearvergröße. — N
rungszahl n

und das Maaß der vergrößerten Deutlichkeit

$$= N = \frac{D}{f} + r = \frac{D+f}{f}$$

Für ein aus zwei erhabenen Gläsern zusammenge setztes Mitrostop erhält man ihren ersoderlichen Abstand (fig. 94.)

$$Ad = \frac{\delta f}{\delta - f} + \frac{Df'}{D + f'}$$

wo f, f die Brennweiten des Objektivs und des Ohnlars sind, D die deutliche Seheweite und d die Ohjektsweite AE vom Objektiv bezeichnet.

Dabei ift

$$n = \frac{(D+f') \cdot f}{(\delta-f) \cdot f'}$$

und, dE = \triangle' geset,

$$N = \frac{\Delta'}{D}, n$$

wo sich N auf die Voraussetzung bezieht, daß sich det Auge in d, das Objekt in E besinde und nun N die Zahl bezeichne, welche angieht, wie vielmal die Tangente des Sehewinkels FdD durch das Mikrostep vergrößert werde. Soll aber N angeben, wie vielmal die Tangente des Sehewinkels vergrößert wird, wenn man, anstatt das Objekt selbst in der Entser num

iebenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenftellung ic. 493

ing dH von daus ohne Glas zu betrachten, durch s:Mitrostop sein Bild in H von daus sieht, so ibt

$$N = n$$

d das Maaß der vergrößerten Deutlichkeit

$$=\frac{(D+f')\cdot f}{(\delta-f)\cdot f'}$$

Das Bild, welches eine Glaslinse nach ber zweiBrechung darstellt, ist eigentlich aus den Spizen
jählich vieler Strahlenkegeln zusammengesetzt, die
e Grundsläche auf der Hintersläche der Linse haben.
r gleichförmig erleuchtete gemeinschaftliche Durchnitt aller dieser Strahlenkegeln kann das falsche
ild genennt werden.

Ein auf die Linsenare senkrechter Querschnitt, ich dessen Umfang die äussersten Strahlen durchge1, heißt das undeutliche Bild, und der Zwimraum zwischen dem Umfang des falschen Bildes
3, dem des undeutlichen heißt der Zalbschatten=
15. Zerstreuungstreise sind Querschnitte einzer von der Linse ausgehender Strahlenkegel.

Es giebt Falle, wo bei sehr verschiedenen Durchaittslinien des Objekts das undeutliche Bild doch ht merklich von einem Kreise verschieden ist.

Ein auf die Linsenaxe senkrechter Querschnitt ich diesenige Strahlenpyramide, welche die vom sekte ausgehenden mittleren Strahlen bilden, wird 1 projicirte deutliche Bild genennt.

Die Breite des Halbschattenrings ift dem Durchffer des projicirten Bildes gleich.

§.. 28\$.

§. 288.

Nach dem ersten Strahlenkegel folgen noch brei, deren Querschnitte eine gleichförmige Erleuchtung haben. Die Erleuchtung im 4ten ist durchaus schwächer, aber im Isten stärfer als die im deutlichen Bilde. Ift die Sonne das Objekt, so ist die Hise in einiger Entfernung vom Brennpunkte, naher am Glase, größer als im Brennpunkte selbsten.

§. 289.

Die Klarheit irgend eines Punftes eines Halbschattenrings verhält sich zur Klarheit eines Punftes
im zugehörigen falschen Bilde, wie das auf eine bestimmte Weise abgeschnittene mondförmige Stuck des
projektirten Bildes zu dem ganzen projicirten Bilde.

§. 290. (§. 161—180.)

Bei den Fernröhren kommt es nicht nur daranf an, den Okularen die erfoderliche Deffnung zu geden, um die auf das Objektiv fallende Strahlen durch sie durchzuleiten, sondern auch auf hinlängliche Deffnung der Gläser, um dem Beobachter einen verlangten Sehe winkel zu verschaffen. Die in dieser doppelten Rück sicht erfoderlichen Halbmesser der Linsen oder ihrer Fassungen heisen Deffnungshalbmesser wegen der Zellickeit, und Deffnungshalbmesser wegen des Gesichtsfeldes.

§. 291.

Wenn (fig. 101.) PP' das Objekt, QQ' das nächste Glas oder das Objektivglas ist, RR', SS', TT' 2c. die Okulargläser, und F, G, Hx. die Vilder des Elementes P in der Ape sind, so kan man AF, BG, CH 2c. die nach einander sols genden



jenzehnt. Abschn. Kurze Zusammenstellung zc. 495

ben Bildweiten, und BF, CG, DH 1c. die einander folgenden Okularabstände m.

Soll nun der Geffnungshalbmesser wes der Zelligkeit für irgend ein Ckular bes mr werden, so darf man nur den Gessergshalbmesser des Objektivs mit dem Prosk k aller dem gegebenen Okular voranges den Okularabskande multipliciren, und s herauskommt, mit dem Produkt aller t gegebenen Okular vorangehenden Bildsiten dividiren.

§. 292.

Wenn Ff, Gg, Hh 2c. die mit einer Linie PP Objekts korrespondirenden Linien der verschiedenen er sind, so giebt sich die Größe dieser korrespondien Linien der Bilder durch folgende Regel.

Um die Größe der mit einer Linie im Objekte, wie PP, korrespondirendem Linie im Bilde vor irgend einem Okular zu bestimmen, multiplicire man die Tangente des zur Linie des Objektes gehörigen Sehewinkels (tang PAP) mit dem Produkte aller dem Okular vorangehenden Bildsweiten, und dividire was herauskommt mit dem Produkte aller vor der legten Bildweite vorangehenden Okularabskände (§. 291).

§. 293.

Alle vom Objekt PP' (fig. 102.) ausgehende tiere Strahlen schneiden hinter iedem Okular die Ape Ape der Gläser in einem gemeinschaftlichen Punkte, wie o', o'' ic. und es ist $Bo' = \frac{\pi'f'}{\pi'-\phi}$, $Co'' = \frac{\pi''f''}{\pi''-(\pi'-\phi)} = \frac{\pi''f''}{\pi''-\pi'+\phi}$, $Do''' = \frac{\pi''f''}{\pi''-\pi'+\phi}$

 $\frac{\pi''' f'''}{\pi''' - (\pi'' - \pi' + \phi)} = \frac{\pi''' f'''}{\pi''' - \pi'' + \pi' - \phi} u. f. w.$

Ich bezeichne nämlich die Brennweiten des isten, zten, zten, zten Okulars u. s. w. mit f', f'', f''', u. s. w. Ueber das ist $\varphi = \tan \varphi A P$ und π' , π'' , π''' ic. sind Brüche, deren Werthe erst noch bestimmt werden müssen.

Reben ieder dieser Linien liegt eine andere bit zum Bilde (wie. 0'G, 0"H, 0"J2c.); iede solche Linie ergiedt sich hinter einem gegebenen Ofular auf ihrer zugehörigen Nebenlinie (B0', C0", D0"1c.), wenn man im Werthe für diese Rebenlinie statt des Bählers die I schreibt und den so herauskommenden Bruch mit der nach (§. 292.) bestimmten Durchschnittslinie des hinter das gegebene Okular fallenden Vildes multiplicirt. 3. B.

$$\sigma'''J = \frac{1}{\pi''' - \pi'' + \pi' - \varphi} \cdot \frac{\alpha \cdot \alpha' \cdot \alpha'' \cdot \alpha'''}{\delta' \cdot \delta'' \cdot \delta'''}$$

§. 294.

Die Werthe von π' , π'' , π''' ergeben sich, wenn die Entfernungen der Gläser von einander (AB, BC, CD 2c.) gegeben sind, mittelst der Formeln

$$\pi' = \frac{AB}{f'} \cdot \phi; \ \pi'' = \frac{\pi' - \phi}{f''} \cdot BC - \frac{\pi'f'}{f''}$$

$$\pi''' = \frac{\pi'' - \pi' + \phi}{f'''} \cdot CD - \frac{\pi''f''}{f'''} \text{ u. f. w.}$$

Siebenzehnt. Abschu. Kurze Zusammenstellung zc. 497

Beseichnet man die Oeffnungshaldmesser wegen in Gesichtsfeldes für das Iste, 2te, 3te Okular u. f. mit B', B'', B'' u. f. f. so hat man (fig. 102)

$$B' = A B \cdot \varphi; B'' = (\pi' - \varphi) \cdot B C - B'$$

 $B'' = (\pi'' - (\pi' - \varphi)) \cdot C D - B'' u. f. f.$

§. 295.

Bezeichnet man die Vergrößerungszahl, welche nzeigt, wie vielmal die Tangente des Sehewinkels urch die Okulare vergrößert wird, für ein einziges Okular hinter dem Objektiv mit N', für a Okulare uit N"; für 3 Okulare mit N" u. s. w. so'hat man

$$\frac{\pi' - \phi}{\phi}; N'' = \frac{\pi'' - (\pi' - \phi)}{\phi} = \frac{\pi'' - \pi' + \phi}{\phi}$$

$$\frac{\pi''' - \pi' + \phi}{\phi} = \frac{\pi''' - \pi' + \pi' - \phi}{\phi}$$

LFF

Much hat man, wenn die nach einander folgenden bildweiten und Okularabstände (§. 291.) mit a, a', la. und d', d'', d''' 2c. bezeichnet werden,

$$N'' = \frac{\alpha + \delta' - f'}{f'}; \quad N'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta' f''} + \frac{\delta'' - f''}{f''}.N';$$

$$N''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta'' f'''} + \frac{\delta''' - f'''}{f'''}.N'' \text{ s. f. f.}$$

Uns kommt inzwischen die Vergrößerung nicht Wemal so vor, wie es diesen Vergrößerungszahlen gemäß wäre.

§. 296.

Hus den Deffnungshalbmessern der Ökulare B', B", B" 16., den zugehörigen Vergrößerungszahlen Lanzevorfe Photom. N', N'', N''' ic. und den Brennweiten der Ofulare f', f'', f''' ic. ergiebt sich der scheindare Paldmesser des Gesichtsfeldes, nämlich

für 1 Obular

$$\varphi = \frac{B'}{(N'+1) \cdot f'}$$

für 2 Okulare

$$\phi = \frac{B''f' - B'f''}{(N''+1).f'f''}$$

für 3 Okulare

$$\Phi = \frac{B'' f'' f'' - B'' f'' f''' + B' f'' f'''}{(N''' + 1) \cdot f' f'' f'''}$$

Und es gehört hierzu zugleich ein bestimmter Abstam des Auges vom letten Ofulare.

§. 297.

Bezeichnet man die Entfernungen 0'G, 0"H, 0th J 2c. von iedem Punkte, in welchem die mittleren Strahlen die Axe gemeinschaftlich schneiden, dis zum nächstfolgenden Bilde mit 1', 1", 1" 2c., so erhält man auch

$$N'' = \frac{\alpha \alpha'}{\delta' \delta'' \delta'''}; \qquad N''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha''}{\delta' \delta'' \delta''' \delta'''}; \qquad N'''' = \frac{\alpha \alpha' \alpha'' \alpha'''}{\delta' \delta'' \delta''' \delta''' \delta''' \delta''''}$$

Wenn die Halbmesser der Strahlenkegel rGr', sHs' 2c. (fig. 101.) in den Stellen O', O'' 2c., we die mittleren Strahlen die Are schneiden, mit r', r'' n bezeich

iebenzehnt. Abichn. Kurze Insammenstellung zt. 499

eichnet werben, und der Oeffnungshalbmesser Aq 1 Objektins mit B bezeichnet wird, so hat man

$$t' = \frac{8}{N'}; \quad t'' = \frac{8}{N''}$$
 $t''' = \frac{8}{N'''}; \quad t'''' = \frac{8}{N''''} \text{ ic.}$

§. 299.

Bezeichnet man die Entsernungen o'P, o'P, 'P 1c. (fig. 103.) mit a', a'', a''' 1c., die nas rliche Helligkeit des Objekts mit C, die des Bils oder die dioperische Helligkeit dei einem Okuse (d. h. dei 2 Gläsern) mit c', dei zwei Okularen t c'', bei drei mit c''' 1c., so hat man

I. wenn w < r' oder r" 2c. ist für ein Okular

$$C: c' = \delta^2: (a')^2$$

für 2 Okulare

$$C: c'' = \delta^2: (a'')^2$$

für 3 Okulare

$$C: c''_1 = \delta^2: (a''')^2$$

II. woenn w nicht < r' oder r" zc. ist

für ein Okular

C: c' =
$$\frac{\delta^2 W^2}{(a')^2}$$
: $(t')^2$

für 2 Okulare

$$C: c'' = \frac{\delta w^2}{(a'')^2}: (t'')^2$$

u. f. w.

3i 2

Schar.

Schärfer hat man, wenn allgemein c statt c', c", c"... und a flatt at, a", a"... geschrieben und der Winkel A.P.Q (fig. 101.) = ψ gesetzt wird

I. wenn w < r ist

 $C: c = \delta^2: a^2 \cdot Cof \psi^2$

II. wenn w nicht < r ist

 $C: c = \delta^2 w^2 : a^2 \cdot r^2 \cdot Cof \psi^2$

Noch einige nähere Bestimmungen, die sich auf gewisse Voraussetzungen beziehen, findet man in ebenbiesem XIVten Abschnitt.

§. 300. (§. 181—234.)

Der genauen Vereinigung ber in Linsen gebroche nen Strahlen in einem Punfte ber Are ftehen zwei Haupthinderniffe im Wege: 1) die Rugelgestalt ber Linsenflächen, 2) die verschiedene Brechbarkeit, ver moge ber die ungleichartigen Mischungstheile ber Licht strahlen zerlegt werben, woraus die farbigen Strahlen entstehan. Erstere hat die Abweichung wegen der Gestalt, und ketztere die Abweichung wegen der garbenzerstreuung zur Folge. wird im XV ten Abschnitt, erstere im XVIten Besow Die Abweichung wegen der Farben ders betrachtet. zerstreuung ist die schädlichste. Auf der Theorie dieser beiden Abweichungen beruht die hochste Vervollkomm. nung jusammengesetzter optischer Werkjeuge. nes Auszugs aus diesen beiben letten Abschnitten füge ich hier zum Beschlusse noch einige für die Ausübung wichtige Tafeln bei.

Tafeln

jum Gebrauche

bei Verfertigung dioptrischer und katadioptrischer Fernröhre und der Mikroskopen.



I. Tafel.

Für das Galiläische Fernrohr (S. 236.)

Brennweite des Objektivs.	Brennweite des Okulars:
f 2 Soff 3 — 4 — 5 — 6 — 7	f' 30#
8 — 12 — 18 — 24 — 30 — 36 —	

314

II, Ta

II. Tafel.

Für das Keplerische oder astronomische Ferr rohr (S. 245.) nach Hungen.

Länge	Deffnung	Brennweite	~
bes Fernrohres			Vergrößerun
Huş.	Boll u. Dunbert-	Zoll if. Hundert- theilchen	
- I.	0,55	0,61	20
2	, 0,77	0,85	28
3	0,95	1,05	: 34
4	1,09	1,20	40
	1,23	1,35	. 44
/	-		
6	1/34	1,47	49
7	1,45	1,60	. 53
8	1,55	1/71	56
9.	1,64	1,80	60
10	1,73	1,90	63
			. ———
13	1,97	2,17	72
15	2,12	2,32	77
20	2,45	2,70	89
25 30	2,74	3,01	100
30	3,00	3,30	109
35	3/24	3,56	118
40	3,46	3,81	126
45	3,67	4,04	133
50	3,87	4,26	141
55	4,06	4,47	148

hei Verfertigung dioptr. u. katabioptrischer 2c. 505

Långe 14 Fernrohres	Deffnung- des Borderglases	Bremweite	Mercy Afterions
	Boll u. Dundert-		20101000000
Bur:	theilchen.	theilden.	
бo	4/24	4,66	154
70	4,58	5,04	166
80	4,90	. . 5 139	178
9 0	5.20	5,72	¹ 189
100	5/48	6,03	199
-	-		mark a mark of the
120	6,00	6,60	218
140	6,48	7,13	235
x 60	6,93	7,62	252
180	7,35	. 8109	267
200	7,75	-58153	2 81
	0	Ò	***
220	8,12	- ,8,93	295
240	8,48	8,83	308
- 260	8,83	9.71	321
2 80 :	9,16	10,08	333.
800	9/49	10,44	345
400	10,95	12,05	398
500	12,25	13,47	445
600	13,42	14,76.	488

III. Tafe'l.

Für das vorige Fernrohr nach dem verstore benen Astronom Mayer.

Grennweite des Objektivs in Zußen	Brennmeite bes Ofulars in Zollen	Vergrößerung des Gesichtswinkels	Objektivs in Bollen
f	f	N	28
ĭ	1,09	11,0	0,46
2	1,52	15/7	0,66
3	1,84	19,5	0,82
4	2,13	22,5	0,94
\$	2,38	25/2	1,05
6	2,60	2717	1,15
7	2,81	2919	1,24
8	3,00	32,0	1,33
.9	3/18	34/0	1,41
10	3/35	35,8	1,56
. 12	3,65	39/3	1,67
14	3/95	42,5	1,77
16	4,22	45,5	1,89
18	4/47	48/3	2,01
20	4/7 I	50,9	2,12
25	5,24	57/1	2,37
30	5,77	62,4	2,60
35	6,23	67,3	2,81
40	6,65	. 72,2	3,01
45	7,04	76,5	3/19

bei Werfertigung dioptr. u. katadioptrischer 20 507

drennweite des Objektivs in Zufen	Brennweite bes Okulars in Zollen	Vergrößerung des Gesichtswinkels	Deffnung des Objektivs in Zollen
£	f	'n	· B
50	7142	80,6	3,36
. бо	8,14	88,4	3,68
70	8,78	95/4	3,98
8 0	9,39	102,1	4,26
90	9,96	108,4	4,52
100	10,49	1144	4/77
110	11,00	120/1	5,01
120	11,49	125/5	5,24
130	11,96	130,7	5/45
150	12,84	140,2	5,48

" .. Eafetn jum- Bebrauche"

IV. Zafel.

Für das Erdfernrohr. (S. 253.)

3 Dtulatglaser von gleicher Brennweite angenommen.

Beanweite des Objektivs	Deffnung des Objektivs	der '	Größe, ber Diaphragmens dfrung	Vergrößeru des Gesicht winkels
f	28	f',f",f"		N
I Zng	4½ Lin.	16 Lin.	4. Lin.	9
2 —	$6\frac{1}{2}$ —	22 —	5 1 —	13
3 —	9 —	26 —	$7^{\frac{1}{2}}$ —	17
4 —	11 —	28 —	9 —	21
5 —	12 —	30 —	10 ,—	24
6 —	13 —	31.—	101	28
7 —	14 —	34 —	11 	30
8 —	15 —	36 —	$II^{\frac{1}{2}}$ —	32

Anm. Die Diaphragmenbsfinung ist die runde Deffnung einer schwarzen Scheibe, welche als Scheidemand Rohre da angebracht wird, wo der Brennpunkt! Objektivs hinfällt.

bei Werfertigung biopte. M. katabioptrischer 2c. 509

V. Täfel.

Für das Newtonsche Spiegelteleskop. (S. 263.)

Brenuweite bes Hohispiegels	Brennweite bes Ofmars	Deffnung des Spiege!s	Nergrößerung des Gesichtswinkels
Luk	Zoll	Son	4
3	0,167	0,864	36
· I	0,199 -	1,440	60
2	0,236	2,448	102
3	0,261	3,312	138
4	0,281	4,104	171
5	0,297	4,848	202
6	0,311	5,568	232
7	0,323	6,240	260
8	0,334	6,888	
9	0,344	7,536	314
10	0,353	8,160	340
II.	0,362	8,760	365
12	0,367	9,360	
- 13	0,377	9,936	414
14	0,384	10,488	437
15	0.391	11,040	400
16	0,397	11,592	483
17	0,403	12,143	. /

510

Tafeln pum Gebrauche

VI. Zafel.

Für bas Gregorische Eelestop (S. 273. mit einem Ofulare.

(Alles in Bollen.)

VII. 2

bei Berfertigung diopte. n. katadioperischer ic. 311. VII. Eafel.

für das vorige Spiegeltelestop, mit Beibeialtung ber vorigen Spiegel in ihrer voris
gen Lage, aber mit 2 Okularen.

(Wieberum alles in Bollen.)

3

÷

VIII.E &

VIII. Zafel.

Für das Cassegrainsche Spiegelteleskop (S. 282.), mit einem Okulare.

Vergrößerung	92,91 92,65 173,28 253,44
Brennweite des Ofu- lars	1,797 1,585 2,347 3,028
Halbe Deffnung bes kleinen Spiegels u. des Lochs im großen	0,227 0,201 0,297 0,383
Halbe Deffnung des großen Spiegels	0124
Brennweite des kleinen Spiegels	2,196 1,974 3,569 3,173
Entfernung des kleinen Spiegels vom Brenn= punkte des großen	1,992 1,766 3 253 4,786
Entfernung des 2ten Bildes vom Hohl= spiegel	7,948 3,000 4,000 6,000
Brennweite des Hohl= spiegels	15,5 15,5 36,0 60,0

bei Werfertigung bioptr. u. katabioptrifcher ic. 513

IX. Tafel.

für bas vorige Spiegelteleftop, aber mit

Rum. Die vorstehenden Tafeln find aus Smithe volls. Lehrbegr. ber Optik genommen, woher sie auch Burja in feiner Optik bat, wo aber mehrete Oruckehler eingeschlichen sind, daher man bei demefelben mehrmalen andere Jahlen findet. Die nache stehenden Tafeln bienen als Beispiele gut besumbener Anordnungen von Mikrostopen.

21 X. Za.

Zafeln jum Gebrauche

X. Tafel.

Für ein einfaches Mifrestop nach Eu Berechnung.

.514

(Mues in Zollen.)

Bergröße- rung		r von des tigen Glases Sinters fläche	Brenn- weite	Salbe Deff- nung	ઇલ
N	r	e	f	123	-
10	4,193	0,492	0,800	0,048	0,0
20	2,096	0,246	0,400	0,020	0,1
30	1,398	0,164	0,266	0,013	0,0
40	1,048	0,123	C/200	0,010	CIC
50	0,839	0,098	0,160	0,008	0,0
60	0,699	0,082	0,133	0,006	0,0
70	0,599	0,070	0,114	0,006	0,0
80	0,524	0,062	0,100	0,005	Ojc
. 90	0,466	0,055	0,088	0,004	0,0
100	0,419	0,049	0,080	0,004	0,0
120	0,349	0,041	0,066	0,003	0,0
140	0,299	0,035	0,057	0,003	0,0
160	0,262	0,031	0,050	0,002	0,0

bei Verfertigung dioptr. u. katadioptrischer 2c. 515

, XI. Tafel.

Für ein Mifrostop mit 2 Gläsetn.

Brennweite des Objektivs.	Brennweite des Okulars.
1 30A	{ oder 3½ —
3 -	{ ober 3 —
7 -	2 —
I —	$\begin{cases} 2 - \\ ober 2\frac{1}{2} - \end{cases}$

316 ... Zafeln zum Gebrauche

XII. Zafel.

Für ein Mikroskop mit 3 Gläsern.

(Alles in Zollen.)

Brennweite des letz- ten Ofulars	21/3	2,1	1,1	lo Tr	113
Entfernung beider Okularen von ein- ander		0,6	1,1	IT	I 3 7
Brennweite des dem Objektiv näher lies genden oder ersten Okulaks	31/4	268	I 1/2	2 ober 2 1	I 1/2
Seine Entfernung vom Objektiv	7=	7 bis 8	15		15
Brennweite des Ob-	34	0,8	1	3 2 od. 4 2	I
Sein Abstand vom Objekte	3 4	0,8	I 1/2	4 2 1 0b. 5 2	I 1/2

bei Werfertigung dioptr. u. katadioptrischer 2c. 517 XIII. Tafel. Für ein Mikroskop mit 4 Gläsern.

(Alles in Zollen.)

Brennweite des les- ten Ofulars	3	4	4	I 3/2
Brennweite des 2ten. Okalars	4	4	5	11 6 T 2
Brennweite des isten Okulars	4	5	5	1913
Brennweite des Obs jektivs	3 4.	I.	14	1 2

Gebruckt bei Adolph Ernst Junge.

THE NEW YORK PUBLIC MERARY

ASTOR, LENGX AND TILDEN FOUNDATIONS

N/٠

THE NEW YORK PUBLIC LIBRARY

ASTOR, LENOX AND TILDEN FOUNDATIONS

V

L

.

•

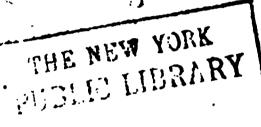
THE NEW YORK PUBLIC LIBRARY

ASTOR, LENOX AND TILDEN FOUNDATIONS

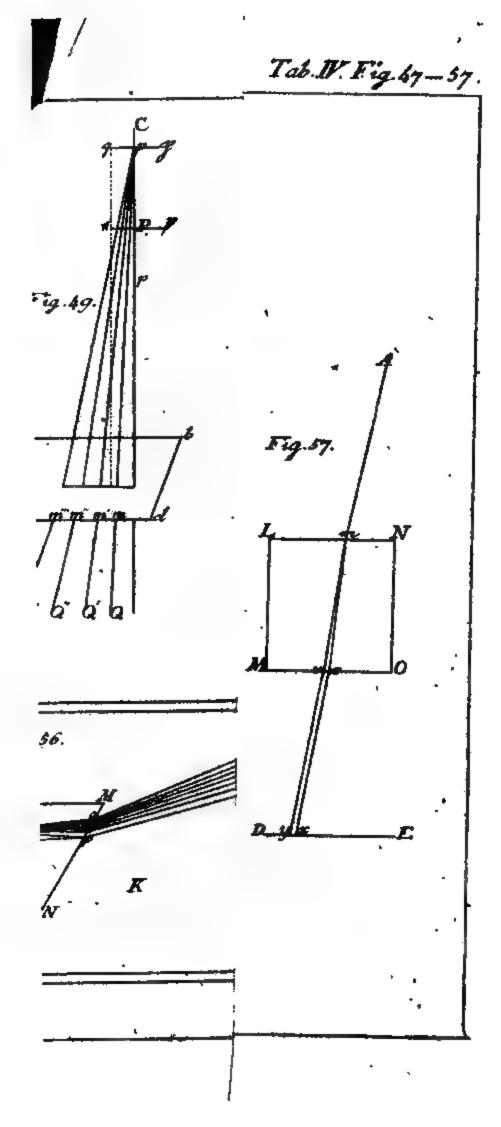
n

L

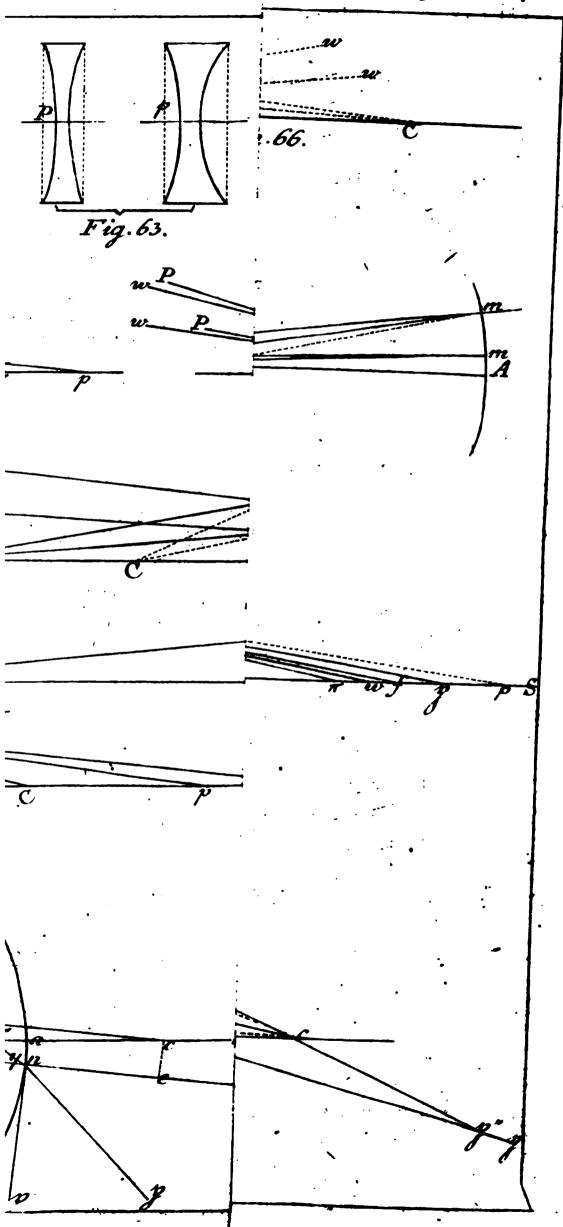
Tab. III. Fig .33-46.



ASTOR, LENOX AND TILDEN FOUNDATIONS

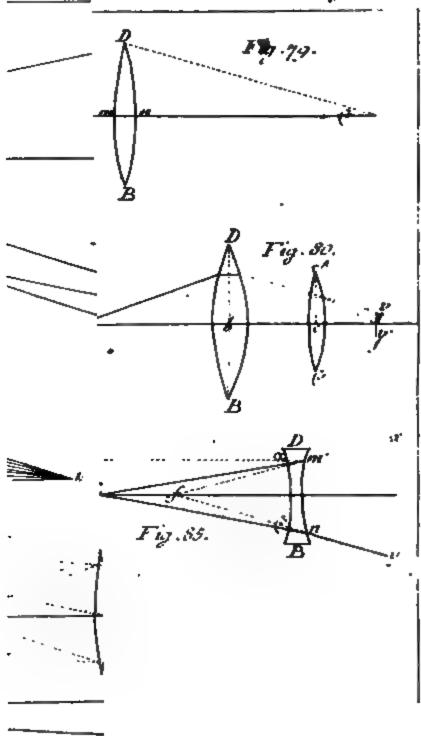


 E_{LL}



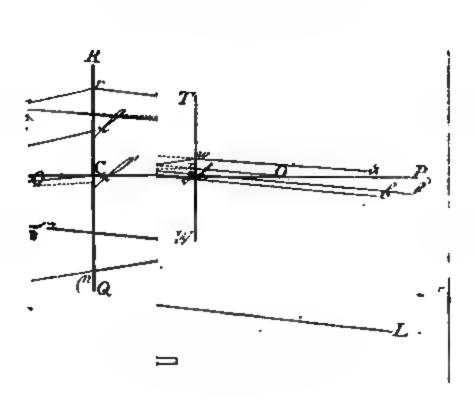
THE NEW YORK

emoltading the like it



THE NEW YORK PUBLIC MERARY

ACTOR FEROXARD
THUEFN OF UNDATIONS



--

trans our our management

THE NEW YORK PUBLIC LIBRARY

AUTOR, LENOX AND THE DEN FOUNDATIONS

L

Tab. VIII. Fig. gt - 97.

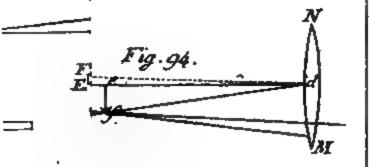


Fig. 07.

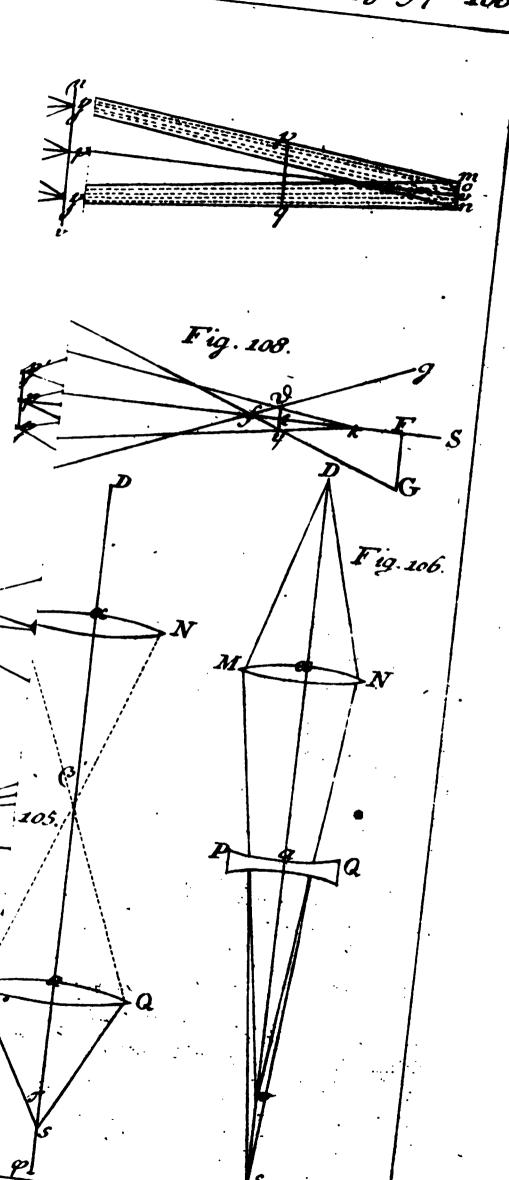
S

Fig. 96.

THE NEW YORK
PUBLIC LIBRARY

ASTOR, LENOX AND TILDEN FOUNDATIONS
R

Tab. IX. Fig. 97-108.



THE NEW YORK
PUBLIC LIBRARY

ASTOR, LENOX AND
TILDEN FOUNDATIONS
R

#:





